## УДК 537.322.11

#### Анатычук Л.И., Мочернюк Ю.Н., Прибыла А.В.

Институт термоэлектричества НАН и МОН Украины, ул. Науки, 1, Черновцы, 58029, Украина

# О СОЛНЕЧНЫХ ТЕРМОЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ПРЕОБРАЗОВАТЕЛЯХ ЭНЕРГИИ

Представлены результаты компьютерного проектирования солнечного термоэлектрического генератора с концентратором солнечной энергии, стенки которого одновременно выполняют функцию отвода тепла от горячих спаев термоэлектрического преобразователя энергии. При помощи технологии объектно-ориентированного компьютерного моделирования получены распределения электрического потенциала и температуры в термоэлектрическом генераторе с учетом температурных зависимостей кинетических коэффициентов материалов, а также контактных сопротивлений. Рассчитана конструкция термоэлектрического преобразователя, которая обеспечивает оптимальный режим преобразования солнечной энергии в электрическую, что позволило достичь КПД генератора 4.67 %. Стоимость генерируемой таким преобразователем электрической энергии составляет 0.5 \$/Bm, что делает его конкурентоспособным на рынке солнечных преобразователей энергии.

Ключевые слова: солнечная энергия, термоэлектрический генератор, компьютерное моделирование.

Results of computer design of a solar thermoelectric generator with a solar energy concentrator whose walls serve for rejection of heat from the hot junctions of a thermoelectric energy converter have been presented. With the aid of object-oriented computer simulation the distributions of electric potential and temperature in a thermoelectric generator with regard to temperature dependences of the kinetic coefficients of materials, as well as contact resistances have been obtained. Design calculation of a thermoelectric converter has been made assuring optimal mode of solar into electric energy conversion which yielded the generator efficiency of 4.67 %. The cost of electric energy power generated by such a converter is 0.5 \$/W, which makes it competitive in the market of solar energy converters. **Key words:** solar energy, thermoelectric generator, computer simulation.

## Введение

Общая характеристика проблемы. Создание альтернативных возобновляемых источников энергии является на сегодня одной из наиболее актуальных задач, поскольку содействует решению экологических проблем термального загрязнения Земли, которые ведут к изменениям ее климата.

Солнце – наибольший источник возобновляемой энергии на Земле. Мощность его излучения составляет  $4 \cdot 10^{23}$  кВт, из нее на Землю приходится приблизительно  $10^{14}$  кВт. При этом на  $1 \text{ м}^2$  площади – приблизительно 1 кВт мощности [1]. Такая плотность солнечного излучения недостаточна для получения перепадов температур необходимых для функционирования термоэлектрических преобразователей энергии. Поэтому целесообразно применение специальных концентраторов солнечной энергии в виде параболоидов, отражателей Френеля или совокупности плоских зеркал [1]. Для термоэлектрических

преобразователей характерны высокий ресурс работы и надежность, что делает их использование в совокупности с солнечными концентраторами перспективным [2, 3].

Анализ литературы. Первые солнечные термоэлектрические генераторы (СТЭГ) были изготовлены в конце XIX столетия. Среди них разработанный российским астрономом В.К. Цераским генератор, который приводил в действие электрический звонок [1].

В 50-х годах XX столетия интерес к возможности прямого преобразования солнечной энергии в электрическую усилился в связи с появлением новых материалов для термопар (*p-Zn-Sb*, *n-Bi-Sb*) [1, 4, 5]. Использование в качестве концентратора тепловой энергии плоского коллектора, в виде зачерненной медной пластины, позволило достичь КПД генератора около 1.05 % [4]. КПД генератора с оптическим концентратором, фокусирующим солнечное излучение на горячие спаи термопар, достиг 3.35 % [4]. Современные разработки солнечных термоэлектрических генераторов [6-11] выполнены как с оптическими концентраторами солнечной энергии, так и без них. Так в работе [6] приведены теоретические и экспериментальные исследования СТЭГ с плоским концентратором тепловой энергии. Авторы работы утверждают, что им удалось достичь КПД генератора 4.6 %.

Целью данной работы является компьютерное проектирование солнечного термоэлектрического генератора с концентратором солнечной энергии, стенки которого одновременно выполняют функцию отвода тепла от горячих спаев термоэлектрического преобразователя энергии, для достижения максимальной эффективности и минимальной себестоимости термоэлектрического преобразования энергии, что сделает СТЭГ конкуренто-способным на рынке солнечных преобразователей энергии.

# Физическая, математическая и компьютерная модели СТЭГ

Эффективность работы термоэлектрического генератора определяется как КПД термоэлектрических модулей, так и КПД преобразования энергии солнечного излучения в тепловую. Оптимизация конструкции СТЭГ в данном случае состояла в максимальном уменьшении тепловых потерь и обеспечении температурных условий для реализации максимального КПД термоэлектрического преобразователя [1].

Конструкция солнечного термоэлектрического генератора содержит три основных элемента: преобразователь энергии солнечного излучения в тепловую, термоэлектрический преобразователь и устройство для отвода тепла [1].

В качестве концентратора излучения использован параболоид с зеркальной поверхностью. Приемочной поверхностью генератора выступает коммутационный проводник горячих спаев термоэлектрического преобразователя, выполненный в виде срезанного шара (рис. 1). Холодные спаи термопары находятся в тепловом контакте с параболоидом, являющимся одновременно холодным теплообменником. Для защиты от атмосферного влияния внутренняя часть параболоида изолирована защитным стеклом [12].

СТЭГ работает следующим образом. Солнечное излучение проходит сквозь стеклянную защитную поверхность 1, попадает на зеркальную поверхность параболического концентратора 2, отражается и фокусируется на коммутации 3, где превращается в тепловую энергию. Часть тепла, проходящее через термоэлектрический преобразователь 4, превращается в электрическую энергию. Тепло от холодных спаев термопары рассеивается на параболическом концентраторе 2, который служит и холодным теплообменником.

На рис. 1 q<sub>0</sub> – поток солнечного излучения, попадающего на защитное стекло;

 $q_1$  – поток солнечного излучения, отражающегося от внешней поверхности стекла;  $q_2$  – поток солнечного излучения, отражающегося от внутренней поверхности стекла;  $q_3$  – поток солнечного излучения, поглощающегося стеклом;  $q_4$  – поток солнечного излучения, проходящего через стекло;  $q_5$  – тепло, поглощаемое концентратором;  $q_6$  – тепло, теряемое на внутренней стороне концентратора вследствие свободной конвекции и излучения;  $q_7$  – поток солнечного излучения, фокусирующегося на коммутации горячих спаев;  $q_8$  – потери тепла на приемочной поверхности;  $q_9$  – потери тепла конвекцией и излучением на боковой поверхности термопары;  $q_{10}$  – тепло, поглощаемое термопарой;  $q_{11}$  – поток тепла, отводящегося от внешней поверхности концентратора свободной конвекцией и излучением.



Рис. 1.Физическая модель СТЭГ. 1 – защитное стекло, 2 – солнечный параболический концентратор, 3 – коммутация термоэлектрического преобразователя,





Рис. 2. Потери энергии на элементах конструкции СТЭГ.

Теоретические расчеты показали, что потери солнечной энергии на элементах конструкции СТЭГ следующие:

- 8 % отражается от поверхности стекла;
- 2 % поглощается стеклом;
- 9 % поглощается алюминиевым концентратором;

• 8.1 % – отражается от приемочной поверхности термопарного элемента;

• 72.9 % – проходит через ветви термопары.

Для упрощения задачи потоки  $q_1 - q_3$  не учитывались, в расчетах использованы известные характеристики пропускания стекла, без учета поглощенного тепла  $q_3$ , идущего на его разогрев. Также считалось, что в объеме, ограничивающем защитное стекло и зеркало, находится воздух.

Для нахождения распределения температуры в СТЭГ необходимо решить уравнение теплопроводности

$$q = \nabla(-\kappa \cdot \nabla T), \tag{1}$$

где к – теплопроводность,  $\nabla T$  – градиент температуры и q – тепловой поток.

Граничные условия:

- на зеркальной поверхности концентратора:

$$q = \varepsilon_1 \cdot q_4 - \alpha \cdot \Delta T_1 + \varepsilon_1 \cdot \left( G_1 - \sigma \cdot T_1^4 \right), \tag{2}$$

где  $\varepsilon_1$  – степень черноты внутренней стороны концентратора,  $\alpha$  – коэффициент теплоотдачи,  $\Delta T_1$  – разница температур между внутренней стороной концентратора и окружающей средой,  $\sigma$  – постоянная Больцмана,  $T_1$  – температура внутренней стороны концентратора.

- на приемочной поверхности:

$$q = q_7 \cdot (2 \cdot \varepsilon_2 - 1) - \alpha \cdot \Delta T_2 + \varepsilon_2 \cdot (G_2 - \sigma \cdot T_2^4), \qquad (3)$$

где  $\Delta T_2$  – разница температур между приемочной поверхностью и окружающей средой,  $T_2$  – температура приемочной поверхности,  $\varepsilon_2$  – степень черноты приемочной поверхности.

- на границах теплового контакта коммутации с ветками термопары

$$q = \kappa \cdot \frac{\Delta T_4}{l}, \qquad (4)$$

где к, l, – теплопроводность и высота веток термопары,  $\Delta T_4$  – разница температур между горячим и холодным спаями термопары.

- на границах боковых поверхностей веток термопары и окружающей средой

$$q = \alpha \cdot \Delta T_3 + \varepsilon_3 \cdot \sigma \cdot \left(G_3 - \sigma \cdot T_3^4\right), \tag{5}$$

где  $\Delta T_3$  – разница температур между боковой поверхностью термопары и окружающей средой,  $T_3$  – температура боковой поверхности термопары,  $\varepsilon_3$  – степень черноты боковой поверхности термопары.

- на внешней поверхности концентратора

$$q = \alpha \cdot \Delta T_5 + \varepsilon_4 \cdot \sigma \cdot \left(T_5^4 - T_0^4\right),\tag{6}$$

где  $\Delta T_5$  – разница температур между внешней стороной концентратора и окружающей средой,  $\epsilon_4$  – степень черноты внешней стороны концентратора,  $T_5$  – температура концентратора,  $T_0$  – температура окружающей среды. G – входной тепловой поток излучением для каждой отдельной границы

$$G = G_m + F_{amb} \sigma T_{amb}^4, \tag{7}$$

где G<sub>m</sub> – величина излучения от других границ элементов конструкции, F<sub>amb</sub> – фактор поля

зрения, равный части поля зрения, которое не подпадает под действие других поверхностей,  $T_{amb}$  – температура в отдаленной точке в направлениях, включенных к  $F_{amb}$ .

Нахождение решения уравнения (1) с предельными условиями (2 – 6) представляет собой сложную задачу, аналитические решения которой имеют слишком громоздкий вид и не подлежит анализу [13].

Для решения поставленной задачи была использована компьютерная программа мультифизического объектно-ориентированного моделирования Comsol Multiphysics [14]. Созданная при ее помощи компьютерная модель солнечного термоэлектрического генератора дала возможность осуществить расчеты его физических полей, определить основные энергетические характеристики и провести оптимизацию конструкции СТЭГ.

Компьютерная модель СТЭГ (рис. 1) состоит из алюминиевого параболического концентратора (зеркала) 2, зачерненной медной приемочной площадки 3, представляющей собой срезанный шар, и термопары 4. Холодные спаи термопары находятся в тепловом контакте с параболическим концентратором, являющийся холодным теплообменником.



Рис. 3. ZT термоэлектрического материала на основе Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>.

Компьютерное моделирование проводилось со следующими начальными условиями: плотность солнечного излучения – 1000 Вт/м<sup>2</sup>, температура окружающей среды – 300 К. Отвод тепла от холодного теплообменника предполагался путем свободной конвекции и излучения в окружающую среду. В соответствии с реальными физическим и оптическим свойствами [15, 16] элементов конструкции солнечного термоэлектрического генератора, взяты следующие значения коэффициентов поглощения и отражения: коэффициент пропускания стекла – 0.9, коэффициент отражения алюминиевого зеркала – 0.9, степень черноты приемочной площадки ε<sub>2</sub> и внешней стороны параболического концентратора ε<sub>4</sub> – 0.9, степени черноты боковой поверхности веток термопары  $\varepsilon_3$  и внутренней поверхности концентратора  $\varepsilon_1 - 0.1$ . В качестве термоэлектрического материала использован стандартный термоэлектрический материал на основе Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub> (рис. 3) [17, 18]. Оптимизация характеристик модели СТЭГ проводилась по диаметру параболического концентратора D, толщине концентратора d и тепловому сопротивлению термопары. В качестве начального значения D было выбрано 20 мм, поскольку именно при таком диаметре фокус оставался под защитным стеклом. Увеличение диаметра концентратора *D* проводилось таким образом, чтобы фокус параболоида оставался неизменным. Начальное значение толщины концентратора d = 0.2 мм.

Для каждого варианта конструкции оптимизировалась площадь поперечного сечения

(тепловое сопротивление) ветвей термопары таким образом, чтобы обеспечить горячую температуру на уровне 300 °C, поскольку именно при этой температуре достигается максимум КПД для выбранного термоэлектрического материала.

## Результаты оптимизации

В результате компьютерного моделирования были получены значения температуры на холодных спаях термопары СТЭГ (рис. 4), распределения температур на холодном теплообменнике (рис. 5), а также значение ЭДС и электрической мощности. Рассчитаны также значения КПД солнечного термоэлектрического генератора для разных значений диаметров и толщины параболоида (рис. 6). Установлено, что КПД СТЭГ достигает 4.67 %. Также исследовано влияние контактных электрических сопротивлений, приводящее к снижению энергетических характеристик СТЭГ на 8 %.



Рис. 4. График зависимости холодной температуры  $T_c$  на термопаре от диаметра концентратора для разных его толщин d. 1 - d = 0.2 мм; 2 - d = 0.4 мм; 3 - d = 0.6 мм; 4 - d = 0.8 мм; 5 - d = 1 мм.



Рис. 5. График зависимости  $\Delta T$  между центром и краем алюминиевого концентратора от его диаметра для разных толщин концентратора d. 1 - d = 0.2 мм; 2 - d = 0.4 мм; 3 - d = 0.6 мм; 4 - d = 0.8 мм; 5 - d = 1 мм.

Выполнена оценка экономических показателей генератора. На рис. 7 приведены графики зависимости стоимости 1 Вт генерированной СТЭГ электрической мощности от его

геометрических размеров. Как видно из графика, при толщине концентратора 0.2 мм для диаметров концентраторов *D* от 20 до 35 мм, его стоимость составляет приблизительно 0.5 \$/Вт. Такие показатели делают СТЭГ конкурентоспособным на рынке солнечных преобразователей энергии.



Рис. 6. График зависимости КПД СТЭГ от диаметра концентратора для его разных толщин d. 1 - d = 1 мм; 2 - d = 0.8 мм; 3 - d = 0.6 мм; 4 - d = 0.4 мм; 5 - d = 0.2 мм.



Рис. 7. График зависимости стоимости 1 Вт генерированного СТЭГ электрической мощности от диаметра концентратора для его разных толщин d. 1 – d = 1 мм; 2 – d = 0.8 мм; 3 – d = 0.6 мм; 4 – d = 0.4 мм; 5 – d = 0.2 мм.

Следует отметить, что дальнейшее повышение эффективности СТЭГ возможно за счет использования термоэлектрических материалов с более высоким значением ZT, использования зеркал с большим коэффициентом отражения и защитного стекла с большим коэффициентом пропускания, а также использования селективных покрытий для уменьшения потерь на излучение.

## Выводы

- 1. Методом объектно-ориентированного компьютерного моделирования проведена оптимизация конструкции солнечного термоэлектрического генератора, позволяющей повысить КПД генератора до значения 4.67 %.
- 2. Установлено, что учет контактных сопротивлений в компьютерной модели повышает

точность расчетов энергетических характеристик СТЭГ на 8 %.

3. Показана возможность создания СТЭГ стоимость генерирования которым 1 Вт электроэнергии может составлять около 0.5 \$, что делает его конкурентоспособным на рынке солнечных преобразователей энергии.

## Литература

- 1. Анатычук Л.И. Термоэлементы и термоэлектрические устройства: Справочник. / Л.И. Анатычук К.: Наук. думка. 1979. 768 с.
- 2. Анатычук Л.И. Рациональные области исследований и применений термоэлектричества / Л.И. Анатычук // Термоэлектричество. 2001. №1. С. 3 14.
- 3. Анатычук Л.И. Современное состояние и некоторые перспективы термоэлектричества / Л.И. Анатычук // Термоэлектричество. 2007. №2. С. 7 20.
- 4. Бернштейн А.С. Термоэлектрические генераторы. / А.С. Бернштейн Москва: Госэнергоиздат, 1956. 47 с.
- 5. M. Telkes, J. Appl. Phys. 25, 765 (1954).
- Daniel Kraemer, Bed Poudel, Hsien-Ping Feng, J. Christopher Caylor, Bo Yu, Xiao Yan, Yi Ma, Xiaowei Wang, Dezhi Wang, Andrew Muto, Kenneth McEnaney, Matteo Chiesa, Zhifeng Ren, and Gang Chen, Nature Materials 10, 532 – 538 (2011).
- 7. Ernesto E. Gomez, Patent No. US 4251291 (1981).
- 8. E.P. Gladskikh, V.A. Katenin, V.A. Maksimov, Patent No. Ru 2382935 C1 (2010).
- 9. A.N. Timofeev, A.V. Timofeev, D.V. Timofeev, M.A. Timofeev, Patent No. Ru 86247 U1 (2009).
- 10. John Gotthold, Anjun Jerry Jin, and Frank M. Larsen, Patent No. US 2010/0252085 A1 (2010).
- 11. R. Amatya and R.J. Ram, J. Electronic Materials 39 (9), 1735 1740 (2010).
- 12. Сонячний генератор тепла і електрики. Патент UA 73624/ Анатичук Л.І., Мочернюк Ю.М. 2012.
- Анатычук Л.И. О влиянии системы теплообмена на КПД термоэлектрического генератора / Л.И. Анатычук, А.В. Прибыла // Термоэлектричество. – 2012. – №4. – С. 87 – 92.
- 14. COMSOL Multiphysics User's Guide // Comsol, Inc. 2006. 708 p.
- 15. Клинд Л. Стекло в строительстве: Свойства. Применения. Расчеты. / Л. Клинд, В. Клейн [пер. с немецкого П.И. Глазунова, Т.Ф. Гусевой, З.А. Липкинда]. М.: Стройиздат, 1981. 287 с.
- 16. Алюминий, свойства и физическое металловедение: Справочник. / [под редакцией Дж. Е. Хэтча. Перевод с английского канд. тех. наук Э.З. Непомнящей]. М.: Металлургия, 1989. 424 с.
- 17. Копыл А.И. Термоэлектрические свойства легированного свинцом материала *p*-(*Bi*<sub>2</sub>*Te*<sub>3</sub>)<sub>0.25</sub>(*Sb*<sub>2</sub>*Te*<sub>3</sub>)<sub>0.72</sub>(*Sb*<sub>2</sub>*Se*<sub>3</sub>)<sub>0.03</sub> с избытком теллура / А.И. Копыл, И.И. Павлович, И.С. Термена // Термоэлектричество. 2007. – №1. – С. 38 – 43.
- Струтинская Л.Т. Влияние вибрации на однородность термоэлектрических материалов на основе *Bi*<sub>2</sub>*Te*<sub>3</sub>, выращенных методом вертикальной зонной плавки / Л.Т. Струтинская // Термоэлектричество. 2012. – №4. – С. 58 – 63.

Поступила в редакцию 24.07.2013.