

УДК 621.396.6

**Ю.С. Ямпольский**, канд. техн. наук, проф.,  
**К.Я. Мамедов**, канд. техн. наук, доц.,  
**В.В. Корна**, магистр,  
Одес. нац. політехн. ун-т

## **ИССЛЕДОВАНИЕ ИНТЕРМОДУЛЯЦИОННЫХ ИСКАЖЕНИЙ В ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННЫХ УСТРОЙСТВАХ**

**Ю.С. Ямпольський, К.Я. Мамедов, В.В. Корна.** **Дослідження інтермодуляційних спотворень в телекомунікаційних пристроях.** Розроблено алгоритм розрахунку динамічного діапазону радіочастотних підсилювачів по інтермодуляційній складовій 3-го порядку. Запропонований метод дозволяє проводити попередню оцінку потенційно можливого динамічного діапазону по інтермодуляції 3-го порядку радіочастотного підсилювача, виконаного на тому чи іншому польовому транзисторі.

**Ключові слова:** інтермодуляція, динамічний діапазон, радіочастотний підсилювач, електромагнітна сумісність, інтермодуляційна складова, параметр нелінійності.

**Ю.С. Ямпольский, К.Я. Мамедов, В.В. Корна.** **Исследование интермодуляционных искажений в телекоммуникационных устройствах.** Разработан алгоритм расчета динамического диапазона радиочастотных усилителей по интермодуляционной составляющей 3-го порядка. Предложенный метод позволяет проводить предварительную оценку потенциально достижимого динамического диапазона по интермодуляции 3-го порядка радиочастотного усилителя, выполненного на том или ином полевом транзисторе.

**Ключевые слова:** интермодуляция, динамический диапазон, радиочастотный усилитель, электромагнитная совместимость, интермодуляционная составляющая, параметр нелинейности

**Yu.S. Yampolsky, K.Ya. Mamedov, W.W. Korna.** **Study of intermodulation distortion in telecommunication devices.** A algorithm for calculating the dynamic range by intermodulation component of the 3rd order of RF amplifiers. The proposed method allows you to conduct a preliminary assessment of the potential dynamic range by intermodulation component of the 3rd order of a RF amplifier performed upon a particular field-effect transistor.

**Keywords:** intermodulation, dynamic range, the RF amplifier, electromagnetic compatibility, intermodulation products, the nonlinearity parameter.

Практически во всех современных телекоммуникационных устройствах широко используются полевые транзисторы (ПТ), например, в усилительно-преобразовательных трактах цифровых радиоприемников и радиопередатчиков.

Поскольку эти радиотехнические устройства (РТУ) функционируют в условиях сложной помеховой обстановки, то возникает проблема обеспечения их электромагнитной совместимости (ЭМС).

Важный показатель ЭМС РТУ — линейность его проходной характеристики, которую обычно оценивают величиной динамического диапазона  $d_3$  по интермодуляционным составляющим третьего порядка (ИМС3) [1, 2]. Известны наиболее важные методики определения  $d_3$  радиочастотных усилителей (РЧУ) [3, 4]. Они основаны на экспериментальных измерениях.

Предлагается метод теоретического расчета  $d_3$  РЧУ на ПТ по его паспортным данным. Это позволит оценить потенциальные возможности РЧУ, выполненного на заданном типе транзистора. Кроме того, даст возможность определить оптимальную область значений напряжений смещения и возбуждения, при которых реализуется максимальное значение  $d_3$ .

Динамический диапазон  $d_3$  непосредственно связан с параметром нелинейности ПТ следующим соотношением [1]

$$H_{03} = \frac{1}{d_3} \frac{4}{U_{c3}^2}, \quad (1)$$

где  $H_{03}$  — параметр нелинейности третьего порядка;

$U_{c3}$  — амплитуда интермодулирующего сигнала.

Параметр нелинейности  $H_{03}$  определяется на основе анализа проходной вольт-амперной характеристики (ВАХ) ПТ РЧУ в соответствии с выражением [2]

$$H_{03} = \frac{1}{2} \frac{S''}{S}, \quad (2)$$

где  $S$  — крутизна проходной ВАХ исследуемого ПТ в рабочей точке;

$S''$  — вторая производная крутизны  $S$ .

Заменив амплитудное значение  $U_{c3}$  на действующее и приравняв выражения (1) и (2), получим

$$H_{03} = \frac{S''}{S} = \frac{1}{d_3} \frac{8}{(U_{c3 \text{ дейст.}})^2}, \quad (3)$$

связывающее динамический диапазон  $d_3$  и  $\frac{S''}{S}$ .

Представляет интерес получить аналитические соотношения, позволяющие вычислять параметр  $\frac{S''}{S}$ .

Основная трудность заключается в нахождении аналитического выражения проходной ВАХ различных типов ПТ и определении крутизны  $S$ , а также ее производных. Для упрощения задачи принято, что работа исследуемого ПТ осуществляется на частотах намного ниже его граничной частоты  $f_T$ . Это позволит пренебречь влиянием инерционных явлений на его характеристики.

Аппроксимация проходной ВАХ ПТ означает подмену реальной зависимости тока стока от напряжения на его затворе  $I_C(U_{зи})$  на некоторую достаточно простую математическую зависимость  $I_C(U_{зи})$ .

При анализе нелинейных РЧУ наиболее часто используются методы аппроксимации проходных ВАХ экспоненциальными, тригонометрическими или степенными полиномами, сплайн-функциями, функциями специального вида, функциональными рядами и др.

Выбирая тот или иной метод аппроксимации, необходимо учитывать следующие требования: точность расчетов  $\leq 10\%$ , возможность определения аналитического выражения для крутизны  $S$  и ее первых двух производных, которые не должны иметь точек разрыва.

Проанализировав существующие методы аппроксимации, пришли к выводу о целесообразности применения логарифмически-экспоненциальной аппроксимации [5], которую удобно представить в обобщенном виде

$$y(x) = a \ln \left\{ 1 + \exp \left[ b(x - x_0) \right] \right\}, \quad (4)$$

где  $x_0$  — абсцисса точки пересечения двух прямых;

$a$  и  $b$  — коэффициенты, позволяющие задавать резкость перехода от одной прямой к другой.

Данная аппроксимация обладает интересным свойством. Она описывает две прямые на плоскости, плавно переходящие друг в друга. Используя несколько членов уравнения (4), можно описывать функции, представляемые несколькими отрезками прямых. Так, используя два члена, можно описать проходную ВАХ ПТ (рис. 1)

$$I_C(U_{3i}) = k_1 \ln \left\{ 1 + \exp \left[ \frac{S_1(U_{3i} - U_1)}{k_1} \right] \right\} + k_2 \ln \left\{ 1 + \exp \left[ \frac{(S_2 - S_1)(U_{3i} - U_2)}{k_2} \right] \right\}, \quad (5)$$

где  $k_1 = \frac{\Delta I_1}{\ln 2}$ ;

$$k_2 = \frac{-\Delta I_2}{\ln 2};$$

$$S_1 = \frac{(I_2 - I_1)}{(U_2 - U_1)};$$

$$S_2 = \frac{(I_3 - I_2)}{(U_3 - U_2)}.$$

1, 2, 3 — индексы, соответствующие номерам точек на рисунке.

Как известно, крутизну  $S = \frac{dI_C}{dU_{3i}}$  определяют с помощью проходной ВАХ  $I_C(U_{3i})$ .

Аналитическое выражение крутизны проходной ВАХ ПТ определяется дифференцированием уравнения (5) и введением обозначений  $\gamma = \exp \left[ \frac{S_1(U_{3i} - U_1)}{k_1} \right]$  и  $\eta = \exp \left[ \frac{(S_2 - S_1)(U_{3i} - U_2)}{k_2} \right]$ .

Тогда

$$S(U_{3i}) = S_1 \frac{\gamma}{1 + \gamma} + (S_2 - S_1) \frac{\eta}{1 + \eta}. \quad (6)$$

Соотношение (6) позволяет найти первую и вторую производные для крутизны  $S$  проходной ВАХ ПТ. Для упрощения процесса дифференцирования выполнена замена  $\frac{\gamma}{1 + \gamma} = \gamma_1$  и

$\frac{\eta}{1 + \eta} = \eta_1$ . Уравнение (6) принимает вид

$$S(U_{3i}) = S_1 \gamma_1 + (S_2 - S_1) \eta_1. \quad (7)$$

Тогда выражения для первой (8) и второй (9) производных крутизны

$$S'(U_{3i}) = \frac{S_1^2 \gamma_1^2}{k_1 \gamma} + \frac{(S_2 - S_1)^2}{k_2} \frac{\eta_1^2}{\eta}, \quad (8)$$

$$S''(U_{3i}) = \frac{S_1^3}{k_1^2} \left( \gamma_1 - 3\gamma_1^2 + 2\gamma_1^3 \right) + \frac{(S_2 - S_1)^3}{k_2^2} \left( \eta_1 - 3\eta_1^2 + 2\eta_1^3 \right). \quad (9)$$

С использованием соотношений (7) и (9) получено аналитическое выражение для функции параметра нелинейности ПТ  $H_3(U_{3i})$

$$H_3(U_{3i}) = \frac{\frac{S_1^3}{k_1^2} \left( \gamma_1 - 3\gamma_1^2 + 2\gamma_1^3 \right) + \frac{(S_2 - S_1)^3}{k_2^2} \left( \eta_1 - 3\eta_1^2 + 2\eta_1^3 \right)}{S_1 \gamma_1 + (S_2 - S_1) \eta_1}. \quad (10)$$

Таким образом, полученные соотношения (8)...(10) позволяют аналитически определять значения параметров  $S$ ,  $S''$  и  $H_3$ , используя известную проходную ВАХ данного ПТ. Кроме этого, для РЧУ и преобразователей частоты особую важность представляет собой отношение  $\frac{S'}{S}$  — параметр нелинейности второго порядка [2], характеризующий уровень интермодуляционных составляющих второго порядка (ИМС2),

$$H_2 = \frac{1}{4} \frac{S'}{S} = \frac{1}{4} \frac{\frac{S_1^2 \gamma_1^2}{k_1} + \frac{(S_2 - S_1)^2 \eta_1^2}{k_2}}{S_1 \gamma_1 + (S_2 - S_1) \eta_1}. \quad (11)$$

Возможности практического применения предложенной методики показаны на примере ПТ типа КП901А [6], значения проходной ВАХ при  $U_{\text{СИ}} = 15\text{ В}$  приведены в таблице

Значения проходной ВАХ ПТ КП901 при  $U_{\text{СИ}} = 15\text{ В}$

$U_{\text{зи}}, \text{В}$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$I_c, \text{mA}$	0	48.5	146.5	270	410	550	685	820	950	1050	1100

На основе (5) получено выражение для аппроксимации проходной ВАХ транзистора КП901А

$$I_c(U_{\text{зи}}) = 0,07 \ln \left\{ 1 + \exp \left[ \frac{0,136(U_{\text{зи}} - 1)}{0,07} \right] \right\} + (-0,058) \ln \left\{ 1 + \exp \left[ \frac{(0 - 0,136)(U_{\text{зи}} - 9,1)}{(-0,058)} \right] \right\}. \quad (12)$$

Приведены рассчитанная с помощью уравнения (12) и справочная проходная ВАХ ПТ КП901А (рис. 2).

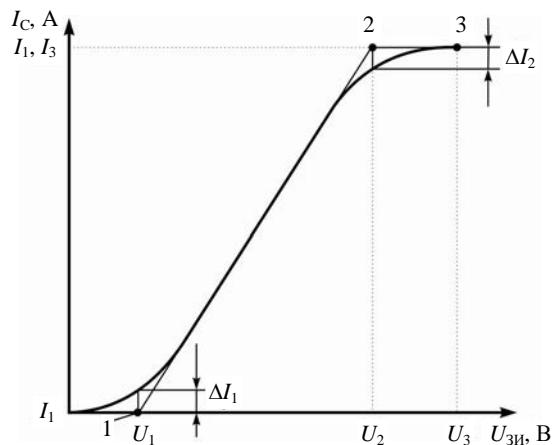


Рис. 1. Графическое определение коэффициентов аппроксимации

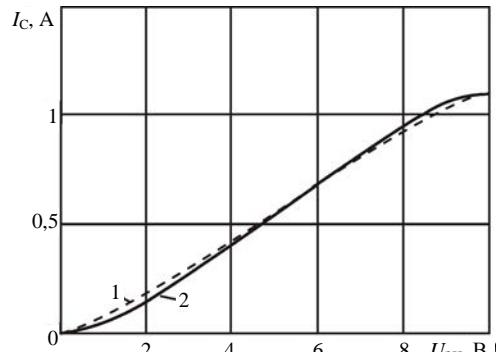


Рис. 2. График проходной ВАХ ПТ КП901: справочной (1) и рассчитанной по уравнению (12) (2)

Их сравнение указывает на достаточно высокую точность аппроксимации проходной ВАХ по уравнению (12).

Аналогичным образом, использованием коэффициентов аппроксимации из уравнения (12), проведен расчет зависимостей  $S(U_{\text{зи}})$ ,  $S''(U_{\text{зи}})$  и  $H_3(U_{\text{зи}})$ . Результаты расчетов представлены в графическом виде (рис. 3 и 4).

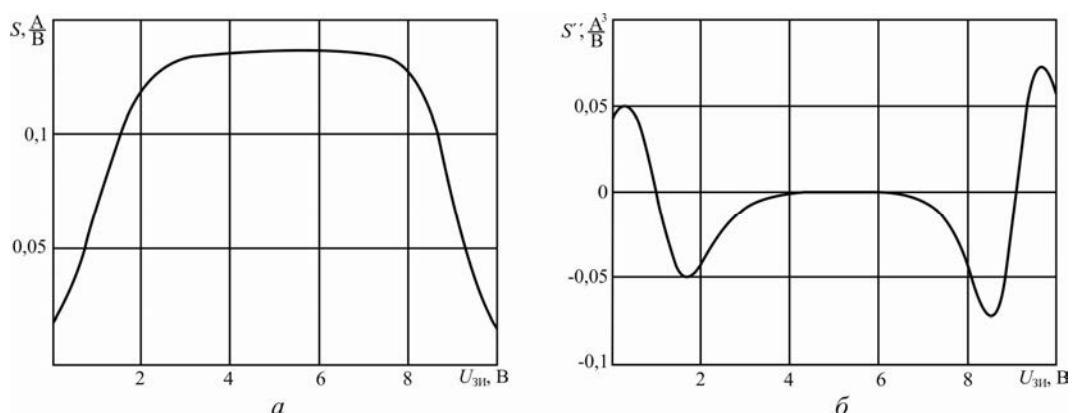


Рис. 3. Графики крутизни  $S(U_{зи})$  (а) и другої производної крутизни  $S''(U_{зи})$  (б) для транзистора КП901

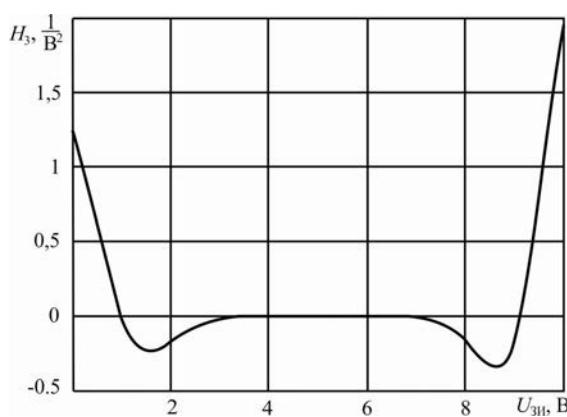


Рис. 4. График параметра нелинейності  $H_3(U_{зи})$

Видно, что крутизна  $S$  проходной ВАХ ПТ имеет на затворе некоторый диапазон напряжений  $U_{зи}$ , в котором неизменны  $S$  и, соответственно, коэффициент усиления радиочастотного усилителя. Таким образом, существует область оптимальных режимов, в которой обеспечивается линейное усиление сигналов УМ на данном типе ПТ.

На графике (рис. 4) видно существенное уменьшение параметра нелинейности  $H_3(U_{зи})$  в диапазоне  $U_{зи} = 3 \dots 7$  В, что соответствует увеличению ДД по ИМС<sub>3</sub> на этом участке. Так, при амплитуде входных сигналов  $U_{c3} = 0,5$  В и напряжении смещения  $U_{зи} = 5$  В рассчитанное по формулам (3) и (10) значение  $d_3$  составило  $-73$  дБ. В крайних точках области линейного усиления при  $U_{зи} = 4$  и  $6$  В значения  $d_3$  составили соответственно  $-63$  и  $-60$  дБ.

Экспериментальное измерение параметра  $d_3$  для конкретного ПТ показало, что при амплитуде входного сигнала  $U_{c3} = 0,5$  В и напряжениях смещения на затворе  $U_{зи} = 4, 5$  и  $6$  В соответственно составило:  $-61, -69$  и  $-62$  дБ. Сравнение расчетных и экспериментальных значений указывает на хорошее совпадение теории и эксперимента.

Таким образом, предложенный метод приближенного расчета параметра  $d_3$  позволяет проводить предварительную оценку потенциального ДД по ИМС<sub>3</sub> РЧУ, выполненного на том или ином ПТ. Кроме того, появляется возможность определить область вероятных оптимальных значений напряжения смещения и амплитуды входного сигнала, действующих на затворе ПТ, при которых реализуется максимальный ДД по ИМС<sub>3</sub> РЧУ.

## Література

1. Систематизация показателей, характеризующих динамический диапазон радиотехнических устройств по интермодуляции / [Н.А. Сартасов, И.М. Симонтов, Г.И. Невмержицкий, А.И. Тихонов] // Техника средств связи. Сер. ТРС. — 1982. — Вып. 10(30). — С. 79 — 81.

2. Голубев, В.Н. Оптимизация главного тракта радиоприемного устройства / В.Н. Голубев. — М.: Радио и связь, 1987. — 144 с.
3. Allison, B. Test Procedures Manual / B. Allison, M. Tracy, M. Gruber. — American Radio Relay League. — 2010. — 163 p.
4. Ямпольский, Ю.С. Определение динамического диапазона радиочастотных усилителей / Ю.С. Ямпольский, К.Я. Мамедов, С.С. Дрозд // Тр. Одес. политехн. ун-та. — Одесса, 2008. — Вып. 2(30). — С. 185—186.
5. Дьяконов, В.П. Нелинейная аппроксимация передаточных и выходных характеристик мощных МДП-транзисторов / В.П. Дьяконов, В.Ю. Смердов, О.А. Фролков // Полупроводниковая электроника в технике связи / Под. ред. И.Ф. Николаевского. — М.: Связь, 1985. — Вып.25. — С. 163 — 167.
6. Полупроводниковые приборы. Транзисторы средней и большой мощности: Справочник / А.А. Зайцев, А.И. Миркин, В.В. Мокряков. — М.: Радио и связь, 1989. — 640 с.

### References

1. Sistematisatsiya pokazateley, kharakteriziruyushchikh dinamicheskikh diapazon radiotekhnicheskikh ustroystv po intermodulyatsii [Systematization of Indicators Describing the Dynamic Range of Radio Engineering Devices by Intermodulation] / [N.A. Sartsov, I.M. Simontov, G.I. Nevmerzhitskiy, A.I. Tihonov] // Tekhnika sredstv svyazi. Ser. TRS [Communication Facilities]. — 1982. — Issue 10(30). — pp. 79 — 81.
2. Golubev V.N. Optimizatsiya glavnogo trakta radiopriemnogo ustroystva [Optimization of the Main Tract of Radio Receiver] / V.N. Golubev. — Moscow, 1987. — 144 p.
3. Allison B. Test Procedures Manual / B. Allison, M. Tracy, M. Gruber. — American Radio Relay League. — 2010. — 163 p.
4. Yampolskiy Yu.S. Opredelenie dinamicheskogo diapazona radiochastotnykh usiliteley [Determination of the Dynamic Range of RF Amplifiers] / Yu.S. Yampolskiy, K.Ya. Mamedov, S.S. Drozd // Proc. of Odessa Polytech. Univ. — Odessa, 2008. — Issue 2(30). — pp. 185 — 186.
5. D'yakonov V.P. Nelineynaya approksimatsiya peredatochnykh i vykhodnykh kharakteristik moshchnykh MDP-tranzistorov [Non-linear Approximation of the Transfer and Output Characteristics of Power MOS Transistors] / V.P. D'yakonov, V.Yu. Smerdov, O.A. Frolkov // Poluprovodnikovaya elektronika v tekhnike svyazi [Solid-State Electronics in Communications Technology] / Edited by I.F. Nikolaevskiy. — Moscow, 1985. — Issue 25. — pp. 163 — 167.
6. Poluprovodnikovye pribory. Tranzistory sredney i bol'shoj moshchnosti: Spravochnik [Semiconductors. Transistors of Medium and High Power: A Handbook] / A.A. Zaytsev, A.I. Mirkin, V.V. Mokryakov. — Moscow, 1989. — 640 p.

Рецензент д-р техн. наук, проф. Одес. нац. политехн. ун-та Баранов П.Е.

Поступила в редакцию 12 октября 2011 г.