

ДО 60-РІЧЧЯ ВІД ДНЯ НАРОДЖЕННЯ ВОЛОДИМИРА КИРИЛОВИЧА МАСЛЮЧЕНКА

©2010 р. *Олена КАРЛОВА, Олександр МАСЛЮЧЕНКО,
Володимир МИХАЙЛЮК, Василь НЕСТЕРЕНКО,
Михайло ПОПОВ, Олександр СОБЧУК, Ігор ЧЕРЕВКО*

Чернівецький національний університет імені Юрія Федьковича
вул. Коцюбинського, 2, Чернівці 58012

Редакція отримала статтю 15 листопада 2010 р.

26 вересня 2010 року відомому українському математику, професору, доктору фізико-математичних наук, завідувачу кафедри математичного аналізу Чернівецького національного університету імені Юрія Федьковича, Володимир Кирилович Маслюченко виповнилося 60 років. У його особі спостерігається дивовижне поєднання різноманітних талантів: математика, співака, композитора, поета, громадського діяча. Все це разом з його неймовірною енергією, працездатністю і організаційним хистом привело, зокрема, до створення ним у Чернівцях математичної школи, яка займає провідне становище у світі з питань теорії нарізно неперервних відображень, чи, загальніше, в дослідженні зв'язків між нарізними і сукупними властивостями функцій багатьох змінних.

1 Народження, батьки, школа і вчителі

Володимир Кирилович Маслюченко народився 26 вересня 1950 року у селі Ключівка Новосанжарського району на Полтавщині. У 1953 році він разом зі своїм батьком Кирилом Онуфрійовичем (1924 – 1959) та матір'ю Олександрою Іванівною (1927 – 1995) (з дому – Карапиш) переїхав на Буковину. Сім'я проживала в Чернівцях, в Ленківцях Кельменецького

району, а в 1955 році переїхала у село Нижні Станівці Кіцманського району Чернівецької області. Там батько працював начальником пошти, мати – в торгівлі, а після смерті батька у 1959 році перейшла працювати на пошту, а потім в ощадкасу.

У 1957 році малий Володя пішов у перший клас Нижньостанівецької середньої школи, на той час вже добре уміючи читати і рахувати, і провчився там усі 10 років до її закінчення. У школі Володимир вчився на відмінно, закінчив її з золотою медаллю. Тут же пробудилася у нього любов до математики, яка не полишає його все життя. А допомогли йому вибрати свій шлях вчителька математики Софія Михайлівна Колоскова, випускниця Мелітопольського педінституту, яка давала здібному учневі на уроках додаткові завдання підвищеної складності, і вчитель фізики Михайло Костянтинівич Пархомов, випускник кафедри диференціальних рівнянь Чернівецького університету, учень С.Д. Ейдельмана, який організував у школі математичний гурток, і його активним учасником став семикласник Володимир Маслюченко. Саме там він відчув, що математика – це його майбутня професія. У старших класах Володимир брав участь у районних і обласних математичних олімпіадах і не раз бував там переможцем і призером, а у 1966 році потрапив на республіканську олімпіаду, як призер обласної.

Вчителі давали йому читати математичну літературу зі своїх бібліотек: «Елементарна геометрія» Жака Адамара, «Вісім лекцій з математичного аналізу» О.Я.Хінчіна, «Збірник геометричних задач на побудову» І.І.Александрова та інші книги. А у шкільній бібліотеці допитливий учень виявив книгу П.С.Александрова «Введение в общую теорию множеств и функций», яку вже тоді взявся опрацьовувати. Вона справила на нього глибоке враження і визначила коло особливих зацікавлень майбутнього математика. До шкільних штудій з математики, крім вказаних вище книг, входили і «Основания геометрии» Д.Гільберта, спецкурси з алгебри і тригонометрії для педінститутів С.І.Новосьолова та інші математичні книги, які вже тоді почав купувати майбутній математик в «Учпедкнизі» і «Технічній книзі» в Чернівцях, закладаючи початок своїй бібліотеці, яка тепер налічує тисячі книг. На те, крім маминих, він витрачав і власні кошти, бо в старших класах працював музичним керівником у дитячому садку.

В родині, а мати вдруге вийшла заміж за Хаб'юка Корнелія Миколайовича (1935 – 1997) у 1962 році, всіляко заохочувався потяг Володимира до науки. Наприклад, мати передплачувала для сина журнал «Успехи математических наук», замовляла наукові і навчальні книги з матема-

тики через «Книгу поштою» – все це створювало матеріальну базу для росту майбутнього вченого.

2 Університет

У 1967 році В.К.Маслюченко закінчив школу і пробував поступити в Московський університет на механіко–математичний факультет, та не поступив, хоча був досить добре підготовлений, але не натасканий у розв’язуванні конкурсних задач, яким у своїй глобальній підготовці не надавав великого значення. У серпні 1967 року він успішно склав іспити і поступив на відділення математики фізико-математичного факультету Чернівецького університету. У 1968 році був утворений математичний факультет, і з того часу життя Володимира Кириловича пов’язане з життям рідного факультету і рідного університету.

В університеті В.К.Маслюченко слухав лекції з основних математичних дисциплін у таких викладачів: І.Ф.Григорчук (математичний аналіз, теорія функцій дійсної змінної, теорія наближень), М.Г.Беляєв (вища алгебра, диференціальна геометрія), М.І.Нестеренко (аналітична геометрія), К.М.Фішман (елементи теорії множин і математичної логіки, функціональний аналіз, топологічні векторні простори, додаткові розділи теорії функцій комплексної змінної), С.Д.Івасишен (диференціальні рівняння), В.П.Лавренчук (математична фізика, варіаційне числення), Й.Ф.Кушнірчук (теорія операторів у гільбертових просторах), М.М.Похила (теорія чисел), М.І.Нагнибіда (теорія функцій комплексної змінної). Лише аналітичну геометрію у другому семестрі він склав на «добре», а решту математичних дисциплін – на «відмінно». З суспільними дисциплінами було не так гладко: з педагогіки, історичного матеріалізму та політекономії соціалізму він спромігся лише на «задовільно», але діалектичний матеріалізм склав на «відмінно», з історії КПРС було «добре» і «відмінно». Іноземну мову (німецьку, викладач З.П.Слободян) було складено без проблем на «відмінно», крім того, В.К.Маслюченко закінчив дворічні додаткові курси з німецької мови, які вів І.С.Дрешер.

Ще в університеті В.К.Маслюченко виявив здібності до наукової праці, неодноразово виступаючи на студентських наукових конференціях. Першим його науковим керівником став Іван Федорович Григорчук, а перша наукова доповідь була виголошена 16 квітня 1968 року, коли В.Маслюченко був ще першокурсником. Вона називалася «Про одне узагальнення многочленів Бернштейна». Курсову роботу на IV курсі і ди-

пломну на V курсі В. Маслюченко писав уже під керівництвом Карла Моріцовича Фішмана, тодішнього завідувача кафедри математичного аналізу. Він запропонував молодому математикові перенести один результат Фрімена про клас еквівалентності оператора правостороннього зсуву в просторах ℓ_p на простори аналітичних функцій, розглядаючи їх як проєктивні та індуктивні границі послідовності просторів ℓ_p з вагами. Результати досліджень доповідалися на студентський науковій конференції 7 квітня 1971 року, назва доповіді «Про еквівалентність одного класу матриць в аналітичному просторі». За матеріалами цих досліджень була написана спільна з К.М.Фішманом стаття, якій судилася не проста доля, але врешті-решт вона все ж з'явилася на світ у друкованому вигляді [119]. У своїй дипломній роботі «О подобии операторов в некоторых пространствах последовательностей» В.К.Маслюченко вийшов за рамки просторів аналітичних функцій, розглянувши простори-перетини $\ell_p(\mathbf{r})$ незалежно від Ж.Д'едонне і А.Гомеса, які ввели їх раніше, а також простори-об'єднання $\ell_p[\mathbf{r}]$, вивчив двоїстість між ними і подібність операторів у цих просторах.

На п'ятому курсі В.К.Маслюченко одружився зі своєю однокурсницею Євдокією Тимофіївною Федоровою, з якою живе у щасливому шлюбі ось вже майже 40 років.

3 Перші роки праці в університеті і аспірантура

Після закінчення університету подружжя Маслюченків дістало направлення в Ташкент, столицю Узбекистану. Втім, молодими спеціалістами вони пробули недовго, бо дістали відкріплення. Після повернення з Ташкенту у молодого подружжя народився син Кирило (1972), а Володимир Кирилович влаштувався на роботу вчителем математики Старожадівської середньої школи, що в селі Стара Жадова Сторожинецького району Чернівецької області. У лютому 1973 року він перейшов на роботу на кафедру математичного аналізу Чернівецького університету спочатку на 0,5 ставки, а потім і на повну ставку асистента. Все це відбулося за підтримки К.М.Фішмана, який влітку 1973 року звільнився з університету і в 1974 році переїхав в Ізраїль. Новим завідувачем кафедри став М.І.Нагнибіда, учень К.М.Фішмана.

Ведучи практичні заняття з математичного аналізу, молодий асистент продовжує дослідження, розпочаті у його дипломній роботі, але працюючи вже цілком самостійно. Він розглядає узагальнені простори

Кете $X(\mathbf{r})$ і $X[\mathbf{r}]$ і ставить задачу про знаходження умов їх включення і збігу. Для її розв'язання В.К.Маслюченко вводить два нові класи просторів послідовностей, які він назвав d -простори та d^* -простори, і з їх допомогою отримує результати про зображення простору-перетину $X(\mathbf{r})$ у вигляді об'єднання просторів $X(\mathbf{r}^\sigma)$, а простору-об'єднання $X[\mathbf{r}]$ – у вигляді перетину таких просторів, дає опис дуального до простору-перетину $X(\mathbf{r})$ та необхідні і достатні умови включення цих просторів, звідки, зокрема, виводить альтернативу: або всі простори Д'єдонне-Гомеса $\ell_p(\mathbf{r})$ при $0 < p \leq \infty$ збігаються, або всі вони різні. Так постає перша самостійна наукова праця В.К.Маслюченка, яка дістала благословення К.М.Фішмана, що її прочитав, уже сидячи на валізах, і високо оцінив. Схвалив її і М.І.Нагнибіда, який теж уважно її прочитав. Результати цієї роботи В.К.Маслюченко доповідав тоді на кафедральному семінарі і на XXX науковій конференції викладачів та студентів Чернівецького університету. Доповідь відбулася 14 березня 1974 року, її назва «Про два класи просторів послідовностей».

З від'їздом К.М.Фішмана зв'язки з ним перервалися, тому В.К.Маслюченко у 1974 році поступає в заочну аспірантуру при кафедрі теорії функцій і функціонального аналізу Московського університету, склавши всі іспити (з математики, іноземної мови та історії КПРС) на «відмінно». До речі, в комісії на іспиті з математики серед інших були Д.Є.Меньшов і Г.Є.Шилов.

Науковим керівником В.К.Маслюченка був призначений Олег Георгійович Смолянов, тоді доцент кафедри теорії функцій і функціонального аналізу, який читав студентам обов'язковий спецкурс «Топологічні векторні простори». О.Г.Смолянов запропонував новоспеченому аспіранту програму іспитів і звітів, які охоплювали багато різних математичних наук, але не передбачали вузької спеціалізації. Це були кандидатські іспити з функціонального аналізу і теорії узагальнених функцій, теорії міри і теорії випадкових процесів, алгебраїчної топології і звіти з диференціальної геометрії та груп і алгебр Лі. Деякі з цих наук навіть не викладалися в Чернівецькому університеті, отож В.К.Маслюченку довелося самостійно їх опановувати, що забрало практично весь час навчання в аспірантурі з 1974 по 1978 рік. Незважаючи на ці труднощі, всі кандидатські іспити і звіти В.К.Маслюченко склав успішно.

Тема наукової роботи «Застосування методу сіток до розв'язання диференціальних рівнянь в нескінченновимірних просторах» не відповідала науковим інтересам молодого математика. І тому, отримавши тут кілька часткових результатів, В.К.Маслюченко повернувся до старої те-

матики.

Незважаючи на те, що навчання в аспірантурі не завершилося написанням кандидатської дисертації, користь від нього була велика. Під час численних заїздів у Москву, поміж здачею відповідних кандидатських екзаменів і звітів, В.К.Маслюченко відвідав багато лекцій і семінарів, слухаючи різних професорів і доцентів Московського університету, що було доброю школою для молодого науковця. В результаті він здобув високу освіту, що стало базою для його подальшої професійної діяльності.

Був ще один здобуток тих важких аспірантських років. У 1977 році в родині Маслюченків з'явився на світ другий син Олександр, тепер доцент і докторант кафедри математичного аналізу.

4 Етапи росту і захист кандидатської дисертації

Кандидатську дисертацію «Некоторые вопросы теории обобщенных пространств Кете» В.К.Маслюченко захистив в Інституті математики в Києві 17 вересня 1985 року, на дипломі кандидата фіз.-мат. наук стоїть дата: 5 лютого 1986 року, а звання доцента присвоєно 25 жовтня 1990 року.

Докторську дисертацію «Нарізно неперервні відображення і простори Кете» В.К.Маслюченко захистив у Львівському університеті 20 квітня 2000 року, присудження наукового ступеня доктора фіз.-мат. наук відбулося 14 лютого 2001 року, а звання професора йому було присвоєно 17 жовтня 2002 року. Відтоді ж Володимир Кирилович завідує кафедрою математичного аналізу Чернівецького національного університету.

Скупі, лаконічні дати – а за ними роки життя і праці. Становлення молодого вченого відбувалося зовсім не просто. Його перші наукові праці чекали на свої публікації 10, а то й 38 років, бували й такі, що їх відхилили навіть при наявності позитивної рецензії з поясненням, що в статті міститься спеціальний результат, так, ніби щось інше може бути в математичній роботі. Незважаючи на це, Володимир Кирилович продовжував наполегливо працювати. І успіх прийшов. У 1982 і 1984 роках з'являються його перші публікації в «Українському математичному журналі». В першій він переніс отримані результати з просторів послідовностей ℓ_p на простори вимірних функцій $L_p(\mu)$, а в другій запропонував для розв'язання задач про включення замість старого методу, який був певним варіантом методу змінного горба, новий, який базувався на теоремі про замкнений графік, отримавши загальні теореми про включення

просторів-перетинів і просторів-об'єднань які розвивали попередні результати німецького математика К.Целлера. У 1982 році на конференції молодих вчених в Інституті прикладних проблем механіки і математики у Львові В.К.Маслюченко познайомився з Анатолієм Миколайовичем Плічком, тоді молодим і успішним математиком, який належно оцінив отримані результати і згодився стати офіційним керівником. При допомозі А.М.Плічка, а також підтримці Ю.І.Петуніна, М.Л.Горбачука, В.Е.Лянце та інших математиків кандидатська дисертація була успішно захищена. Але проходження її відбувалося непросто: вона була оформлена і подана в Раду у 1983 році, а захист відбувся лише через два роки.

Крім згаданих вище результатів про узагальнені простори Кете і подібність операторів у просторах $\ell_p(\mathbf{r})$ та $\ell_p[\mathbf{r}]$, в кандидатську дисертацію В.К.Маслюченка увійшли два результати, що були отримані разом з А.М.Плічком: побудова на просторі ℓ_p строго зростаючої континуальної сім'ї лінійних гаусдорфових повних топологій κ_s , $0 < s \leq p$, які не розрізняють збіжності послідовностей і узагальнюють відому нормальну топологію Кете, і позитивна відповідь на питання М.Й.Кадеця про існування локально опуклих квазірефлексивних просторів, які не містять нескінченновимірних банахових підпросторів.

5 Докторська дисертація

Як відомо, шлях молодого науковця від основ даної тематики до переднього краю досліджень завжди складний і тернистий, адже він усіяний багатьма перешкодами, які потрібно долати постійною наполегливою працею. Звичайно, набагато простіше і комфортніше проходити його, відчуваючи батьківську опіку наукового керівника, який, добре орієнтуючись у даній тематиці і володіючи методикою досліджень, цінними порадами і вказівками уміло спрямовує зусилля свого учня. Але це не судилося В.К.Маслюченку, який волею обставин значною мірою був позбавлений такої опіки. Як наслідок вимушеної свободи у нього виховалися самостійність мислення і спрямованість на задачі, які виникають природно, диктуються безпосередньо природою речей і не обов'язково освячені оцінкою авторитетів. Його шлях можна порівняти з підйомом без провідника на високу гірську вершину, сховану за білосніжними хмарами. І хоча самостійне сходження до математичних висот через непрохідні хащі нетривіальних питань і снігові кучугури нових теоретичних студій значно трудніше, воно все ж має свої переваги. З одного боку, кожен крок такої дороги покритий потом особистих пошуків правильних

відповідей, що є міцним підґрунтям для глибокого розуміння проблем даної тематики і вироблення витонченої інтуїції для їх розв'язання, а з іншого – така дорога проходить не тільки через сумніви пошуку і розпач помилок, а й через радість відкриттів, які надихають на нові звернення.

Нарізно неперервними функціями В.К.Маслюченко зацікавився ще на початку 1979 року, після закінчення аспірантури. В одній із задач збірника з функціонального аналізу, виданого в Московському університеті, пропонувалося довести, що кожна нарізно неперервна функція $f : [0, 1]^2 \rightarrow \mathbb{R}$ є неперервною за сукупністю змінних хоча б в одній точці квадрата $[0, 1]^2$. Використовуючи теорему Кантора про рівномірну неперервність неперервної на відрізку функції, принцип вкладених відрізків і теорему Бера про категорію, він довів, що існує така точка x_0 на відрізку $[0, 1]$, що функція f буде неперервною за сукупністю змінних у кожній точці відрізка $\{x_0\} \times [0, 1]$, а це було значно більше, ніж вимагалось. Трохи пізніше з книжки Ф.А.Медведева «Очерки истории теории функций действительного переменного» В. К. Маслюченко дізнався, що задача про взаємозв'язок між нарізною і сукупною неперервністю була вихідною для досліджень Р.Бера, і це його дуже заінтригувало, адже він уже тоді знав про їх важливість для теорії функцій і функціонального аналізу. Результат Бера про точки сукупної неперервності нарізно неперервних функцій та неперервних кривих, який згадує Ф.А.Медведев, легко можна було пояснити на основі їх неперервності на вертикальних відрізках. Постає природна задача про перенесення цих результатів на функції багатьох змінних, але вона виявилася значно важчою і справитися з нею тоді молодий дослідник не зміг, та й коло його основних наукових інтересів на той час було іншим.

Одна обставина послужила добрим стимулом для повернення В.К.Маслюченка до цієї тематики. Готуючи доповідь про Ганса Гана для першої конференції, присвяченої цьому видатному австрійському математику, професору Чернівецького, Боннського і Віденського університетів (про неї мова йтиме пізніше), з некролога К.Мейергофера В.К.Маслюченко дізнався, що результат Бера переніс на функції n змінних саме Ганс Ган у 1919 році, довівши, що кожна нарізно неперервна функція $f : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$ має багато точок сукупної неперервності на кожній гіперплощині $x_n = \text{const}$. Але залишалося неясним (для молодого дослідника, а не для науки): чи існують прямі $\{(a_1, \dots, a_{n-1})\} \times \mathbb{R}$, які всуціль складаються з точок сукупної неперервності нарізно неперервної функції $f : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$? Цей стимул був настільки потужним, що протягом двох тижнів В.К.Маслюченко отримав ствердну відповідь на поставлене

питання, використавши теорему Александрова-Гаусдорфа про повнометризовність G_δ -множин. Ці результати він доповів на Ганській конференції 28 червня 1984 року і цю дату слід вважати офіційним початком нарізно неперервної тематики в Чернівецькому університеті.

Невдовзі після цього в журналі «Успехи математических наук» вийшла стаття О.В.Архангельського «Пространства функций в топологии поточечной сходимости и компакты», з якої В.К.Маслоченко дізнався про теорему Наміоки і про те, що стара задача про зв'язок між нарізною і сукупною неперервністю є предметом зацікавлення і сучасних математиків. Вона виявилася тісно пов'язаною з геометрією банахових просторів, теорією граничних множин і топологічною алгеброю і Володимир Кирилович, захистивши кандидатську дисертацію про узагальнені простори Кете, цілком поринув у манливі світи нової тематики.

Отримані ним результати були опубліковані в тезах Челябінської школи з теорії операторів у 1986 році [13], але стаття «Застосування теореми Александрова-Гаусдорфа в теорії нарізно неперервних відображень» не була прийнята до друку в журналі «Математический сборник». Та це не зупинило настирливого дослідника. Впродовж кількох років він зібрав практично всю літературу з вибраної теми, а це було в ті безінтернетні часи дуже непросто, познайомився з нею і розробив свій план досліджень з даної тематики, який послужив основою подальшої 25-літньої наукової праці як самого Володимира Кириловича, так і багатьох його учнів. Наш теперішній ювіляр, напевно, навіть не підозрював тоді, що через чверть століття він буде автором більше семидесяти статей про нарізно неперервні відображення та їх аналоги, а на його рідній кафедрі математичного аналізу, яку він очолює вже впродовж десяти років, працюватиме багато його учнів, чия наукова діяльність стала незаперечним доказом того, що у Чернівецькому університеті успішно функціонує школа з теорії функцій і функціонального аналізу, яку створив Володимир Кирилович Маслоченко.

Звичайно, опрацювавши літературу, В.К.Маслоченко побачив, що його ідеї й методи у подібній формі вже висловлювалися і вживалися деякими з його численних попередників, які досліджували нарізно неперервні відображення у ХХ столітті. Але вже перша опублікована в тезах Челябінської школи теорема не перекривалася жодним з отриманих раніше результатів. Подальший її розвиток у працях [15,40] В.К.Маслоченка привів до появи найзагальніших (на той час) теорем про сукупну неперервність нарізно неперервних відображень від n змінних, що задані на добутках просторів з певними

умовами зліченності і набувають значень в метризовних чи навіть у сильно σ -метризовних просторах. Вони охопили попередні результати Р.Бера, Е.ван Влека, Г.Гана, К.Бегеля, С.Кемпістого, Р.Кешнера, А.Алексєвича і В.Орлича, М.Форта, Н.Бурбакі, Дж.Вестона, Р.Фейока, Дж.Бреккенріджа і Т.Нішіури та З.Пьотровського на цю тему. При цьому В.К.Маслоченко відкрив цілком нове у цій науці явище, яке він назвав покращувальною теоремою. Грубо кажучи, зміст її полягає в тому, що за певних умов з наявності точок сукупної неперервності у \overline{CS} -функцій автоматично випливає їх наявність у \overline{KC} -функцій¹. Оскільки нарізно неперервні функції, як правило, квазінеперервні, то звідси індукцією отримуються результати про сукупну неперервність нарізно неперервних функцій від n змінних.

Докторська дисертація В.К.Маслоченка «Нарізно неперервні відображення і простори Кете» була написана у 1999 році, через 100 років після виходу дисертації Рене Бера. Крім вказаних вище, вона містить ще багато інших важливих і цікавих результатів, зокрема, повний опис множин точок розриву нарізно неперервних функцій від n змінних, заданих на добутках метризовних просторів, теореми про берівську та лебегівську класифікації нарізно неперервних відображень, що розвивають дослідження А.Лебега, К.Куратовського, Г.Гана, В.Рудіна та інших математиків, теореми про різні ослаблення неперервності, які дають опис множини точок розриву майже неперервних функцій і розв'язання однієї проблеми З. Пьотровського, побудова нарізно неперервних функцій з даною діагоналлю, тощо. Разом з тим ця праця стала настільною книгою для чернівецьких дослідників нарізно неперервних відображень, адже її автор, будучи першопрохідцем у цій тематиці в Україні, взяв на себе нелегку ношу збору і опрацювання вельми обширної літератури з даної теми.

Слід зазначити також, що докторська дисертація Володимира Кириловича ілюструє ще один підхід її автора до наукових результатів. А саме, автор переконаний, що кожний метод доведення при його відповідному використанні повинен привести до своєї оригінальної теореми. Якщо метод міркувань порівняти з рідкісним дорогоцінним каменем-самородком, то його використання – це витончено-професійне ювелірне обшліхтування цього каменя, в результаті чого постає остаточна теорема – коштовний діамант, який, виблискуючи і переливаючись, заворює

¹ \overline{CS} -функція / \overline{KC} -функція – це відображення $f : X \times Y \rightarrow Z$, яке неперервне відносно другої змінної і неперервне /квазінеперервне/ відносно першої змінної, коли значення другої змінної пробігають деяку всюди щільну підмножину простору Y .

людське око. Саме таку роботу пророблено у фундаментальній праці В.К.Маслюченка з методами класиків теорії нарізно неперервних відображень, чії теореми отримали в нього свою сучасну і найзагальнішу інтерпретацію.

Згадаємо ще одну важливу подію, яка відбулася, коли Володимир Кирилович приступав до роботи над докторською дисертацією: у 1987 році у родині Маслюченків народився третій син – Тимофій.

6 Монографія про Ганса Гана та Ганські конференції

Ідею проведення конференції пам'яті Ганса Гана в Чернівцях подав А.М.Плічко, після того, як з успіхом пройшла перша конференція пам'яті Стефана Банаха у Львові у 1982 році, яка з конспіративних міркувань тоді фігурувала під назвою «Розширене засідання семінару з функціонального аналізу, присвячене 90-ій річниці від народження С.Банаха». Саме Анатолій Миколайович був одним з її активних організаторів. У 1984 році минала 50-а річниця від дня смерті Ганса Гана, і це було приводом для проведення конференції, присвяченої цьому математику, відомому у цілому математичному світі передусім завдяки безсмертній теоремі Гана-Банаха про продовження лінійних функціоналів. Ганс Ган працював у Чернівецькому університеті з 1909 по 1916 (а фактично по 1914) рік. В.К.Маслюченко гаряче підтримав цю ідею і взявся організувати цей захід у Чернівецькому університеті. Він зумів переконати керівництво кафедри, факультету і університету у важливості проведення такої конференції, і вона відбулася у червні 1984 року як розширене засідання семінару з теорії функцій і функціонального аналізу, в якому взяло участь біля 30 математиків з різних міст тодішнього Союзу.

В.К.Маслюченко виголосив на цій конференції доповідь «Життя і діяльність Ганса Гана». Підготовка її була непростю справою, бо в доступній літературі про Г.Гана були дуже скупі, а то й помилкові відомості про нього. Довелося зв'язуватися з вченими Віденського та Боннського університетів, де працював у свій час Г.Ган, і вони прислали необхідну інформацію.

Крім того, Ганс Ган був надзвичайно різностороннім математиком і прочитання його праць та їх оцінка потребували широкої математичної освіти. А.М.Плічко запропонував Володимирі Кириловичу написати на основі доповіді монографію про Ганса Гана. Захопившись цією ідеєю,

В.К.Маслюченко зібрав усі праці Ганса Гана, некрологи про нього та літературу з суміжних питань і написав історичне дослідження «Знайомство з Гансом Ганом». В ньому він не тільки описав основні віхи життя і діяльності Ганса Гана, охарактеризувавши його вклад у науку, але й висвітлив історію виникнення двох основних принципів лінійного функціонального аналізу: принципу рівномірної обмеженості і теореми про продовження лінійних функціоналів, співвідкривачем яких був Г.Ган. Результати цього дослідження він доповідав на семінарі А.П.Юшкевича у Москві, але опублікувати їх там йому не вдалося. Монографія про Ганса Гана вийшла спочатку у вигляді препринту [25] в Інституті прикладних проблем механіки і математики у Львові, а потім у новій редакції у вигляді невеличкої книжечки [79] в Чернівцях, в університетському видавництві «Рута». На той час уже вийшло повне зібрання математичних праць Ганса Гана у трьох томах і один том його філософських праць, коментували які з добрий десяток математиків і філософів, а Володимир Кирилович сам узявся за цю справу. Про те, що його спроба була успішною, свідчить і пропозиція, яка надійшла з Відня, про переклад цієї праці на німецьку мову і її видання в Австрії і тільки надмірна зайнятість автора не дала змоги реалізувати цей проект.

Конференції пам'яті Ганса Гана стали в Чернівцях традиційними, друга – була проведена у 1994 році, а третя – в 2004 році. Вони проходили вже з ширшим розмахом, більшим міжнародним представництвом і В.К.Маслюченко завжди був одним з їх активних організаторів.

7 Наукова школа В. К. Маслюченка

Ще у 1967 році, будучи десятикласником і першокурсником, В.Маслюченко познайомився зі спогадами Л.А.Люстерника «Молодость Московской математической школы», де дуже живо і талановито розповідається про становлення і розвиток Московської теоретико-множинної школи з теорії функцій, створеної М.М.Лузіним на початку 20-х років ХХ ст. Описана там атмосфера і молодий ентузіазм захопили юнака і зродили мрію про свою участь у чомусь такому.

Коли В.К.Маслюченко після закінчення університету почав працювати асистентом, він став одним з ініціаторів створення семінару, присвяченого вивченню книги М.Атьї та І.Макдональда «Введение в коммутативную алгебру», в якому брали участь тодішні молоді викладачі матфаку П.П.Настасієв, В.Ю.Слосарчук і М.Ю.Царьков та С.С.Лінчук,

який ще був студентом. Його учасники були об'єднані бажанням поповнити свою алгебраїчну освіту, недоотриману в університеті. Протягом року вони по чергово доповідали за матеріалами цієї книги і розв'язували численні задачі, що там пропонуються, опрацювавши приблизно половину поданого там матеріалу.

У 1974 році В.К.Маслюченко організував на факультеті математичний гурток, перше засідання якого відбулося 13 лютого. На ньому були присутні Л.Гурвіц, І.Клевчук, М.Попов, Е.Туркевич, І.Черевко та інші студенти. На перших порах участь у роботі гуртка брав і С.С.Лінчук. Учасники разом з керівником розв'язували цікаві задачі, зокрема, з відомого збірника «Задачи и теоремы из анализа» Поліа і Сеґе, а саме ті, що стосуються методів підсумовування і поведінки інтегральних сум. Часом студенти-гуртківці і самі пропонували оригінальні задачі. Через рік цей гурток перетворився фактично на семінар з вивчення різних розділів математичного аналізу. Так, на гуртку протягом декількох років учасники штудіювали такі відомі книги як «Мера и категория» Дж.Окстобі, «Гильбертово пространство в задачах» П.Халмоша, «Математический анализ на многообразиях» М.Співака. Крім того, на гуртку було розібрано доведення таких на той час свіжих досягнень функціонального аналізу, як теорема Лінденштрауса-Цафрїрі про характеристику гільбертових просторів у класі банахових через доповнювальні підпростори, а також теорема Ломоносова про інваріантні підпростори операторів, що комутовують з компактним оператором. Своїх учнів Володимир Кирилович виховував у теоретико-множинному дусі: кожен з них занурювався у дивовижний світ кардиналів та ординалів. У майбутньому кожен з учасників гуртка обрав свій шлях у математиці, багато з них стали професійними математиками, захистили кандидатські дисертації, а М.Попов та І.Черевко – докторські.

В середині 80-х років, ставши вже кандидатом фіз.-мат. наук, В.К.Маслюченко організував семінар з теорії функцій і функціонального аналізу, учасниками якого були на перших порах студенти, які писали під керівництвом Володимира Кириловича курсові і дипломні роботи. Пізніше найздібніші з них залишалися на кафедрі працювати чи вчитися в аспірантурі, і семінар поповнювався молодими викладачами і аспірантами.

З часом кваліфікація учасників семінару В.К.Маслюченка зростала, і зараз у ньому беруть участь 3 доктори фіз.-мат. наук, 7 кандидатів фіз.-мат. наук, аспіранти, здобувачі і студенти.

Впродовж довшого часу В.К.Маслюченко керує підготовкою аспі-

рантів і докторантів кафедри. Він був науковим консультантом двох докторських дисертацій (М.М.Попов (2006) і В.В.Михайлюк (2009)) і науковим керівником дев'ятьох кандидатських дисертацій (Л.В.Попова (1993), В.В.Михайлюк (1995), О.В.Собчук (1996), Т.І.Звоздецький (1996), В.В.Нестеренко (2000), О.О.Карлова (2006), О.Г.Фотій (2008), В.Г.Герасимчук (2009), О.І.Філіпчук (2010)). Він керував і науковою роботою свого сина О.В.Маслюченка, який захистив кандидатську дисертацію у 2002 році (офіційний науковий керівник – М.І.Нагнибіда). Завершують свої кандидатські дисертації інші учні В.К.Маслюченка (О.І.Гайдукевич та Г.А.Волошин), а розпочинають роботу над ними О.Д.Мироник і В.М.Косован. Завершує роботу над кандидатською дисертацією і учениця В.В.Михайлюка аспірантка В.А.Балан, наукова внучка В.К.Маслюченка. Більшість з цих науковців є активними учасниками наукового семінару з теорії функцій і функціонального аналізу, яким керує В.К.Маслюченко.

Учасники цього семінару ведуть наукову роботу у таких головних напрямках:

1. Вивчення множини точок сукупної неперервності нарізно неперервних відображень та їх аналогів (KC -, K_hC - і K_hK -функції, тощо).
2. Побудова нарізно неперервних функцій з даною множиною точок розриву.
3. Берівська та лебегівська класифікації нарізно неперервних відображень та їх аналогів.
4. Дослідження розривів CD -функцій і нарізно диференційовних функцій.
5. Вивчення різноманітних модифікацій неперервності та зв'язків між нарізними та сукупними властивостями такого типу.
6. Дослідження зв'язків між різними типами неперервності многозначних відображень та між їх нарізними і сукупними різновидами, а також їх берівської та лебегівської класифікації.
7. Узагальнення теореми Скорца-Драґоні та зв'язки між нарізною і сукупною інтегровністю.
8. Опис коливань нарізно неперервних функцій та представників інших функціональних класів.
9. Дослідження зв'язків між нарізною і сукупною поліноміальністю та аналогів теореми Гартоґса.
10. Наближення нарізно і сукупно неперервних функцій.

11. Розв'язання диференціальних рівнянь з частинними похідними за мінімальних вимог.

12. Вивчення функцій на добутках довільних сімей топологічних просторів, зокрема, умов залежності їх від певного числа координат.

13. Дослідження вузьких операторів та пов'язаних з ними геометричних властивостей просторів вимірних функцій.

14. Знаходження і оцінка числових індексів банахових просторів.

15. Вивчення питань еквівалентності і переставності операторів у просторах аналітичних функцій.

За останні 25 років учасники семінару В. К. Маслюченка опублікували понад 250 наукових праць з вказаної тематики, їх результати стають все більше відомими у математичному світі і часто, особливо в теорії нарізно неперервних відображень, рівень цих результатів найвищий. Результати їх досліджень доповідалися на численних наукових конференціях і семінарах, зокрема, В.К.Маслюченко у 1998 році виступив з доповіддю на Всесвітньому конгресі математиків у Берліні [47].

8 Педагогічна і навчально-методична діяльність

Впродовж багатьох років В.К.Маслюченко читає лекції студентам з математичного і функціонального аналізу, теорії міри та інтеграла, математичної логіки, загальної теорії функцій, топологічних векторних просторів, теорії функцій багатьох змінних. Читав він і лекції з історії математики у Запорізькому університеті за запрошенням. А будучи асистентом, вів практичні і семінарські заняття з цих дисциплін. Володимир Кирилович – чудовий лектор і чуйний педагог, а його підручники з теорії множин [66], функціонального аналізу [117,118] і топологічних векторних просторів [67,68,88] вирізняються добре продуманою структурою, логічною чіткістю і повнотою викладу матеріалу.

Однією з характерних рис В.К.Маслюченка як лектора і наукового керівника є надзвичайна акуратність, яку він виховує і у своїх учнів. Так, наприклад, перший запис, що повинен з'являтися кожного разу, як учень відкриває свій зошит для наукової роботи (наявність якого є обов'язковою для учнів ювіляра) – це дата, яка ставиться, як каже Володимир Кирилович, «для історії». І справді, коли минає деякий час, цікаво, гортаючи сторінки зошита, співставляти час створення своїх результатів з іншими подіями у житті.

Одного разу працюючи зі своєю ученицею, Володимир Кирилович побачив, що з часу останньої зустрічі з нею у зошиті не було зроблено жодного запису, і вказав їй на це. Вона відповіла, що не знала, що писати, на що отримала відповідь: «Значить, так і треба було написати, що я (прізвище, ім'я по-батькові) сьогодні не знаю, що написати з приводу даної задачі. Тоді я хоч буду бачити, що ти в цей день відкривала свій зошит.»

Серед дисциплін, які опанував і викладав В.К.Маслюченко, є й математична логіка. Виходячи з найвищих її стандартів, доведення як самого наукового керівника, так і всіх його учнів, мають бути бездоганними з боку логіки. Сам вихований на «Основах геометрії» Давида Гільберта, Володимир Кирилович виховує і у своїх учнів потребу чіткого і логічного викладу своїх думок. З метою недопустимості помилок у публікаціях кожен результат з повним доведенням доповідається на семінарі. Вихованці школи Маслюченка намагаються у своїх статтях і виступах уникати слів «очевидно» і «легко бачити», оскільки за ними інколи ховаються помилки.

Відомо, що математичне обдарування часто проявляється уже в ранньому віці і належить до не таких уже й розповсюджених явищ у людському суспільстві. Обдаровані школярі легко засвоюють обов'язкову програму з математики і потребують для свого нормального розвитку додаткових впливів і відповідного оточення. Найбільш успішно вирішити ці проблеми, поступово долучаючи талановитих школярів до вивчення все складніших і складніших математичних об'єктів, можуть тільки математики-професіонали. Здебільшого цю ношу покладають на себе ентузіасти цієї справи, до яких, безумовно, належить і В.К.Маслюченко, який від самого початку своєї педагогічної діяльності приділяє значну увагу роботі зі здібними школярами.

Реалізуючи свої давні задуми, 1993 року Володимир Кирилович організував Буковинську математичну школу для обдарованої молоді, яка пізніше стала складовою частиною Буковинської малої академії. Він разом зі своїми учнями і молодшими колегами В.В.Михайлюком, Т.І.Звоздецьким, О.В.Маслюченком, В.В.Нестеренком, С.Б.Боднарук та іншими впродовж років невтомно трудилися, читаючи школярам лекції з курсів «Елементи математичного аналізу», «Вибрані розділи геометрії», «Вибрані розділи алгебри і теорії чисел», «Елементи теорії множин і комбінаторики», проводячи математичні практикуми, розв'язуючи олімпіадні і конкурсні задачі, керуючи науковими роботами школярів.

Слід зауважити, що вихованці В.К.Маслюченка є неодноразовими

переможцями та призерами обласних та всеукраїнських конкурсів наукових робіт школярів, а частина його наукових інтересів стосуються вивчення питань, цілком доступних талановитому школяреві. Зокрема, дослідження розбиттів відрізка на однотипні частини проводилося Володимиром Кириловичем разом з його учнями з Малої академії, що стало предметом кількох спільних наукових публікацій. Багато слухачів математичного відділення Малої академії стали професіональними математиками, кандидатами фіз.-мат. наук.

9 Інші види діяльності

Математика – далеко не єдине поле творчої діяльності професора В. К. Маслюченка. Він має творчі здобутки і в музиці, як співак і композитор, і в літературі, як поет і перекладач, і, виступаючи як декламатор. До світу його захоплень належать городництво, риболовля, спорт, мистецтво. Володимир Кирилович відомий також як громадський діяч краю, активний учасник, а часом і організатор Просвіти, Руху, Наукового Товариства імені Т.Шевченка, Буковинського коша Українського козацтва та Української Народної Ради. Не маючи змоги описати це детально, усе ж торкнемось деяких аспектів цієї діяльності ювіляра.

Впродовж 30 років В.К.Маслюченко – учасник чоловічої хорової капели «Дзвін» викладачів і співробітників Чернівецького університету, її соліст і голова Ради капели. Він брав участь у багатьох її виступах як в Україні, так і за її межами.

Володимир Кирилович працює як композитор у жанрі співаної поезії. Він склав понад 50 пісень на тексти українських і зарубіжних поетів і сам їх виконує, акомпонує на гітарі чи акапельно, на концертах і вечорах, зокрема, й перед студентами. До того ж він написав гітарний супровід до багатьох українських пісень, зокрема, історичних «Із-за хмари, з-за лиману», «Ой не знав козак та не знав Супрун», «Ой Морозе та й Морозенку», «Гей хвалився та козак Швачка» та інших, їх також біля 50. Ці пісні він залюбки виконує на концертах і в товаристві.

Свої вірші Володимир Кирилович часто читає при тій чи іншій нагоді, але опублікував лише один політично заангажований про лозунг «Ми прийдемо до перемоги комуністичної праці». Як зразок його стилю, подамо тут два неопубліковані його сонети, присвячені математикам, тексти яких люб'язно надав нам ювіляр.

Два сонети

I

Толі Плічку

Коли за вікном розлилась темнота
Чорніша від сажі, від вічної ночі,
Де в дійстві вертепнім бридкі поторочі,
Як гаддя сплелись у гнилих болотах, –

При свічці схилилась людина свята,
Світ ангельських просторів вабить їй очі
І несепарабельність – цнота дівоча –
У мріях вита, мов сяйлива мета.

На чистий папір віщій знак WCG –
Злякались почвари страшні. Та невже
Так базисом діє своїм Маркушевич?

І фундаментальних тотальних систем
Загони й полки молодих теорем
Новітній веде у бої Конашевич.

II

В. С. Собчуку на 60-ліття

В своїй убогій хаті сидів він
за столом босий і плів рибацькі
сіті, як бідний апостол.
Плів сіті і писав поему «Мойсей».
М.Коцюбинський, «Іван Франко».

По свіжому сніжку ранковою порою,
Невтомний лижнику, зневаживши тепло,
Простуєте в горби, де сонце розцвіло
І небо притяга блакиті й світла грою.

Долини повняться бентежною лозою,
Краси селянський ген практичне бачить тло.
Чому б не пригадать дідівське ремесло?
Лоза ж для кошиків готується зимою.

Як вироби з лози, що йдуть через віки,
Отак математичні і гнучкі думки
Плетуться в теоремах пречудові.

Мистецтво перше й друге – все під силу нам,
Дажбожим внукам, козаків синам,
Будівникам держави молоді.

Активну участь бере наш ювіляр і в студентському житті, виступаючи на днях факультету та при іншій нагоді. Багатьом запам'ятався, наприклад, організований ним вечір української поезії і пісні з участю капели «Дзвін», який розпочинався болючими Франковими словами заспіву до його «Мойсея» в інтерпретації Володимира Кириловича:

Народе мій, замучений, розбитий,
Мов паралітик той на роздорожжю,
Людським презирством, ніби струпом вкритий,
Твоїм будущим душу я тривожу,
Від сорому, який нащадків пізніх
Палитиме, заснути я не можу.

Цей вечір, де звучали козацькі, стрілецькі, повстанські пісні, вірші Т. Шевченка, В. Стуса та співана поезія, залишив глибокий слід у серцях слухачів.

Пригадується також випадок, коли одній студентці, яка хотіла взяти участь у конкурсі стрілецької пісні, порадили звернутися до В.К.Маслюченка, як до людини, яка зможе порадити їй гарну пісню для виконання і підказати, де можна знайти слова до неї. Наступного дня Володимир Кирилович приніс збірник пісень і зовсім несподівано для цієї дівчини став наспівувати. Дуже зворушливо було спостерігати як завідувач кафедри і його студентка розучують нову пісню, по декілька разів повторюючи кожний куплет. Ця дівчина потім зайняла перше місце в конкурсі.

10 Підсумки і побажання

Ми бачимо, що все життя Володимира Кириловича Маслюченка було наповнене невтомною працею, служінням математиці, мистецтву і Україні. Ми щиро вітаємо ювіляра з усіма його здобутками і бажаємо не зупинятися на досягнутому. А саме: завершити працю над створенням підручника з функціонального аналізу, написати монографію про нарізно неперервні відображення, підготувати ще не одного кандидата наук. Бажаємо Володимирі Кириловичу щастя, козацького здоров'я, сили, натхнення, енергії та наснаги для подальшої наукової діяльності й активного творчого життя. Нехай всі Ваші наукові і творчі плани, а також найсмівливіші ідеї і проекти стрімко та успішно втілюються в життя! З роси і води Вам, дорогий Учителю!

ВИБРАНІ ПРАЦІ МАСЛЮЧЕНКА ВОЛОДИМИРА КИРИЛОВИЧА

- [1] *Маслюченко В.К.* О подобии операторов в некоторых пространствах последовательностей. Дипломная работа. – Черновцы, 1972. – 32 с.
- [2] *Нагнибида Н.И., Линчук С.С., Маслюченко В.К., Настасиев П.П.* Организация лабораторных занятий по курсу математического анализа // Проблемы высшей школы. – 1976. – В. 27. – С. 86–89.
- [3] *Маслюченко В.К.* Об условиях включения пересечений и объединений пространств $L_p(\mu)$ с весом // Укр. мат. журн. – 1982. – **34**, № 4. – С. 518–522.
- [4] *Гурвиц Л.Н., Маслюченко В.К., Попов М.М.* Ординальные характеристики частично упорядоченных множеств // Чернов. ун-т. – Черновцы, 1982. – 25 с. – Деп. в ВИНТИ 19.І. 1983, № 311–Ук–83 Деп.

- [5] *Маслоченко В.К.* О подобии операторов в обобщённых пространствах Кёте // Чернов. ун-т. – Черновцы, 1983. – 21 с. – Деп. в УкрНИИТИ 25.X.1983, № 1203–Ук–Д83.
- [6] *Маслоченко В.К.* Ограниченные множества в индуктивных пределах // Чернов. ун-т. – Черновцы, 1983. – 14 с. – Деп. в УкрНИИТИ 25.X.1983, № 1204–Ук–Д83.
- [7] *Маслоченко В.К.* Обобщённые пространства Кёте // Казань, 1983. – 24 с. – Рук. предст. ред. журн. "Изв. вузов. Матем." – Деп. в ВИНТИ 31.X.1983, № 5895–83ДЕП.
- [8] *Маслоченко В.К.* Некоторые вопросы теории обобщённых пространств Кёте. Дис. ... канд. физ.-мат. наук. – Черновцы, 1983. – 131 с.
- [9] *Маслоченко В.К.* Условие включения некоторых пространств (категорный подход) // Укр. мат. журн. – 1984. – **36**, № 3. – С. 316–321.
- [10] *Пличко А.Н., Маслоченко В.К.* Квазирефлексивные локально выпуклые пространства без банаховых подпространств // Теор. функ., функ. анализ и их прил. – 1985. – 44. – С. 78–84.
- [11] *Маслоченко В.К., Попов М.М.* Об одной характеристике частично упорядоченных множеств // Мат. заметки. – 1985. – **38**, № 6. – С. 866–871.
- [12] *Маслоченко В.К.* Некоторые вопросы теории обобщённых пространств Кёте. Автореферат ... канд. физ.-мат. наук. – Киев: Ин-т мат. АН УССР, 1985. – 15 с.
- [13] *Маслоченко В.К.* Совокупная и раздельная непрерывность // XI школа по теории операторов в функциональных пространствах. Ч.1. – Челябинск, 1986. – С. 68.
- [14] *Маслоченко В.К.* Одно свойство частных производных // Укр. мат. журн. – 1987. – **39**, № 4. – С. 529–531.
- [15] *Маслоченко В.К.* Сукупна неперервність нарізно неперервних відображень // Крайові задачі з різними виродженнями і особливостями. Зб. наук. праць за ред. С.Д.Івасишена. – Чернівці, 1990. – С.143–159.
- [16] *Маслоченко В.К., Михайлюк В.В.* Нарізно неперервні функції з сепарабельною множиною точок розриву // Чернів. ун-т. – Чернівці, 1990. – 11 с. – Деп. в УкрНДІНТІ, № 902–Ук90.
- [17] *Грушка Я.І., Маслоченко В.К., Собчук О.В.* До теорем Бера і Осгуда // Чернів. ун-т. – Чернівці, 1990. – 12 с. – Деп. в УкрНДІНТІ, № 903–Ук90.
- [18] *Маслоченко В.К.* Методичні вказівки для самостійної роботи з функціонального аналізу. Міра та інтеграл. – Чернівці: ЧДУ, 1990. – 36 с.
- [19] *Маслоченко В.К., Парада І.І.* Про одну бієкцію // Чернів. ун-т. – Чернівці, 1991. – 5 с. – Деп. в УкрНДІНТІ 25.XII.1991, № 1639–Ук91.

- [20] Маслоченко В.К., Собчук О.В. Досконала нормальність простору фінітних послідовностей // Чернів. ун-т. – Чернівці, 1991. – 6 с. – Деп. в УкрНДІТІ, № 1610–Ук91.
- [21] Маслоченко В.К. Нарізно неперервні відображення зі значеннями в індуктивних границях // Укр. мат. журн. – 1992. – 44, № 3. – С. 380–384.
- [22] Маслоченко В.К., Михайлюк В.В., Собчук О.В. Обернені задачі теорії нарізно неперервних відображень // Укр. мат. журн. – 1992. – 44, № 9. – С. 1209–1220.
- [23] Маслоченко В.К., Плічко А.М. Про одну сім'ю топологій на просторі ℓ_p // Мат. методи і фіз.-мех. поля. – 1992. – 35. – С. 194–198.
- [24] Козьма І.Д., Маслоченко В.К., Собчук О.В. Ще раз до теорем Бера і Осгуда // Чернів. ун-т. – Чернівці, 1992. – 6 с. – Деп. в УкрІНТЕІ, № 1649–Ук92.
- [25] Маслоченко В.К. Знайомство з Гансом Ганом. – Львів, 1992. – 66 с. – (препр. // АН України, Ін-т прикл. проблем механіки і математики; № 23–90).
- [26] Маслоченко В.К., Михайлюк В.В. Про нарізно неперервні функції на добутках метризованих просторів // Доповіді АН України. – 1993. – № 4. – С. 28–31.
- [27] Маслоченко В.К., Репало Б.Г. Майже нарізно неперервні відображення // Чернів. ун-т. – Чернівці, 1993. – 15 с. – Деп. в ДНТБ України, № 956–Ук93.
- [28] Маслоченко В.К., Собчук О.В. Берівська класифікація і σ -метризовані простори // Мат. студії. – 1994. – 3. – С. 95–101.
- [29] Маслоченко В.К. Зв'язки між різними характеристиками величини множини точок сукупної неперервності нарізно неперервних відображень // Чернів. ун-т. – Чернівці, 1994. – 17 с. – Деп. в ДНТБ України 10.І.94, № 70–Ук94.
- [30] Маслоченко В.К. Ганс Ган і математики Чернівецького університету австрійських часів // Буковинський журнал. – 1994. – Ч. 1–2. – С. 144–151.
- [31] Маслоченко В.К., Михайлюк В.В. Нарізно неперервні функції на добутках компактів та їх залежність від n змінних // Укр. мат. журн. – 1995. – 47, № 3. – С. 344–350.
- [32] Masljučenko V.K. Die Mathematikprofessoren der Universität Czernowitz unter der österreichische Verwaltung // Die Bukovina: Vergangenheit und Gegenwart // hrsg. von I.Slawinski und I.P.Strelka. – Bern–Berlin–Frankfurt a.M.– New York–Paris–Wien: Lang, 1995. – S. 171–177.
- [33] Маслоченко В.К., Михайлюк О.В., Собчук О.В. Дослідження про нарізно неперервні відображення // Матеріали міжнар. мат. конф., присв. пам. Ганса Гана. – Чернівці: Рута, 1995. – С. 192–246.

- [34] *Маслоченко В.К.* Друга сходинка до Ганса Гана // Матеріали міжнар. мат. конф., присв. пам. Ганса Гана. – Чернівці: Рута, 1995. – С. 13–24.
- [35] *Івасишен С.Д., Маслоченко В.К.* Міжнародна математична конференція, присвячена пам'яті Ганса Гана // Матеріали міжнар. мат. конф., присв. пам. Ганса Гана. – Чернівці: Рута, 1995. – С. 3–12.
- [36] *Вітренко О.В., Маслоченко В.К.* Про нарізно ледь неперервні функції // Мат. студії. – 1996. – **6**. – С. 113–118.
- [37] *Гайдукевич О.І., Маслоченко В.К.* Одне узагальнення теореми Скорца-Драгоні // Чернів. ун-т. – Чернівці, 1996. – 9 с. – Деп. в ДНТБ України 24.X.96, № 2030–Ук96.
- [38] *Маслоченко В.К., Нестеренко В.В.* Горизонтальна квазінеперервність та її застосування // Чернів. ун-т. – Чернівці, 1996. – 15 с. Деп. в УкрІНТЕІ 1.XI.96, № 98–Ук96.
- [39] *Гайдукевич О.І., Маслоченко В.К.* Сукупна неперервність функцій Каратеодорі на добутках $T \times \mathbb{R}^\infty$ // Матеріали наук. конф., присв. 125-річчю нар. Володимира Левицького. – Тернопіль. – 1997. – С. 17–19.
- [40] *Маслоченко В.К.* Простори Гана і задача Діні // Мат. методи і фіз.-мех. поля. – 1998. – **41**, № 4. – С. 39–45.
- [41] *Маслоченко В.К., Маслоченко О.В.* Побудова нарізно непервної функції з даним коливанням // Укр. мат. журн. – 1998. – **50**, № 7. – С. 948–959.
- [42] *Маслоченко В.К., Нестеренко В.В.* Про неперервність нарізно неперервних відображень на кривих // Мат. студії. – 1998. – **9**, № 2. – С. 205–210.
- [43] *Каланча А.К., Маслоченко В.К.* Берівська класифікація векторнозначних нарізно неперервних функцій на добутках із скінченновимірним співмножником // Зб. наук. пр. Кам'янець-Под. пед. ун-ту. Сер. Фіз.-мат. (математика). – 1998. – **4**. – С. 43–46.
- [44] *Маслоченко В.К., Нестеренко В.В.* Обернена задача для квазінеперервних функцій // Зб. наук. пр. Кам'янець-Под. пед. ун-ту. Серія фіз.-мат. (математика). – 1998. – **4**. – С. 76–79.
- [45] *Маслоченко В.К., Михайлюк В.В.* Про розриви нарізно неперервних функцій n змінних // Сучасні проблеми математики: Матеріали міжнар. наук. конф. Ч.3. – Чернівці–Київ: Ін-т математики НАН України, 1998. – С. 38–40.
- [46] *Маслоченко В.К., Михайлюк В.В., Нестеренко В.В.* Зв'язки між різними типами квазінеперервності // Сучасні проблеми математики : Матеріали міжнар. наук. конф. Ч. 3. – Чернівці–Київ: Ін-т математики НАН України, 1998. – С. 40–42.

- [47] *Maslyuchenko V.K.* Separately continuous mappings: Van Vleck spaces and inverse problems // ICM 1998, Berlin, Aug. 18-27 Abstracts of Short Communications and Posters. – www.math.uni-bielefeld.de/ICM98/abstracts/ps/late_ps.html
- [48] *Маслюченко В.К.* Нарізно неперервні відображення від багатьох змінних зі значеннями в σ -метризованих просторах // Нелінійні коливання. – 1999. – 2, № 3. – С. 337–344.
- [49] *Маслюченко В.К.* Задача Діні та рівномірна неперервність // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 46. Математика. – Чернівці: ЧДУ, 1999. – С. 80–87.
- [50] *Маслюченко В.К., Михайлюк В.В., Попов М.М.* Розбиття відрізка на однотипні частини // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 46. Математика. – Чернівці: ЧДУ, 1999. – С. 88–94.
- [51] *Каланча А.К., Маслюченко В.К.* Узагальнення теореми Брукнера-Петруски-Прейса-Томсона // Мат. студії. – 1999. – 11, № 1. – С. 48–52.
- [52] *Маслюченко В.К., Михайлюк В.В., Нестеренко В.В.* Симетрична квазінеперервність сукупно квазінеперервних функцій // Мат. студії. – 1999. – 11, № 2. – С. 204–208.
- [53] *Маслюченко В.К., Михайлюк В.В., Собчук О.В.* Побудова нарізно неперервної функції від n змінних з даною діагоналлю // Мат. студії. – 1999. – 12, № 1. – С. 101–107.
- [54] *Гайдукевич О.І., Маслюченко В.К.* Одностайна рівномірна неперервність та властивості Наміюки і Скорца-Драгоні // Мат. студії. – 1999. – 12, № 2. – С. 208–212.
- [55] *Маслюченко В.К.* Нарізно неперервні відображення і простори Кете. Дис. ... доктора фіз.-мат. наук. – Чернівці, 1999. – 345 с.
- [56] *Маслюченко В.К.* Часткова неперервність многозначних відображень і узагальнення однієї теореми Бера // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 76. Математика. – Чернівці: ЧДУ, 2000. – С. 62–66.
- [57] *Маслюченко В.К., Михайлюк В.В.* Характеризація множин точок розриву нарізно неперервних функцій багатьох змінних на добутках метризованих просторів // Укр. мат. журн. – 2000. – 52, № 6. – С. 740–747.
- [58] *Гайдукевич О.І., Маслюченко В.К.* Нові узагальнення теореми Скорца-Драгоні // Укр. мат. журн. – 2000. – 52, № 7. – С. 881–888.
- [59] *Маслюченко В.К., Нестеренко В.В.* Сукупна неперервність і квазінеперервність горизонтально квазінеперервних відображень // Укр. мат. журн. – 2000. – 52, № 12. – С. 1711–1714.
- [60] *Банах Т.О., Маслюченко В.К., Михайлюк В.В., Пшеничко М.І.* Точки розриву майже неперервних функцій // Мат. студії. – 2000. – 14, № 1. – С. 89–96.

- [61] *Каланча А.К., Маслоченко В.К., Михайлюк В.В.* Застосування теореми Дугунджи до питань берівської класифікації векторнозначних відображень // *Мат. методи і фіз.-мех. поля.* – 2000. – **43**, № 4. – С. 12–17.
- [62] *Маслоченко В.К.* Нарізно неперервні відображення і простори Кете. Автореферат...докт. фіз.-мат. наук. – Львів: ЛНУ, 2000. – 36 с.
- [63] *Гайдукевич О.І., Маслоченко В.К., Михайлюк В.В.* Прямі границі і властивість Скорца-Драгоні // *Доповіді НАН України.* – 2001. – № 5. – С. 10–13.
- [64] *Maslyuchenko V.K., Maslyuchenko O.V., Mykhaylyuk V.V., Sobchuk O.V.* Paracompactness and separately continuous mappings // *General Topology in Banach Spaces.* – Nova Sci. Publ. – Nantintong–New York, 2001. – P. 147–169.
- [65] *Маслоченко В.К., Михайлюк В.В., Нестеренко В.В.* Точкова розривність функцій багатьох змінних // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 111. Математика.* – Чернівці: Рута, 2001. – С. 70–75.
- [66] *Маслоченко В.К.* Елементи теорії множин. – Чернівці: Рута, 2002. – 132 с.
- [67] *Маслоченко В.К.* Перші типи топологічних векторних просторів. – Чернівці: Рута, 2002. – 72 с.
- [68] *Маслоченко В.К.* Лінійні неперервні оператори. – Чернівці: Рута, 2002. – 72 с.
- [69] *Герасимчук В.Г., Маслоченко В.К., Михайлюк В.В.* Різновиди ліпшицевості і множини точок розриву нарізно диференційовних функцій // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 134. Математика.* – Чернівці: Рута, 2002. – С. 22–29.
- [70] *Гульчак В.В., Маслоченко В.К.* Неможливість розбиття відрізка на n схожих частин // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 134. Математика.* – Чернівці: Рута, 2002. – С. 42–44.
- [71] *Маслоченко В.К., Михайлюк В.В.* Про збіг просторів Кете з сім'ї $\ell_p(R)$: $0 < p \leq \infty$ // *Мат. студії.* – 2002. – **17**, № 1. – С. 75–80.
- [72] *Маслоченко В.К., Михайлюк В.В., Шилина О.І.* Сукупна неперервність горизонтально квазінеперервних відображень зі значеннями в σ -метризованих просторах // *Мат. методи і фіз.-мех. поля.* – 2002. – **45**, № 1. – С. 42–46.
- [73] *Ананійчук О.В., Гордей С.О., Маслоченко В.К.* Побудова функції з даними розривами першого і другого роду // *Наук. зап. Вип. 43. Фіз.-мат. науки.* – Кіровоград: КДПУ, 2002. – С. 6–11.
- [74] *Букатар С.М., Маслоченко В.К., Стиран В.С.* Розбиття відрізка на n подібних і гомеоморфних частин // *Наук. зап. Вип. 43. Фіз.-мат. науки.* – Кіровоград: КДПУ, 2002. – С. 12–15.

- [75] Карлова О.О., Маслоченко В.К. Типи множин точок неперервності відображень зі значеннями в неметризовних просторах // Вісн. Львів. ун-ту, сер. мех.-мат. – 2002. – Вип. 60. – С. 77–79.
- [76] Каланча А.К., Маслоченко В.К. Розмірність Лебега-Чеха та берівська класифікація векторнозначних нарізно неперервних відображень // Укр. мат. журн. – 2003. – **55**, № 11. – С. 1596–1599.
- [77] Гайдукевич О.І., Маслоченко В.К. Простір фінітних послідовностей і розриви нарізно неперервних функцій // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 160. Математика. – Чернівці: Рута, 2003. – С. 19–22.
- [78] Герасимчук В.Г., Маслоченко В.К. До питання про розриви нарізно диференційовних функцій багатьох змінних // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 160. Математика. – Чернівці: Рута, 2003. – С. 23–29.
- [79] В.К. Маслоченко Знайомство з Гансом Ганом. – Чернівці: Рута, 2004. – 92 с.
- [80] Маслоченко В.К., Маслоченко О.В., Михайлюк В.В. Паракомпактність і лебегівська класифікація // Мат. методи та фіз.-мех. поля – 2004. – **47**, № 2. – С. 65–72.
- [81] Герасимчук В.Г., Маслоченко В.К., Маслоченко О.В. Нарізно неперервні функції відносно змінного репера // Укр. мат. журн. – 2004. – **56**, № 9. – С. 1281–1286.
- [82] Банах Т.О., Куцак С.М., Маслоченко В.К., Маслоченко О.В. Прямі та обернені задачі берівської класифікації інтегралів, залежних від параметра // Укр. мат. журн. – 2004. – **56**, № 11. – С. 1443–1457.
- [83] Маслоченко В.К., Михайлюк В.В. Нарізно неперервні функції багатьох змінних на добутку просторів, які є добутками метризовних множників // Мат. вісн. НТШ. – 2004. – **1**. – С. 77–84.
- [84] Кожукар О.Г., Маслоченко В.К. Навколо теорем Дебса про многозначні відображення // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 191–192. Математика. – Чернівці: Рута, 2004. – С. 61–66.
- [85] Маслоченко В.К., Нестеренко В.В. Про множини точок майже неперервності та інші послаблення неперервності // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 191–192. Математика. – Чернівці: Рута, 2004. – С. 100–102.
- [86] Маслоченко В.К., Філіпчук О.І. Точкова розривність $K_h K$ -функцій зі значеннями в σ -метризовних просторах // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 191–192. Математика. – Чернівці: Рута, 2004. – С. 103–106.
- [87] Карлова О.О., Куцак С.М., Маслоченко В.К. Узагальнення теореми Бера про функції першого класу на випадок неметризованого простору значень // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 228. Математика. – Чернівці: Рута, 2004. – С. 11–14.

- [88] *Маслюченко В.К.* Елементи теорії двоїстості. – Чернівці: Рута, 2005. – 160 с.
- [89] *Maslyuchenko V.K.* Connections between joint and separate properties of functions of several variables, In «Some open problems on functional analysis and function theory», eds. V.K. Maslyuchenko and A.M. Plichko // *Extracta mathematicae.* – 2005. – **20**, № 1. – P. 59–61.
- [90] *Герасимчук В., Маслюченко В., Маслюченко О.* Характеризація множин точок розриву CD -функцій // *Мат. вісн. НТШ.* – 2005. – **2**. – С. 57–71.
- [91] *Маслюченко В.К., Михайлюк В.В.* Пряма Зорґенфрея і конаміокові простори // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 239. Математика.* – Чернівці: Рута, 2005.– С. 92–93.
- [92] *Гайдукевич О.І., Маслюченко В.К.* Побудова фінально замкнених і не замкнених множин в індуктивних границях // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 269. Математика.* – Чернівці: Рута, 2005.– С. 11–12.
- [93] *Маслюченко В.К., Фотій О.Г.* Неперервні зверху відображення зі значеннями в прямій Зорґенфрея // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 269. Математика* – Чернівці: Рута, 2005.– С. 68–72.
- [94] *Маслюченко В.К., Фотій О.Г.* Напівнеперервні знизу відображення з компактними значеннями в прямій Зорґенфрея // *Мат. студії.* – 2005. – **24**. № 2. – С. 203–206.
- [95] *Звоздецький Т.І., Лінчук Н.Є., Лінчук С.С., Маслюченко В.К., Настасієв П.П.* Пам'яті професора М.І. Нагнибіди // *Мат. студії.* – 2005. – **24**, № 2. – С. 207–216.
- [96] *Маслюченко В.К., Маслюченко О.В., Філіпчук О.І.* Задачі і теореми загальної теорії функцій. – Чернівці: Рута, 2006. – 80 с.
- [97] *Маслюченко В.К.* Про нарізні і сукупні модифікації неперервності // *Мат. студії.* – 2006. – **25**, № 2. – С. 213–218.
- [98] *Маслюченко В.К., Маслюченко О.В., Фотій О.Г.* Простір n -точкових множин і n -значні відображення // *Доповіді НАН України.* – 2006. – № 10. – С.24–27.
- [99] *Маслюченко В., Фотій О.* Неперервність знизу квазінеперервних зверху багатовзначних відображень // *Мат. вісн. НТШ.* – 2006. – **3**. – С. 84–87.
- [100] *Кукульняк Д.І., Маслюченко В.К.* Нарізно інтегровні за Ріманом функції // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 288. Математика.* – Чернівці: Рута, 2006.– С. 74–76.
- [101] *Маслюченко В.К., Михайлюк В.В., Нестеренко В.В.* Про оператор переходу до поточної границі // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 288. Математика.* – Чернівці: Рута, 2006. – С. 77–79.

- [102] *Маслоченко В.К., Фотій О.Г.* Сталість неперервних зверху двозначних відображень у пряму Зоргенфрея // Укр. мат. журн. – 2007. – **59**, № 8. – С. 1034–1039.
- [103] *Карлова О.О., Маслоченко В.К.* Нарізно неперервні відображення зі значеннями в не локально опуклих просторах // Укр. мат. журн. – 2007. – **59**, № 11. – С. 1639–1645.
- [104] *Карлова О., Маслоченко В., Маслоченко О.* Геодезійно зв'язні простори і рівномірна границя функцій першого класу Бера // Мат. вісн. НТШ. – 2007. – **4**. – С. 129–133.
- [105] *Власюк Г.А., Маслоченко В.К.* Многочлени Бернштейна і нарізно неперервні функції // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 336–337. Математика. – Чернівці: Рута, 2007. – С. 52–59.
- [106] *Крецу В., Маслоченко В.К.* Неперервність за Стеллінгзом, нарізна неперервність та функції з замкненим графіком // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 349. Математика. – Чернівці: Рута, 2007. – С. 50–54.
- [107] *Маслоченко В.К.* Івану Федоровичу Григорчуку – 80 // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 336–337. Математика. – Чернівці: Рута, 2007. – С. 207–209.
- [108] *Маслоченко В.К.* Про зимову школу з алгебри і аналізу // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 336–337. Математика. – Чернівці: Рута, 2007. – С. 206.
- [109] *Mashyuchenko V.K., Mykhaylyuk V.V.* Solving of partial differential equations under minimal conditions // Journal of Mathematical Physics, Analysis, Geometry. – 2008. – **4**, № 2. – P. 252–266.
- [110] *Маслоченко В.К., Михайлюк В.В., Філіпчук О.І.* Сукупна неперервність K_hC -функцій зі значеннями в просторах Мура // Укр. мат. журн. – 2008. – **60**, № 11. – С. 1539–1549.
- [111] *Косован В.М., Маслоченко В.К.* Нарізно поліноміальні функції // Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 374. Математика. – Чернівці: Рута, 2008. – С. 66–74.
- [112] *Маслоченко В.К., Філіпчук О.І.* Про зв'язки між нарізною неперервністю, квазінеперервністю і точковою розривністю функції // Науковий вісник Чернівецького університету. Вип. 421. Математика. – Чернівці: Рута, 2008. – С. 57–60.
- [113] *Косован В., Маслоченко В.* Про поліноміальність нарізно поліноміальних функцій на добутках комплексних банахових просторів // Мат. вісн. НТШ. – 2008. – **5**. – С. 89–96.
- [114] *Волошин Г., Маслоченко В.* Узагальнення однієї теореми Бернштейна // Мат. вісн. НТШ. – 2009. – **6**. – С. 62–72.

- [115] *Загороднюк А., Маслюченко В., Мацак І., Попов М.* До 60-річчя від дня народження Анатолія Миколайовича Плічка // *Мат. вісн. НТШ.* – 2009. – **6**. – С. 294–312.
- [116] *Косован В.М., Маслюченко В.К.* Нарізно і сукупно поліноміальні функції на довільних підмножинах \mathbb{R}^n // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 454. Математика.* – Чернівці: Рута, 2009. – С. 50–53.
- [117] *Маслюченко В.К.* Лекції з функціонального аналізу. Ч. 1. Метричні і нормовані простори. – Чернівці: ЧНУ, 2010. – 184 с.
- [118] *Маслюченко В.К.* Лекції з функціонального аналізу. Ч. 2. Лінійні оператори і функціонали. – Чернівці: ЧНУ, 2010. – 192 с.
- [119] *Маслюченко В.К., Фішман К.М.* До питання про еквівалентність трикутних матриць в аналітичних просторах у крузі // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 501. Математика.* – Чернівці: ЧНУ, 2010. – С. 65–68.
- [120] *Кушнірчук Й.Ф., Лінчук С.С., Маслюченко В.К., Настасієв П.П., Царьков М.Ю. К.М.Фішман (1914-2010)* // *Наук. вісн. Чернів. ун-ту. Вип. 501. Математика.* – Чернівці: ЧНУ, 2010. – С. 120–124.
- [121] *Маслюченко В.К., Нестеренко В.В.* Точки сукупної неперервності та великі коливання // *Укр. мат. журн.* – 2010. – **62**, № 6. – С. 791–800.
- [122] *Волошин Г.А., Маслюченко В.К.* Функціональне узагальнення однієї теореми Бернштейна // *Мат. студії.* – 2010. – **33**, № 2. – С. 220–224.
- [123] *Волошин Г.А., Маслюченко В.К.* Про наближення нарізно неперервних функцій, 2π -періодичних відносно другої змінної // *Карпат. мат. публ.* – 2010. – **2**, № 1. – С. 4–14.