

Н.Г. Сурьянинов, Е.В. Слабенко

ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ВНЕШНЕЙ НАГРУЗКИ В ЗАДАЧЕ ИЗГИБА ДЛИНОЙ ЦИЛИНДРИЧЕСКОЙ ОБОЛОЧКИ

Рассмотрено преобразование внешней нагрузки на цилиндрическую оболочку, которая зависит от двух переменных, к функции нагрузки, которая зависит только от одной переменной, что соответствует алгоритму численно-аналитического метода граничных элементов

Ключевые слова: внешняя нагрузка, цилиндрическая оболочка, граничные элементы, продольные кромки.

Рис. 2. Табл. 2. Форм. 7. Лит. 2.

М.Г. Сурьянинов, Е.В. Слабенко

ПЕРЕТВОРЕННЯ ЗОВНІШНЬОГО НАВАНТАЖЕННЯ В ЗАВДАННІ ВИГИНУ ДОВГОЇ ЦИЛІНДРИЧНОЇ ОБОЛОНКИ

Розглянуто перетворення зовнішнього навантаження на циліндричну оболонку, що залежить від двох змінних, до функції навантаження, що залежить тільки від однієї змінної, відповідно до алгоритму чисельно-аналітичного методу граничних елементів

Ключові слова: зовнішнє навантаження, циліндрична оболонка, граничні елементи, поздовжні кромки.

N.G. Suryaninov, E.V. Slabenko

THE TRANSFORMATION OF THE EXTERNAL LOAD IN THE PROBLEM OF BENDING A LONG CYLINDRICAL SHELL

A transformation of the external load on the cylindrical shell, which depends on two variables, a function of the load, which depends only on one variable that corresponds to the algorithm of the numerical-analytic boundary element method

Keywords: vnesnyaya load, cylindrical shell, hranychnye elements, prodolnye kromki.

В соответствии с известной концепцией численно-аналитического метода граничных элементов [1, 2], внешняя нагрузка, приложенная к цилиндрической оболочке, зависящая от двух переменных x и θ , должна быть преобразована к нагрузке, зависящей только от одной переменной θ , при известной функции распределения вдоль оси x системы координат. Рассмотрим наиболее общий случай внешней нагрузки на оболочку (рис. 1, 2) в системе осей x , S ($S = R\theta$).

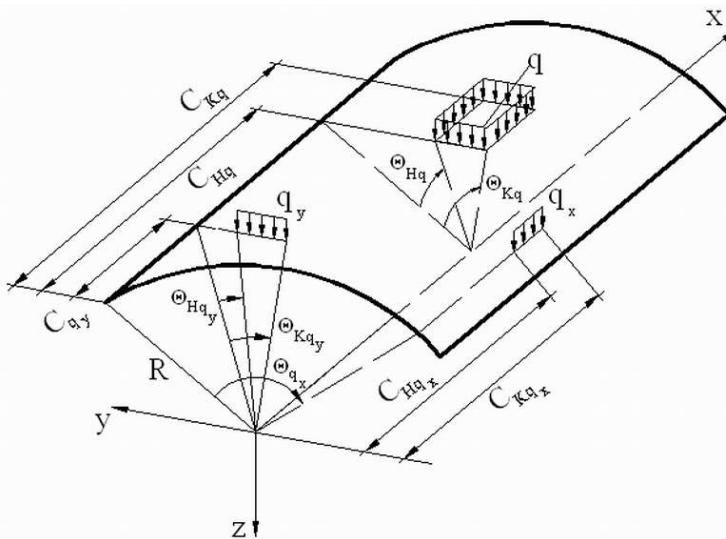


Рис. 1. Распределенные нагрузки на цилиндрическую оболочку

Искомую функцию внешней нагрузки можно представить в виде [1]

$$q(\theta) = \int_0^{l_1} q(x, \theta) X(x) dx. \quad (1)$$

При принятых обозначениях (рис. 1, 2) начальное выражение нагрузки $q(x, \theta)$, как функции двух переменных, запишем следующим образом:

$$\begin{aligned}
 q(x, \theta) = & \frac{F}{R} \delta(x - c_F) \delta(\theta - \theta_F) + M_x \delta'(x - c_{M_x}) \frac{1}{R} \delta(\theta - \theta_{M_x}) + \\
 & + M_y \delta(x - c_{M_y}) \frac{1}{R^2} \delta'(\theta - \theta_{M_y}) + \\
 & + q_x [H(x - c_{Hq_x}) - H(x - c_{Kq_x})] \frac{1}{R} \delta(\theta - \theta_{q_x}) + \\
 & + q_y [H(R\theta - R\theta_{Hq_y}) - H(R\theta - R\theta_{Kq_y})] \delta(x - c_{q_y}) + \\
 & + q [H(x - c_{Hq}) H(R\theta - R\theta_{Hq}) - H(x - c_{Kq}) H(R\theta - R\theta_{Kq})],
 \end{aligned} \tag{2}$$

где δ и H — функции Дирака и Хевисайда соответственно.

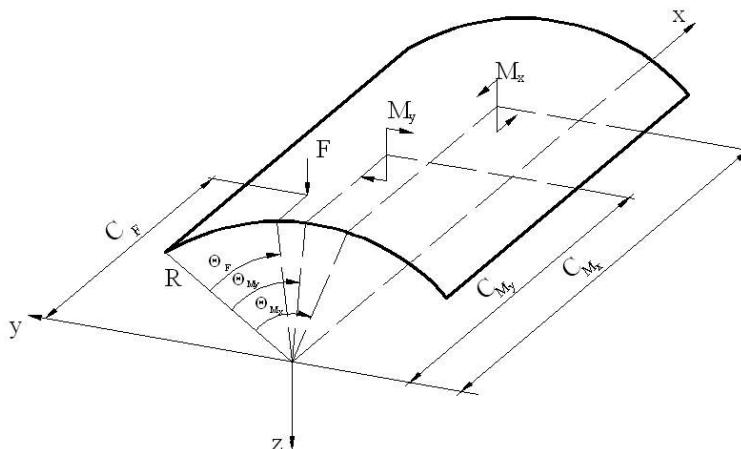


Рис. 2. Сосредоточенные нагрузки на цилиндрическую оболочку

Таблица 1. Аналитическое выражение функции $X(x)$

Схема балки	Форма собственных колебаний
	$X(x) = \sin(\omega x / l_1) - \text{sh}(\omega x / l_1) - \alpha_* [\cos(\omega x / l_1) - \text{ch}(\omega x / l_1)]$ $\alpha_* = \frac{\sin \omega - \text{sh} \omega}{\cos \omega - \text{ch} \omega}$
	$X(x) = \sin(\omega x / l_1) - \text{sh}(\omega x / l_1) - \alpha_* [\cos(\omega x / l_1) - \text{ch}(\omega x / l_1)]$ $\alpha_* = \frac{\sin \omega + \text{sh} \omega}{\cos \omega + \text{ch} \omega}$
	$X(x) = \sin(\omega x / l_1) - \text{sh}(\omega x / l_1) - \alpha_* [\cos(\omega x / l_1) - \text{ch}(\omega x / l_1)]$ $\alpha_* = \frac{\sin \omega + \text{sh} \omega}{\cos \omega + \text{ch} \omega}$
	$X(x) = \sin(\omega x / l_1)$
	$X(x) = \sin(\omega x / l_1) + \alpha_* \text{sh}(\omega x / l_1); \quad \alpha_* = \frac{\sin \omega}{\text{sh} \omega}$
	$X(x) = \sin(\omega x / l_1) + \text{sh}(\omega x / l_1) - \alpha_* [\cos(\omega x / l_1) + \text{ch}(\omega x / l_1)]$ $\alpha_* = \frac{\sin \omega - \text{sh} \omega}{\cos \omega - \text{ch} \omega}$

Выведем выражение $q(\theta)$ с учётом (2), рассматривая вариант жесткого защемления продольных кромок оболочки, при котором

$$X(x) = \sin \frac{\omega x}{l_1} - \text{sh} \frac{\omega x}{l_1} - \alpha_* \left[\cos \frac{\omega x}{l_1} - \text{ch} \frac{\omega x}{l_1} \right], \tag{3}$$

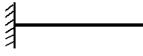
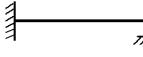
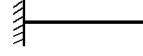
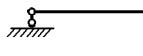
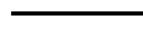
где $\alpha_* = \frac{\sin \omega - \text{sh} \omega}{\cos \omega - \text{ch} \omega}$, $\omega = 4,73004075$.

Выражения функции $X(x)$ при других условиях закрепления продольных кромок цилиндрической оболочки приведены в табл. 1. Значения частот ω при разных условиях закрепления даны в табл. 2.

Подставим (3) в (1):

$$q(\theta) = \int_0^{l_1} q(x, \theta) \left[\sin \frac{\omega x}{l_1} - sh \frac{\omega x}{l_1} - \alpha_* \left(\cos \frac{\omega x}{l_1} - ch \frac{\omega x}{l_1} \right) \right] dx. \quad (4)$$

Таблица 2. Значения частот ω ($l = 1$)

Схема	Уравнение	Частоты
	$\cos \omega \cdot ch\omega = 1$	$\omega_1 = 4,730; \omega_2 = 7,859;$ $\omega_3 = 10,996; \omega_4 = 14,137$
	$\sin \omega \cdot ch\omega = \cos \omega \cdot sh\omega$	$\omega_1 = 3,927; \omega_2 = 7,069;$ $\omega_3 = 10,210; \omega_4 = 13,352$
	$\cos \omega \cdot ch\omega = -1$	$\omega_1 = 1,875; \omega_2 = 4,694;$ $\omega_3 = 7,855; \omega_4 = 10,996$
	$\sin \omega = 0$	$\omega_1 = \pi; \omega_2 = 2\pi;$ $\omega_3 = 3\pi; \omega_4 = 4\pi$
	$\sin \omega \cdot ch\omega = \cos \omega \cdot sh\omega$	$\omega_1 = 0; \omega_2 = 3,927;$ $\omega_3 = 7,069; \omega_4 = 10,210$
	$\cos \omega \cdot ch\omega = 1$	$\omega_1 = 0; \omega_2 = 4,730;$ $\omega_3 = 7,853; \omega_4 = 10,996$

Таким образом, задача сводится к вычислению четырёх интегралов, алгебраическая сумма которых и будет представлять собой аналитическое выражение функции $q(\theta)$.

$$\begin{aligned} 1) \int_0^{l_1} q(x, \theta) \sin \frac{\omega x}{l_1} dx &= \int_0^{l_1} \frac{F}{R} \delta(x - c_F) \delta(\theta - \theta_F) \sin \frac{\omega x}{l_1} dx + \\ &+ \int_0^{l_1} \frac{M_x}{R} \delta'(x - c_{M_x}) \delta(\theta - \theta_{M_x}) \sin \frac{\omega x}{l_1} dx + \\ &+ \int_0^{l_1} \frac{M_y}{R^2} \delta(x - c_{M_y}) \delta'(\theta - \theta_{M_y}) \sin \frac{\omega x}{l_1} dx + \\ &+ \int_0^{l_1} \frac{q_x}{R} [H(x - c_{Hqx}) - H(x - c_{Kqx})] \delta(\theta - \theta_{qx}) \sin \frac{\omega x}{l_1} dx + \\ &+ \int_0^{l_1} q_y [H(R\theta - R\theta_{Hqy}) - H(R\theta - R\theta_{Kqy})] \delta(x - c_{qy}) \sin \frac{\omega x}{l_1} dx + \\ &+ \int_0^{l_1} q [H(x - c_{Hq}) H(R\theta - R\theta_{Hq}) - \\ &- H(x - c_{Kq}) H(R\theta - R\theta_{Kq})] \sin \frac{\omega x}{l_1} dx = \\ &= \frac{F}{R} \sin \frac{\omega c_F}{l_1} \delta(\theta - \theta_F) - \frac{M_x \omega}{R l_1} \cos \frac{\omega c_{M_x}}{l_1} \delta(\theta - \theta_{M_x}) + \\ &+ \frac{M_y}{R^2} \sin \frac{\omega c_{M_y}}{l_1} \delta'(\theta - \theta_{M_y}) + \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + \frac{l_1 q_x}{\omega R} \left(\cos \frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - \cos \frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} \right) \delta(\theta - \theta_{q_x}) + \\
& + q_y R \sin \frac{\omega c_{qy}}{l_1} [H(\theta - \theta_{Hqy}) - H(\theta - \theta_{Kqy})] - \\
& - \frac{q R l_1}{\omega} [(\cos \omega - \cos \frac{\omega c_{Hq}}{l_1}) H(\theta - \theta_{Hq}) - \\
& - (\cos \omega - \cos \frac{\omega c_{Kq}}{l_1}) H(\theta - \theta_{Kq})]; \\
2) & \int_0^{l_1} q(x, \theta) sh \frac{\omega_1 x}{l_1} dx = \int_0^{l_1} \frac{F}{R} \delta(x - c_F) \delta(\theta - \theta_F) sh \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} \frac{M_x}{R} \delta'(x - c_{M_x}) \delta(\theta - \theta_{M_x}) sh \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} \frac{M_y}{R^2} \delta(x - c_{M_y}) \delta'(\theta - \theta_{M_y}) sh \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} \frac{q_x}{R} [H(x - c_{Hqx}) - H(x - c_{Kqx})] \delta(\theta - \theta_{q_x}) sh \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} q_y R [H(\theta - \theta_{Hqy}) - H(\theta - \theta_{Kqy})] \delta(x - c_{qy}) sh \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} q R [H(x - c_{Hq}) H(\theta - \theta_{Hq}) - H(x - c_{Kq}) H(\theta - \theta_{Kq})] sh \frac{\omega x}{l_1} dx = \\
& = \frac{F}{R} sh \frac{\omega c_F}{l_1} \delta(\theta - \theta_F) - \frac{M_x \omega}{R l_1} ch \frac{\omega c_{M_x}}{l_1} \delta(\theta - \theta_{M_x}) + \\
& + \frac{M_y}{R^2} sh \frac{\omega c_{M_y}}{l_1} \delta'(\theta - \theta_{M_y}) - \\
& - \frac{l_1 q_x}{\omega R} \left(ch \frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - ch \frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} \right) \delta(\theta - \theta_{q_x}) + \\
& + q_y R sh \frac{\omega c_{qy}}{l_1} [H(\theta - \theta_{Hqy}) - H(\theta - \theta_{Kqy})] + \\
& + \frac{q R l_1}{\omega} [(ch \omega - ch \frac{\omega c_{Hq}}{l_1}) H(\theta - \theta_{Hq}) - \\
& - (ch \omega - ch \frac{\omega c_{Kq}}{l_1}) H(\theta - \theta_{Kq})]; \\
3) & \int_0^{l_1} q(x, \theta) \cos \frac{\omega_1 x}{l_1} dx = \int_0^{l_1} \frac{F}{R} \delta(x - c_F) \delta(\theta - \theta_F) \cos \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} \frac{M_x}{R} \delta'(x - c_{M_x}) \delta(\theta - \theta_{M_x}) \cos \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} \frac{M_y}{R^2} \delta(x - c_{M_y}) \delta'(\theta - \theta_{M_y}) \cos \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} \frac{q_x}{R} [H(x - c_{Hqx}) - H(x - c_{Kqx})] \delta(\theta - \theta_{q_x}) \cos \frac{\omega x}{l_1} dx +
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + \int_0^{l_1} q_y R [H(\theta - \theta_{Hqy}) - H(\theta - \theta_{Kqy})] \delta(x - c_{qy}) \cos \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} q R [H(x - c_{Hq}) H(\theta - \theta_{Hq}) - \\
& - H(x - c_{Kq}) H(\theta - \theta_{Kq})] \cos \frac{\omega x}{l_1} dx = \\
& = \frac{F}{R} \cos \frac{\omega c_F}{l_1} \delta(\theta - \theta_F) + \frac{M_x \omega}{R l_1} \sin \frac{\omega c_{M_x}}{l_1} \delta(\theta - \theta_{M_x}) + \\
& + \frac{M_y}{R^2} \cos \frac{\omega c_{M_y}}{l_1} \delta'(\theta - \theta_{M_y}) - \\
& - \frac{l_1 q_x}{\omega R} \left(\sin \frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - \sin \frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} \right) \delta(\theta - \theta_{qx}) + \\
& + q_y R \cos \frac{\omega c_{qy}}{l_1} [H(\theta - \theta_{Hqy}) - H(\theta - \theta_{Kqy})] + \\
& + \frac{q R l_1}{\omega} \left[(\sin \omega - \sin \frac{\omega c_{Hq}}{l_1}) H(\theta - \theta_{Hq}) - \right. \\
& \quad \left. - (\sin \omega - \sin \frac{\omega c_{Kq}}{l_1}) H(\theta - \theta_{Kq}) \right]; \\
4) & \int_0^{l_1} q(x, \theta) ch \frac{\omega_1 x}{l_1} dx = \int_0^{l_1} \frac{F}{R} \delta(x - c_F) \delta(\theta - \theta_F) ch \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} \frac{M_x}{R} \delta'(x - c_{M_x}) \delta(\theta - \theta_{M_x}) ch \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} \frac{M_y}{R^2} \delta(x - c_{M_y}) \delta'(\theta - \theta_{M_y}) ch \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} \frac{q_x}{R} [H(x - c_{Hqx}) - H(x - c_{Kqx})] \delta(\theta - \theta_{qx}) ch \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} q_y R [H(\theta - \theta_{Hqy}) - H(\theta - \theta_{Kqy})] \delta(x - c_{qy}) ch \frac{\omega x}{l_1} dx + \\
& + \int_0^{l_1} q R [H(x - c_{Hq}) H(\theta - \theta_{Hq}) - H(x - c_{Kq}) H(\theta - \theta_{Kq})] ch \frac{\omega x}{l_1} dx = \\
& = \frac{F}{R} ch \frac{\omega c_F}{l_1} \delta(\theta - \theta_F) - \frac{M_x \omega}{R l_1} sh \frac{\omega c_{M_x}}{l_1} \delta(\theta - \theta_{M_x}) + \\
& + \frac{M_y}{R^2} ch \frac{\omega c_{M_y}}{l_1} \delta'(\theta - \theta_{M_y}) - \\
& - \frac{l_1 q_x}{\omega R} \left(sh \frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - sh \frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} \right) \delta(\theta - \theta_{qx}) + \\
& + q_y R ch \frac{\omega c_{qy}}{l_1} [H(\theta - \theta_{Hqy}) - H(\theta - \theta_{Kqy})] +
\end{aligned}$$

$$+\frac{qRl_1}{\omega}[(sh\omega - sh\frac{\omega c_{Hq}}{l_1})H(\theta - \theta_{Hq}) - \\ -(sh\omega - sh\frac{\omega c_{Kq}}{l_1})H(\theta - \theta_{Kq})].$$

Подставим эти четыре интеграла в (4):

$$\begin{aligned} q(\theta) = & \frac{F}{R}\delta(\theta - \theta_F)\left[\sin\frac{\omega c_F}{l_1} - sh\frac{\omega c_F}{l_1} - \alpha_*\left(\cos\frac{\omega c_F}{l_1} - ch\frac{\omega c_F}{l_1}\right)\right] - \\ & \frac{M_x\omega}{Rl_1}\delta(\theta - \theta_{Mx})\left[\cos\frac{\omega c_{Mx}}{l_1} - ch\frac{\omega c_{Mx}}{l_1} + \alpha_*\left(\sin\frac{\omega c_{Mx}}{l_1} + sh\frac{\omega c_{Mx}}{l_1}\right)\right] + \\ & + \frac{M_y}{R^2}\delta'(\theta - \theta_{My})\left[\sin\frac{\omega c_{My}}{l_1} - sh\frac{\omega c_{My}}{l_1} - \alpha_*\left(\cos\frac{\omega c_{My}}{l_1} - ch\frac{\omega c_{My}}{l_1}\right)\right] + \\ & + \frac{l_1q_x}{\omega R}\delta(\theta - \theta_{qx})\left[\cos\frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - \cos\frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} + ch\frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - ch\frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} + \right. \\ & \left. + \alpha_*\left(\sin\frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - \sin\frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} - sh\frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} + sh\frac{\omega c_{Kqx}}{l_1}\right)\right] + \\ & + q_yR[H(\theta - \theta_{Hqy}) - H(\theta - \theta_{Kqy})]\times \\ & \times \left[\sin\frac{\omega c_{qy}}{l_1} - sh\frac{\omega c_{qy}}{l_1} - \alpha_*\left(\cos\frac{\omega c_{qy}}{l_1} - ch\frac{\omega c_{qy}}{l_1}\right)\right] - \\ & - \frac{qRl_1}{\omega}\left\{H(\theta - \theta_{Hq})\left[\cos\omega - \cos\frac{\omega c_{Hq}}{l_1} + ch\omega - ch\frac{\omega c_{Hq}}{l_1} + \right. \right. \\ & \left. \left. + \alpha_*\left(\sin\omega - \sin\frac{\omega c_{Hq}}{l_1} - sh\omega + sh\frac{\omega c_{Hq}}{l_1}\right)\right] - \right. \\ & \left. - H(\theta - \theta_{Kq})\left[\cos\omega - \cos\frac{\omega c_{Kq}}{l_1} + \right. \right. \\ & \left. \left. - ch\frac{\omega c_{Kq}}{l_1} + \alpha_*\left(\sin\omega - \sin\frac{\omega c_{Kq}}{l_1} - sh\omega + sh\frac{\omega c_{Kq}}{l_1}\right)\right]\right\}. \quad (5) \end{aligned}$$

Введём дополнительные обозначения для составляющих выражения (5), которые не зависят от θ :

$$\begin{aligned} K_1 &= \sin\frac{\omega c_F}{l_1} - sh\frac{\omega c_F}{l_1} - \alpha_*\left(\cos\frac{\omega c_F}{l_1} - ch\frac{\omega c_F}{l_1}\right); \\ K_2 &= \cos\frac{\omega c_{Mx}}{l_1} - ch\frac{\omega c_{Mx}}{l_1} + \alpha_*\left(\sin\frac{\omega c_{Mx}}{l_1} + sh\frac{\omega c_F}{l_1}\right); \\ K_3 &= \sin\frac{\omega c_{My}}{l_1} - sh\frac{\omega c_{My}}{l_1} - \alpha_*\left(\cos\frac{\omega c_{My}}{l_1} - ch\frac{\omega c_{My}}{l_1}\right); \\ K_4 &= \cos\frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - \cos\frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} + ch\frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - ch\frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} + \\ & + \alpha_*\left(\sin\frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} - \sin\frac{\omega c_{Kqx}}{l_1} - sh\frac{\omega c_{Hqx}}{l_1} + sh\frac{\omega c_{Kqx}}{l_1}\right); \quad (6) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 K_5 &= \sin \frac{\omega c_{qy}}{l_1} - sh \frac{\omega c_{qy}}{l_1} - \alpha_* \left(\cos \frac{\omega c_{qy}}{l_1} - ch \frac{\omega c_{qy}}{l_1} \right); \\
 K_6 &= \cos \omega - \cos \frac{\omega c_{Hq}}{l_1} + ch \omega - ch \frac{\omega c_{Hq}}{l_1} + \\
 &+ \alpha_* \left(\sin \omega - \sin \frac{\omega c_{Hq}}{l_1} - sh \omega + sh \frac{\omega c_{Hq}}{l_1} \right); \\
 K_7 &= \cos \omega - \cos \frac{\omega c_{Kq}}{l_1} + ch \omega - ch \frac{\omega c_{Kq}}{l_1} + \\
 &+ \alpha_* \left(\sin \omega - \sin \frac{\omega c_{Kq}}{l_1} - sh \omega + sh \frac{\omega c_{Kq}}{l_1} \right).
 \end{aligned}$$

Учитывая (6), окончательно функцию внешней нагрузки можно представить в виде:

$$\begin{aligned}
 q(\theta) = & K_1 \frac{F}{R} \delta(\theta - \theta_F) - K_2 \frac{M_x \omega}{R l_1} \delta(\theta - \theta_{M_x}) + \\
 & + K_3 \frac{M_y}{R^2} \delta'(\theta - \theta_{M_y}) + \\
 & + K_4 \frac{l_1 q_x}{\omega R} \delta(\theta - \theta_{q_x}) + \\
 & + K_5 q_y R [H(\theta - \theta_{Hq_y}) - H(\theta - \theta_{Kq_y})] - \\
 & - \frac{q R l_1}{\omega} [K_6 H(\theta - \theta_{Hq}) - K_7 H(\theta - \theta_{Kq})].
 \end{aligned} \tag{7}$$

Отметим, что рассмотренный случай жесткого закрепления продольных кромок цилиндрической оболочки можно считать “базовым” в том смысле, что при всех других условиях закрепления (табл. 1) выражение $q(\theta)$ строится на основе той или иной комбинации вычисленных четырёх интегралов.

1. Дащенко А.Ф. Численно-аналитический метод граничных элементов / А.Ф. Дащенко, Л.В. Коломиец, В.Ф. Оробей, Н.Г. Сурьянинов – Одесса: ВМВ, 2010. – В 2–х томах. – Т.1. – 416 с. – Т. 2. – 512 с.
2. Дащенко А.Ф. MATLAB в механике деформируемого твердого тела. Алгоритмы и программы / А.Ф. Дащенко, В.Ф. Оробей, Н.Г. Сурьянинов – Харьков: БУРУН КНИГА, 2011. – 480 с.

Стаття надійшла до редакції 24.09.2013.