УДК 678.5

Рассоха. А.Н., Черкашина А.Н.

## СТРУКТУРА ФУРАНО-ЭПОКСИДНЫХ КОМПОЗИТОВ: ФРАКТАЛЬНО-ПЕРКОЛЯЦИОННЫЙ ПОДХОД

Фурано-эпоксидные материалы находят широкое использование в строительной индустрии. Применение этих материалов в промышленном и других отраслях строительства обусловлено структурными особенностями фурано-эпоксидных полимеров: практическим отсутствием летучих компонентов при структурировании, способностью отверждаться в широком температурном интервале в слоях любой толщины, умеренной усадкой, удовлетворительными значениями механической и адгезионной прочности, высокой стойкостью к действию химически и физически агрессивных сред и температурного фактора, атмосферостойкостью, хорошей совместимостью с другими полимерами и способностью формировать с наполнителями (нуль-, одно-, дву- и трехмерными) композиционные системы с комплексом высоких прочностных, технологических и эксплуатационных свойств.

Представляло интерес оценить структурные особенности фурано-эпоксидного композита на основе реакционноспособного олигомера ФАЭД-50(20), структурированного аминофенольным отвердителем Агидол АФ-2, в широком диапазоне концентраций дисперсного наполнителя – кварцевого песка (КП).

Использовались постулаты теории перколяции [1], в результате чего представилась возможность проанализировать критические явления в топологически неоднородных системах с неупорядоченными элементами и оценить внутреннюю связь между физическими, механическими и геометрическими (структурными) параметрами неупорядоченных систем, которыми являются фурано-эпоксидные композиты. Перколяционный анализ структуры композитов осуществлялся в соответствии с теорией протекания по касающимся сферам в рамках подходов, разработанных Бобрышевым А.Н, Жариным Д.Е. и др. (рис. 1) [2–8].

Анализ проводился для мелкодисперсной фракции наполнителя менее 630 мкм (среднеэффективный диаметр частиц *D* = 120 мкм), форма частиц – почти сферическая.



Рисунок 1 – Модель формирования бесконечного перколяционного кластера (БПК) по касающимся сферам из частиц КП при увеличении концентрации наполнителя в композите: а) – г) стадии формирования кластера; *R* – радиус ближней корреляции кластера, равный среднему размеру ячеек каркаса

Фрактальное поведение системы (структуры БПК) характерно в масштабах, близких к длине корреляции  $\xi$ . На больших масштабах система нефрактальна и практически однородна.

Оценка фрактальной размерности структуры дисперсно-наполненных фураноэпоксидных композитов  $d_f$  с различным содержанием КП ( $\varphi$ ) может быть проведена по соотношению [5]  $d_f = (d-1)(1+\mu)$  при известном значении коэффициенте Пуассона  $\mu$ , определяемого для исследованных систем по общепринятой методике [7].

Для наполненных фурано-эпоксидных покрытий (толщиной менее 500 мкм) структура перколяционного кластера условно может быть принята двумерной (d = 2), для объемных образцов (изделий, конструкций) – трехмерной с d = 3.

Термодинамические критические показатели (индексы) бесконечного перколяционного кластера в дисперсно-наполненных фурано-эпоксидных материалах связаны между собой обычным соотношением подобия [4]:

$$\alpha = 2 - dv = 2 - 2\beta - \gamma; \ \delta = \frac{\gamma}{\beta} + 1; \ \eta = 2 - \frac{\gamma}{v}; \ dv = 2\beta + \gamma; \ \Delta = dv - \beta.$$

Основными термодинамическими критическими показателями, характеризующими структурные особенности фурано-эпоксидных дисперсно-наполненных композитов, являются следующие индексы:  $\beta$ , v,  $\gamma$ , t, оцениваемые исходя из следующих зависимостей [3]:

$$\beta = \frac{1}{d_f}; \nu = \frac{2}{d_f}; \gamma = \frac{3}{d_f}; t = \frac{4}{d_f}.$$

Показатель  $\Delta$  определяет наибольший размер конечных кластеров [4]:  $\Delta = dv - \beta$ .

Анализ данных, представленных в табл. 1, свидетельствует о монотонном характере изменения основных термодинамических индексов ( $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ ,  $\nu$ ) характеризующих топологическую структуру разработанных фурано-эпоксидных композитов. Остальные индексы, полученные из скейлингового соотношения имеют фиксированное значение.

Как правило, выделяют [8] четыре основных типа структурных элементов перколяционного кластера, характеризующихся определенными универсальными критическими индексами: цепочка из частиц кварцевого песка, объединенных между собой упрочненными пленочными прослойками полимера (индекс  $\beta$ ); ячейка, образованная цепочными элементами (индекс v); структурный каркас, сформированный из цепочных и ячеистых элементов (индекс t); структурный каркас, сформированный в основном из ячеистых элементов (индекс  $\gamma$  характеризует тупиковые ветви бесконечного перколяционного кластера).

Параметр *S* характеризует свойства перколяционного кластера в самоподобном режиме и описывает скорость роста сопротивления фрактала с увеличением его пространственного масштаба [3]. Скелет бесконечного перколяционного кластера фрактальной структуры в фурано-эпоксидных композитах характеризуется фрактальной размерностью  $d_b$  с учетом критического индекса  $\beta_b$ , описывающего мощность скелета кластера (для d = 2 индекс  $\beta_b = 1,67$  и для  $d = 3 - \beta_b = 1,68$ , т.е. практически одинаков). Величина аномальной диффузии  $\Theta$  позволяет при анализе сорбционных свойств композита косвенным образом учитывать влияние масштаба на коэффициент диффузии эксплуатационных сред. Характеристика других анализируемых параметров (размерность блужданий  $d_w$ , внутренняя размерность блужданий  $d_{w'}$ , спектральная размерность  $d_s$ , размерность внешней границы БПК  $d_h$ , «геодезическая» размерность  $d_k$  и др.) приведены в известных литературных источниках [4,5].

arphi, об. доли	μ	α	β	γ	V	t	δ	η	Δ
0,1	0,288	<u>0,448</u> -0,298	0,388	1,164	0,776	1,552	4	0,5	<u>1,164</u> 1,910
0,2	0,276	<u>0,432</u> -0,352	0,392	1,176	0,784	1,568	4	0,5	<u>1,176</u> 1,960
0,3	0,264	<u>0,416</u> -0,376	0,396	1,188	0,792	1,584	4	0,5	<u>1,188</u> 1,980
0,4	0,252	<u>0,404</u> -0,394	0,399	1,197	0,798	1,596	4	0,5	<u>1,197</u> 1,995
0,5	0,240	<u>0,388</u> -0,418	0,403	1,209	0,806	1,612	4	0,5	$\frac{1,209}{2,015}$
0,6	0,228	<u>0,372</u> -0,442	0,407	1,221	0,814	1,628	4	0,5	$\frac{1,221}{2,035}$
0,7	0,216	<u>0,356</u> -0,466	0,411	1,233	0,822	1,644	4	0,5	$\frac{1,353}{2,055}$
0,8	0,204	<u>0,340</u> -0,490	0,415	1,245	0,830	1,660	4	0,5	$\frac{1,245}{2,075}$
0,9	0,192	<u>0,324</u> -0,514	0,419	1,257	0,838	1,676	4	0,5	$\frac{1,257}{2,095}$

Таблица 1 – Термодинамические критические показатели фурано-эпоксидных композитов

*Примечание*: числитель – параметры для плоского перколяционного кластера (покрытие), знаменатель – для объемных образцов.

Оценка анализируемых параметров для исследованных фурано-эпоксидных композитов (табл. 2) проводилась с учетом следующих соотношений [4]:

$$\begin{split} \Theta &= \frac{t - \beta}{v}; \ S = \frac{t}{v} + d - 2; \ d_b = d - \frac{\beta_b}{v}; \ d_w = \frac{d_f}{2 + \Theta}; \ d_{w'} = 2 + \Theta; \ \xi = d_{w'} - d_f; \ d_s = \frac{2d_f}{d_{w'}}; \\ d_h &= 1 + \frac{1}{v}; \ d_k = \frac{d_f}{d_c} \ (\text{для} \ d = 2 \ d_c = 1,72); \ \psi = (d_k - 1)v; \ Z = \left(\frac{T}{v}\right) + d - 2 \end{split}$$

(для однородных фрактальных кластеров T = t);  $\xi' = \frac{\xi}{v}$ .

Как видно из приведенных данных (табл. 1 и табл. 2) с увеличением степени наполнения  $\varphi$  кварцевым песком фурано-эпоксидного полимера фрактальная размерность структуры дисперсно-наполненного композита  $d_f$  снижается с 2,576 до 2,384, т.е. на 7,45 %. При этом в области концентраций КП 0,35–0,8 об. дол. формирование фрактального кластера в трехмерном пространстве приближается к модели сборки по механизму «случайное блуждание, присоединение частица – кластер» [8].

Упругие свойства (модуль упругости Юнга) полимерных композитов главным образом зависят от характера жесткости структурного каркаса, сформированного частицами дисперсного наполнителя (кварцевого песка), т.е. в первом приближении могут быть охарактеризованы термодинамическим индексом t. С увеличением степени наполнения в фурано-эпоксидном композите ( с 0,1 до 0,9 об. дол.) формируется более плотный каркас бесконечного перколяционного кластера и в среднем на 8 % возрастает

индекс *t*. Модуль упругости Юнга разработанных фурано-эпоксидных композитов при этом возрастает в среднем в 6 раз и достигает значения порядка 45000 МПа.

<i>Ф</i> , об.	$d_{f}$	Θ	S	$d_{b}^{*}$	$d_w$	للح	$d_{w'}$	$d_s$	$d_h$	$d_k^{**}$	Ψ	Z	μ, ,
доли													
0,1	2,576	1,5	$\frac{2}{3}$	0,84	0,74	0,92	3,5	0,37	2,29	1,50	0,39	$\frac{2}{3}$	1,19
0,2	2,552	1,5	$\frac{2}{3}$	0,86	0,73	0,95	3,5	0,36	2,27	1,48	0,38	$\frac{2}{3}$	1,21
0,3	2,528	1,5	$\frac{2}{3}$	0,88	0,72	0,97	3,5	0,36	2,26	1,47	0,37	$\frac{2}{3}$	1,24
0,4	2,504	1,5	$\frac{2}{3}$	0,89	0,71	1,00	3,5	0,35	2,25	1,46	0,37	$\frac{2}{3}$	1,25
0,5	2,48	1,5	$\frac{2}{3}$	0,92	0,71	1,02	3,5	0,35	2,24	1,44	0,35	$\frac{2}{3}$	1,26
0,6	2,456	1,5	$\frac{2}{3}$	0,94	0,70	1,04	3,5	0,36	2,23	1,43	0,35	$\frac{2}{3}$	1,28
0,7	2,432	1,5	$\frac{2}{3}$	0,96	0,69	1,07	3,5	0,34	2,22	1,41	0,34	$\frac{2}{3}$	1,30
0,8	2,408	1,5	$\frac{2}{3}$	0,98	0,69	1,09	3,5	0,34	2,20	1,40	0,33	$\frac{2}{3}$	1,31
0,9	2,384	1,5	$\frac{2}{3}$	0,99	0,68	1,12	3,5	0,34	2,19	1,39	0,33	$\frac{2}{3}$	1,31

Таблица 2 – Некоторые параметры фрактальной размерности перколяционного кластера

*Примечание*: числитель – параметры для плоского БПК (покрытие), знаменатель – для объемных образцов;\* и \*\* – для трехмерного и двумерного БКП соответственно.

Механические свойства фурано-эпоксидных композитных материалов (главным образом, разрушающее напряжение при статическом изгибе  $\sigma_u$ ) практически не зависят от общего количества структурных элементов бесконечного перколяционного кластера, образующих как жесткий каркас, так и свободно свисающих в центре, по бокам каркаса и пересекающих образующуюся поверхность разрушения. При этом учитывается термодинамический индекс v, отвечающий за все элементы, входящих в структуру БПК. С ростом степени наполнения фурано-эпоксидного материала кварцевым песком в диапазоне исследованных концентраций наполнителя индекс v увеличивается также в среднем на 8 %, а прочность при изгибе  $\sigma_u$  зависит от содержания дисперсной фазы с оптимальной (максимальное значение) величиной  $\sigma_u = 82$  МПа при  $\varphi \approx 60$  об. %, т.е зависимость прочности от концентрации КП носит четко выраженный мономодальный экстремальный характер.

Эксплуатационные свойства разработанных фурано-эпоксидных полимерных композитов (в частности, стойкость к действию физически и химически агрессивных сред – вода, водные растворы солей, кислот, оснований различной концентрации) в области высоких степеней наполнения  $\varphi$  (более 0,7 об. дол.), главным образом зависят от ячеистой структуры БПК, которые могут быть охарактеризованы термодинамическими индексами  $\gamma$ ,  $\beta$  и показателем аномальной диффузии  $\Theta$ , а в области малых и средних значений  $\varphi$  (менее 0,7 об. дол.), как правило, только параметрами  $\gamma$  и  $\Theta$ . При этом термодинамические индексы  $\gamma$ ,  $\beta$  с ростом концентрации КП увеличиваются на 7,4 %, а показатель аномальной диффузии в исследуемой области стабилен и равен  $\Theta = 1,5$ .

На основании анализа структуры исследованных фурано-эпоксидных композитов представляется возможным оценить минимальный размер элементов бесконечного перколяционного кластера, внутри которого плотность частиц кварцевого песка при любом их взаимном расположении остается практически постоянной. Такой структурный элемент можно условно представить в виде сферы диаметром  $D_1$ , состоящей из двух и более частиц дисперсного наполнителя, контактирующих между собой либо непосредственно, либо через тонкий (фейзонный) слой фурано-эпоксидной матрицы (рис. 2) [8].





С учетом среднеэффективного диаметра частиц  $D_1$  анализируемого наполнителя (120 мкм) минимальный размер ячеек бесконечного перколяционного кластера в фурано-эпоксидных композитах в среднем для двухчастичных элементов составляет 240 мкм, а для трехчастичных – примерно 509 мкм. В реальных полифракционных дисперсных системах картина существенно усложняется. Увеличивая число элементов структуры, можно формировать более крупные фрактальные фрагменты БПК в фураноэпоксидных композитах с исследованным дисперсным наполнителем. На данном подходе основан принцип автомодельности, позволяющий с достаточной степенью точности и достоверности оценить характер и направленность процессов при формировании бесконечного перколяционного кластера из частиц кварцевого песка, имеющего фрактальность на разных уровнях структурной иерархии.

Таким образом, проведенное в рамках фрактально-перколяционного анализа изучение структуры разработанных фурано-эпоксидных полимерных систем, содержащих дисперсный кварцевый песок, позволяет разрабатывать композитные материалы с рациональной структурой и рекомендуемые для использования в строительной индустрии в качестве защитных и конструкционных материалов, эксплуатируемых при постоянном воздействии термических и механических факторов.

Литература

1. Челидзе Т.Л. Методы теории протекания в механике геоматериалов. – М.: Наука, 1987. – 136 с.

2. Соломатов В.И., Бобрышев А.Н., Химмлер К.Г. Полимерные композиционные материалы в строительстве / Под ред. В.И. Соломатова.– М.: Стройиздат, 1988.– 312 с.

3. Займан Дж. Модели беспорядка . – М.: Мир, 1982 . – 591 с.

4. Соколов М.И. Размерности и другие геометрически критические показатели в теории протекания // Успехи физических наук.– 1986.– Т. 150.– Вып.2.– С. 221–255.

5. Шмидт Ф.К. Фрактальный анализ и физико-химия гетерогенных систем и полимеров. – Иркутск: Иркутский ун-т. – 2001. – 180 с.

6. Яновский Ю.Г., Козлов Г.В., Карнет Ю.Н. Механизм формирования межфазных областей в эластомерных дисперсно-наполненных композитах и его описание в рамках фрактального подхода // Механика конструкционных материалов и конструкций. – 2011.– Т. 17.– № 3.– С. 351–361.

7. Практикум по полимерному материаловедению / Под ред. П.Г. Бабаевского.– М.: Химия, 1980.– 256 с.

8. Жарин Д.Е., Бобрышев А.Н., Гумеров А.Ф. Оценка структуры вибродемпфирующих полимерных композитов с позиций технологического рассмотрения. – Пластические массы. – 2002. – № 5. – С. 34–37.

УДК 678.5

Рассоха О.М., Черкашина Г.М.

## СТРУКТУРА ФУРАНО-ЕПОКСИДНИХ КОМПОЗИТІВ: ФРАКТАЛЬНО-ПЕРКОЛЯЦІЙНИЙ ПІДХІД

В рамках теорії перколяції проаналізована структура фурано-епоксидних композитів будівельного призначення. Визначені основні параметри структури композитів с урахуванням фрактально- перколяційного кластеру з часток дисперсного наповнювача, що формується.

Rassokha A.N. Cherkashyna A.N.

## THE STRUCTURE OF THE FURAN-EPOXY COMPOSITES: FRACTAL-PERCOLATION APPROACH

In terms of percolation theory the structure of the furan-epoxy construction composites is analyzed. The main parameters of the composites structure taking into account the emerging fractal percolation cluster consisting of particles dispersed filler are identified.