В.И. Барышев

Национальный аэрокосмический университет им. Н.Е. Жуковского «ХАИ», Харьков

СТАТИСТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ БЕСКОНТУРНОГО ФАЗОВОГО ЧАСТОТНОГО ДИСКРИМИНАТОРА

Проведен статистический анализ работы фазового частотного дискриминатора, выполненного на электромагнитной линии задержки. Получены аналитические выражения и графические изображения для дискриминационной характеристики, а также поведение крутизны дискриминационной характеристики и коэффициента ухудшения качества этих характеристик по сравнению с оптимальным дискриминатором в зависимости от отношения сигнал/шум.

фазовый частотный дискриминатор, дискриминационная характеристика, оптимальный дискриминатор, отношение сигнал/шум

Введение

Частотный дискриминатор рассматривается как первичный преобразователь частота – напряжение. Преобразователи данного типа обладают рядом недостатков, основным из которых является нестабильность параметров преобразования, которая обусловлена наличием резонансных контуров. В этом случае имеет место существенные температурные погрешности преобразования и снижение широкополосности.

В настоящее время имеются частотные дискриминаторы, построенные без использования резонансных контуров. Среди них следует отметить цифровые частотные дискриминаторы [1, 2], дискриминаторы, реализованные на основе схем фазовой автоподстройки частоты управляемого генератора [3]. Основной недостаток этих схем – сложность, а в схемах фазовой автоподстройки возможен срыв слежения управляемого генератора.

Помимо преобразовательных функций частотный дискриминатор находит широкое применение в бортовых доплеровских РЛС в качестве измерителя доплеровской частоты, что равнозначно измерению радиальной скорости движения цели. Одним из основных требований, предъявляемых к дискриминационным измерителям, является стабильность измерений доплеровской частоты при требуемой точности.

В настоящей статье исследуется фазовый частотный дискриминатор, реализованный на электромагнитной линии задержки. Стабильность измерения доплеровской частоты в данном случае зависит от температурной стабильности индуктивноемкостных параметров линии задержки. При практической реализации электромагнитных линий задержки на L, в элементах может быть достигнута стабильность параметров линии, по крайней мере, на порядок выше, чем у резонансных контуров.

Цель выполненных в статье исследований состояла в статистическом анализе работы дискриминатора, оценивая параметры S_{экв} – эквивалентная спектральная плотность, характеризующая флуктуационную составляющую выходного напряжения; K_д – крутизна дискриминационной характеристики; χ – коэффициент ухудшения качества работы дискриминатора по сравнению с оптимальным.

Изложение основного материала

Для исследования широкополосного фазового частотного дискриминатора при наличии флуктуационных помех рассмотрим его структурную схему, которая приведена на рис. 1.



Рис. 1. Структурная схема фазового частотного дискриминатора

Здесь 1 – тракт преобразователя и УПЧ; 2 – электромагнитная линия задержки; 3 – умножитель; 4 – фильтр нижних частот; 5 – линейный усилитель.

Предполагается, что приходящий сигнал идеализируется в виде стационарного нормального случайного процесса с шириной спектра, значительно меньшей его средней частоты, и медленно изменяющейся средней частотой. Эта идеализация хорошо соответствует непрерывному радиолокационному сигналу при наличии доплеровского эффекта. Спектральная плотность сигнала аппроксимируется функцией

$$S_{c} = S_{0} \exp\left\{-\pi \left(\frac{f - f_{c}}{\Delta f_{c}}\right)^{2}\right\},$$
 (1)

где Δf_c – эффективная ширина спектра сигнала и $\Delta f_c \ll f_c$. Помеха на входе предполагается "белой", со спектральной плотностью G₀.

Относительно параметров, входящих в схему элементов, делаются следующие допущения:

1) амплитудно-частотная характеристика тракта УПЧ имеет вид гауссовой кривой;

2) УПЧ охвачен высокоинерционной системой АРУ, которая приводит средний уровень выходного напряжения к постоянному уровню Е.

Для нахождения среднего значения и спектральной плотности напряжения на выходе дискриминатора предварительно определим общее выражение для этого напряжения.

На выходе УПЧ согласно [4] можно записать значения плотности сигнала и помехи

$$S_{c,np} = C^{2}S_{0} \exp\left\{-\pi \left[\frac{y^{2}}{\left(1+\mu^{2}\right)\Delta f_{c}^{2}} - \left(\frac{f-f_{0}-ky}{\Delta f_{cl}}\right)^{2}\right]\right\}; (2)$$

$$G_{n} = C^{2}G_{0} \exp\left\{-\pi \left(\frac{f-f_{0}}{\Delta f_{9\varphi}}\right)^{2}\right\}, (3)$$

где k =
$$\frac{\Delta f_{3\phi}^2}{\Delta f_{3\phi}^2 + \Delta f_c^2} = \frac{\mu^2}{1 + \mu^2}; \quad \Delta f_{c_1}^2 = \frac{\mu^2}{1 + \mu^2} \Delta f_c^2;$$

$$\mu = \frac{\Delta f_{3\phi}}{\Delta f_c}; \quad (4)$$

у – расстройка средних частот гетеродинированного сигнала и УПЧ; $\Delta f_{9\phi}$ – эффективная полоса тракта УПЧ;

$$C = (3, 20).$$
 (5)

С- новый коэффициент пропорциональности, учитывающий нормирующие свойства АРУ.

Ввиду узкополосности процессов помехи
$$n(t)$$

и сигнала $S(t)$ на выходе УПЧ, в соответствии с ме-
тодом огибающей их можно представить в виде:

$$n(t) = U_n(t) \cos \omega_0 t + V_n(t) \sin \omega_0 t;$$

$$S(t) = U_{c}(t)\cos(\omega_{0} + 2\pi ky)t + V_{c}(t)\sin(\omega_{0} - 2\pi ky)t,$$

где $U_{c}(t)$ и $V_{c}(t)$ – медленные нормальные случайные процессы с одинаковыми функциями корреляции, которые согласно (2), равны

$$r(\tau) = C^2 S_0 \Delta f_{c_1} \exp\left\{-\pi \left[\frac{y^2}{\left(1+\mu^2\right)\Delta f_c^2} + \left(\Delta f_{c_1}\tau\right)^2\right]\right\}.(6)$$

Ввиду симметрии спектра относительно частоты $f_0 + ky$, $U_c(t)$ и $V_c(t)$ не коррелированны. По той же причине $U_{n}(t)$ и $V_{n}(t)$ – нормальные взаимно-некоррелированные случайные процессы с функциями корреляции

$$R(\tau) = C^2 G_0 \Delta f_{\vartheta \varphi} \exp\left\{-\pi \left(\Delta f_{\vartheta \varphi} \tau\right)^2\right\}.$$
 (7)

Составляя выражения для S(t) относительно частоты f_0 вместо f_0 + ky и складывая его с n(t)

$$S(t) + n(t) = A(t) \cos \omega_0 t + B(t) \sin \omega_0 t, \qquad (8)$$

где

имеем:

$$A(t) = U_n(t) + U_c(t) \cos 2\pi kyt + V_c(t) \sin 2\pi kyt B(t) = V_n(t) - U_c(t) \sin 2\pi kyt + V_c(t) \sin 2\pi kyt$$
; (9)

A(t) и B(t) – коррелированные нормальные процессы.

Анализ проведем для схемы, изображенной на рис. 1, полагая, что ей предшествует тракт преобразователя и УПЧ с инерционной системой АРУ. Если принять, что с выхода УПЧ снимается сигнал, описываемый выражениями (8) и (9), то согласно структурной схеме рис. 1 и значения $\tau_3 = 1/(4f_0)$, задержанный сигнал записывается в виде:

 $U_{II}(t) = U_3(t) = A(t-\tau_3) \sin \omega_0 t - B(t-\tau_3) \cos \omega_0 t$. (10)

После перемножения задержанного (10) и незадержанного (8) сигналов и отфильтровывания высокочастотной составляющей, получим выходное напряжение дискриминатора:

$$U_{BLIX}(t, y) = \frac{1}{2} K_{y} \Big[A(t - \tau_{3}) B(t) - A(t) B(t - \tau_{3}) \Big], (11)$$

где К_у – постоянный коэффициент, определяемый умножителем, фильтром НЧ и выходным линейным усилителем.

Оценивая возможности рассматриваемого дискриминатора, по сравнению с оптимальным, определим эквивалентную спектральную плотность S_{экв} и коэффициент ухудшения качества дискриминатора по сравнению с оптимальным χ .

$$\chi = S_{\rm 3KB} / S_{\rm opt} , \qquad (12)$$

где эквивалентная спектральная плотность определяется равенством

$$S_{_{3KB}} = S_{_{BbIX}} / K_{\mathcal{A}}^2 ; \qquad (13)$$

S_{вых} – спектральная плотность, характеризующая флуктуационную составляющую выходного напряжения, которая не зависит от рассогласования у; К_л – крутизна дискриминационной характеристики:

$$\mathbf{K}_{\mathrm{A}} = \frac{1}{2\pi} \left| \frac{\partial \mathbf{U}_{\mathrm{BbIX}}(\mathbf{t}, \mathbf{y})}{\partial \mathbf{y}} \right|_{\mathbf{y}=0}.$$
 (14)

Для нахождения этих параметров прежде определим дискриминационную характеристику как зависимость усредненного значения выходного напряжения от рассогласования у.

И

Усредняя выходное напряжение (11) и принимая во внимание выражения (5), (6), получим

$$\overline{U_{BLX}(t,y)} = \frac{2}{\pi} K_y E^2 \exp\left\{-\pi \left(\Delta f_{c_1} \tau_3\right)^2\right\} \times \frac{\exp\left\{-\pi \frac{y^2}{\Delta f_c^2(1+\mu^2)}\right\} \sin 2\pi ky \tau_3}{\exp\left\{-\pi \frac{y^2}{\Delta f_c^2(1+\mu^2)}\right\} + \frac{1}{h}\sqrt{1+\mu^2}}, \quad (15)$$

где $h = S_0/G_0$ – отношение сигнал/шум на входе приемного устройства.

Соотношение (15) представляет зависимость дискриминационной характеристики от характеристик сигнала и помехи Δf_c , y, h и параметров схе-

мы К_у, Е, т₃, μ.

Зависимость нормированного значения A(y) дискриминационной характеристики от относительной расстройки $y/\Delta f$ приведена на рис. 2 для некоторых значений h.



Рис. 2. Зависимость нормированного значения A(y) от у/Δf

Из выражения (15) и рис. 2 следует, что A(у) является нечетной функцией расстройки у. Увеличение интенсивности шумов приводит к уменьшению масштаба дискриминационной характеристики по оси ординат и к усилению завалов, что объясняется подавлением сигнала при больших расстройках системой APУ.

Для более полной оценки поведения дискриминационной характеристики определим ее крутизну в нулевой точке, воспользовавшись соотношением (14). Тогда:

$$K_{\pi} = \frac{1}{2\pi} \left| \frac{\partial U_{\text{BMX}}(t, y)}{\partial y} \right|_{y=0} =$$
$$= \frac{2E^2 K_y \tau_3}{\pi \left(1 + \frac{1}{h} \sqrt{1 + \mu^2} \right)} \exp \left\{ -\pi \left(\Delta f_{c_1} \tau_3 \right)^2 \right\}. \quad (16)$$

На рис. 3 представлена нормированная относительно E^2K_y зависимость крутизны от значений h при некоторых величинах μ .



Рис. 3. Нормированная зависимость крутизны от значений h

Кривые показывают, что крутизна увеличивается с уменьшением интенсивности шумов и с ростом параметра μ . Естественно, на величину крутизны K_{μ} оказывают влияние параметры Е и K_{y} . Если же варьировать величиной τ_{3} , то это приводит к изменению средней частоты настройки частного дискриминатора. Поэтому рассматривать величину τ_{3} в качестве параметра, изменяющего крутизну дискриминатора, не желательно.

Эквивалентную спектральную плотность можно непосредственно определить из выражения

$$S_{3KB} = \frac{1}{K_{\mathcal{A}}^{2}} \int_{-\infty}^{\infty} \left[\overline{U_{BbIX}(t,0) U_{BbIX}(t+\tau,0)} - \overline{U_{BbIX}(t,0)} \overline{U_{BbIX}(t+\tau,0)} \right] d\tau .$$
(17)

Используя формулы (2) – (5), (11), (16), после некоторых преобразований получим:

$$\frac{S_{3KB}}{\Delta f_{c}} = 8Q^{2} \left(1 + \mu^{2}\right)^{2,5} \left/ \left(\mu^{3} \exp\left\{-\frac{\pi}{16} \frac{1}{Q^{2} \left(1 + \mu^{2}\right)}\right\} \right) \times \left\{ \sqrt{2} \left(1 - \exp\left\{-\frac{\pi}{16Q^{2} \left(1 + \mu^{2}\right)}\right\} \right) + \frac{4\sqrt{1 + \mu^{2}}}{h\sqrt{2 + \mu^{2}}} \left(1 - \exp\left\{-\frac{\pi}{8Q^{2} \left(2 + \mu^{2}\right)}\right\} \right) + \frac{\sqrt{2\left(1 + \mu^{2}\right)}}{h^{2}} \left(1 - \exp\left\{-\frac{\pi}{16Q^{2}}\right\} \right) \right\} + \frac{\sqrt{2\left(1 + \mu^{2}\right)}}{h^{2}} \left(1 - \exp\left\{-\frac{\pi}{16Q^{2}}\right\} \right) \right\},$$

где $Q = f_0 / \Delta f$ – добротность тракта УПЧ.

Величина S_{3KB} имеет три члена, по-разному зависящих от h, обусловленных соответственно биениями составляющих сигнала (слагаемое, независящее от h), биениями сигнала с шумом (слагаемое, содержащее $\frac{1}{h}$) и биениями шума с шумом (слагаемое, содержащее $\frac{1}{h^2}$). При малых интенсивностях шума преобладает первое слагаемое, при больших – третье. Наглядное представление зависимости S_{3KB} от h и μ дает графическое исследование. Параметр Q существенного влияния на величину S_{3KB} не оказывает. Действительно, если разложить экспоненциальные функции, которые входят в большие фигурные скобки формулы (18), и ограничиться вторым членом ряда, то (18) можно записать в более упрощенном виде:

$$\frac{S_{_{3KB}}}{\Delta f_{c}} \simeq \frac{\pi \left(1+\mu^{2}\right)^{2,5}}{\mu^{3}} \left[\frac{\sqrt{2}}{2\left(1+\mu^{2}\right)} + \frac{4\sqrt{1+\mu^{2}}}{h\left(2+\mu^{2}\right)^{1,5}} + \frac{\sqrt{2\left(1+\mu^{2}\right)}}{2h^{2}} \right].$$
(19)

На рис. 4 и 5 изображены соответственно зависимости $\frac{S_{_{3KB}}}{\Delta f_c}$ и χ от h для некоторых значений μ

по сравнению с оптимальным дискриминатором.

Пунктирной кривой на рис. 4 нанесено значе-S_{opt}

ние $\frac{S_{opt}}{\Delta f_c}$ для оптимального дискриминатора.





Рис. 5. Зависимости χ от h

Выводы

Из рассмотрения рис. 4 и 5 можно заключить:

 Величина эквивалентой спектральной плотности или дисперсия ошибки единичного измерения уменьшается при всех значениях μ с уменьшением интенсивности шумов;

2. Наилучшее согласование рассматриваемого частотного дискриминатора с оптимальным при h <<1 получается при $\mu = 1$, когда ширина спектра сигнала согласована с полосой пропускания тракта УПЧ;

3. При $\mu < 1$ результаты ухудшаются по сравнению со случаем $\mu = 1$ для всех значений h;

 При μ>1 результаты также ухудшаются по сравнению со случаем μ = 1 для значений h << 1, но в области h >> 1 наблюдается улучшение согласования с оптимальным при возрастании μ.

Как видно из приведенного анализа, рассмотренный частотный дискриминатор на электромагнитной линии задержки может обеспечить точность измерения частоты, близкую к точности оптимального измерителя при соотношениях сигнал шум $h \le 10$. При этом реализуемая точность измерения получается лучше, чем у известных частотных дискриминаторах на расстроенных контурах.

Список литературы

1. Цифровые радионавигационные устройства / В.В. Барашенков, А.Е. Лутченко, Е.М. Скороходов и др.; Под ред. В.Б. Смолова. – М.: Сов. радио, 1980. – 288 с.

2. Максимов М.В., Меркулов В.И. Радиоэлектронные следящие системы (синтез методами теории оптимального управления). – М.: Радио и связь, 1990. – 256 с.

3. Кар. Джон. Проектирование и изготовление электронной аппаратуры: Перев. с англ. – 2-е изд. – М.: Мир, 1986. – 387 с.

4. Большаков И.А. Воздействие сигнала и флюктуационной помехи на частотный дискриминатор // Электросвязь. – М.: Связь. – 1960. – № 10. – С. 23-26.

Поступила в редколлегию 2.10.2007

Рецензент: д-р техн. наук, проф. В.К. Волосюк, Национальный аэрокосмический университет им. Н.Е. Жуковского «ХАИ», Харьков.