УДК:620.197.5^669.788

РОЗПОДІЛ КОНЦЕНТРАЦІЇ ВОДНЮ В КОМПАКТНОМУ ЗРАЗКУ ЗА ЕЛЕКТРОЛІТИЧНОГО НАВОДНЮВАННЯ

О. Я. ЧЕПІЛЬ, І. П. ШТОЙКО

Фізико-механічний інститут ім. Г. В. Карпенка НАН України, Львів

Запропонована розрахункова модель для визначення розподілу концентрації водню в компактному зразку за електролітичного наводнювання. Зразок змодельовано паралелепіпедом, протилежна до вершини тріщини поверхня якого на певну глибину занурена в електроліт, з допомогою рівняння Фіка з початковими і граничними умовами. На зануреній поверхні задана постійна концентрація водню, а на іншій – нульова. Модель реалізовано методом скінченних елементів і визначено розподіл концентрації водню в паралелепіпеді за геометрією і часом.

Ключові слова: концентрація водню, електролітичне наводнювання, компактний зразок, рівняння Фіка, метод скінченних елементів.

Вступ. В елементах різних конструкцій, які контактують з воденьвмісними середовищами і піддані силовим навантаженням, утворюються воднево-механічні тріщини, що призводять до їх руйнування, а отже, до масштабних аварій та екологічних катастроф. Тому необхідні методи оцінки їх залишкового ресурсу.



Рис. 1. Схема розтягу компактного зразка за електролітичного наводнювання.

Fig. 1. Scheme of a compact sample tension for electrolytic hydrogenation.

Сьогодні відомі [1-9] результати експериментальних та теоретичних досліджень руйнування металевих матеріалів за дії воденьвмісного середовища. Для вивчення впливу водню на їх механічні і міцнісні властивості, особливо на тріщиностійкість за довготривалих статичних чи циклічних навантажень, слід розробити відповідні методики, побудовані на силових схемах деформування і руйнування зразків з тріщинами у камерах з воднем за контрольованого тиску. Для їх реалізації вибирають компактні зразки з відповідно навантаженою, електролітично наводненою і протилежною до тріщини поверхнею, а також водневі камери (рис. 1) [6]. Визначають розподіл концентрації водню в зразку, який дифундує назустріч руху контуру тріщини. Досліджували паралелепіпедоподіб-

ний зразок (рис. 2*a*) розмірами $30 \times 50 \times 5$ mm, занурений на 5 mm у воденьвмісне середовище. Щоб використати метод скінченних елементів, зразок розбивали на 9000 восьмигранних елементів (рис. 2*b*). Задачу розв'язували за допомогою програмного пакета MSC Marc Mentat 2014.0.0. Вважали, що починаючи із точки *O* (рис. 2*a*), з часом зароджуватиметься тріщина і визначали зміну концентрації водню в її околі. Для цього використовували рівняння Фіка [10–13]

Контактна особа: О. Я. ЧЕПІЛЬ, e-mail: chepil@ipm.lviv.ua

$$\frac{\partial C}{\partial t} = \nabla \left(D(T) \nabla C \right) - \nabla \left(\frac{DV_H}{RT} \nabla \sigma_h \right), \tag{1}$$

з крайовими та початковою умовами

$$C(y \in [0, y_1], t) = K_S(T) \cdot \sqrt{p}, \ C(y, t = 0) = 0,$$
(2)

де температурні залежності коефіцієнтів дифузії D та розчинності водню K_s для трубчастої сталі X60 визначені раніше [1, 14–16].



За отриманими результатами знайшли розподіл концентрації водню за товщиною (рис. 3*a*) та шириною зразка (рис. 3*b*) у момент досягнення максимального ступеня наводнювання на рівні досліджуваної точки. Виявили, що максимальна концентрація в цій точці досягається після 180 h наводнювання (рис. 4.) Після апроксимації розрахункових даних за допомогою програмного пакета Wolfram Mathematica 10 встановили степеневу залежність зміни відносної концентрації водню по товщині

$$C_{\rm H} = C_{\rm H}^0 (0,066 \cdot z + 3,15 \cdot z^2 - 5,02 \cdot z^3 + 3,25 \cdot z^4 - 0,97 \cdot z^5 + 0,11 \cdot z^6)$$
(3)

та ширині

$$C_{\rm H} = C_{\rm H}^0 (48,74 \cdot x^2 - 186,8 \cdot x^3 + 187 \cdot x^4 - 1,03 \cdot x) \tag{4}$$

зразка, а також залежність її зміни з часом в околі точки О:

$$C_{\rm H} = C_{\rm H}^0 (4,89 \cdot 10^{-4} \cdot t + 6,19 \cdot 10^{-5} \cdot t^2 + 3,37 \cdot 10^{-7} \cdot t^3 + 4,34 \cdot 10^{-10} \cdot t^4 + 2,03 \cdot 10^{-4} \cdot t^5 - 5,96 \cdot 10^{-3}).$$
(5)



Рис. 3. Розподіл концентрації водню після 180 h наводнювання: *a* – по товщині зразка; *b* – по ширині.

Fig. 3. Distribution of hydrogen concentration after 180 h of hydrogenation: a – along the sample thickness; b – along its width.







Формули (3)–(5) придатні для експериментальних досліджень залежності характеристик статичної і циклічної тріщиностійкості металевих матеріалів від концентрації водню.

ВИСНОВКИ

Методом скінченних елементів розв'язана задача про розподіл концентрації водню в компактному зразку за електролітичного наводнювання. Вважали, що протилежна вершині тріцини поверхня компактного зразка занурена в електроліт. Побудовані наближені формули для визначення розподілу концентрації водню в компактному зразку за геометрією і часом.

РЕЗЮМЕ. Предложена расчетная модель для определения распределения кон-

центрации водорода в компактном образце при электролитическом наводороживании. Компактный образец смоделирован параллелепипедом, противоположная к вершине трещины поверхность которого погружена на определенную глубину в электролит, с помощью уравнения Фика с начальными и граничными условиями. На погруженной поверхности задана постоянная концентрация водорода, а на другой – нулевая. Математическую модель реализовано методом конечных элементов и определено распределение концентрации водорода в параллелепипеде по геометрии и времени.

SUMMARY. A computational model is proposed for determining the distribution of hydrogen concentration in a compact sample under its electrolytic hydrogenation. In this case the compact sample is modeled by a parallelepiped, which is immersed for a certain depth opposite to the crack tip in the electrolyte, through which its electrolytic hydrogenation passes. The mathematical model used is the Fick equation with initial and boundary conditions, where a constant concentration of hydrogen is set on the immersed surface of the parallelepiped, while on the other it is zero. Such a mathematical model is realized by the finite element method and the distribution of the hydrogen concentration in the parallelepiped is determined by geometry and time.

- Андрейків О. Є., Скальський В. Р., Гембара О. В. Метод оцінки високотемпературного водневого руйнування біметалевих елементів конструкцій // Фіз.-хім. механіка матеріалів. – 2000. – 36, № 4. – С. 15–22. (Andreikiv O. E., Skal's'kyi V. R., and Gembara O. V. Method for the investigation of hightemperature hydrogen-assisted fracture of bimetallic structural elements // Materials Science.
- 2000. 36, № 4. P. 489-498.)
 2. Panasyuk V., Ivanytskyi Ya., and Hembara O. Assessment of hydrogen effect on fracture resistance under complex-mode loading // Eng. Frac. Mech. 2012. 83. P. 54-61.
- 3. Гембара О. В., Андрейків О. Є. Вплив наводнювання стінок нафтових та газових трубопроводів на їх ґрунтову корозію і довговічність // Фіз.-хім. механіка матеріалів. – 2011. – 47, № 5. – С. 27–34. (*Hembara O. V. and Andreikiv O. E.* Effect of hydrogenation of the walls of oil-and-gas

pipelines on their soil corrosion and service life // Materials Science. – 2012. – 47, $N_{\rm D}$ 5. – P. 598–607.)

Визначення концентрації водню у зоні передруйнування біля вершини тріщини / Я. Л. Іваницький, О. В. Гембара, О. Д. Сміян, М. Ковалік // Фіз.-хім. механіка матеріалів. – 2010. – 46, № 6. – С. 51–55.

(*Evaluation* of the concentration of hydrogen in the process zone near the crack tip / Ya. L. Ivanyts'kyi, O. V. Hembara, O. D. Smiyan, M. Kowalik // Materials Science. – 2011. - 46, No 6. - P.769-774.)

- Розрахунок залишкової довговічності тривало експлуатованої ділянки магістрального газопроводу / О. Є. Андрейків, О. В. Гембара, О. Т. Цирульник, Л. І. Ниркова // Фіз.хім. механіка матеріалів. – 2012. – 48, № 2. – С. 103–110. (*Evaluation* of the residual lifetime of a section of a main gas pipeline after long-term operation / О. Е. Andreikiv, О. V. Hembara, О. Т. Tsyrul'nyk, L. I. Nyrkova // Materials Science. – 2012. – 48, № 2. – Р. 231–238.)
- Андрейків О. Є., Іваницький Я. Л. Методологічні аспекти оцінки характеристик тріщиностійкості матеріалу у водневому середовищі під сталим та циклічним навантаженням // Фіз.-хім. механіка матеріалів. 1998. 34, № 4. С. 5–20. (Andreikiv O. E. and Ivanyts'kyi Ya. L. Methodological aspects of evaluation of the characteristics of crack-growth resistance of materials in hydrogen environments under sustained and cyclic loading // Materials Science. 1998. 34, № 4. Р. 447–468.)
- Вплив напружено-деформованого стану на розподіл концентрації водню у зоні передруйнування / В. В. Панасюк, Я. Л. Іваницький, О. В. Гембара, В. М. Бойко // Фіз.-хім. механіка матеріалів. – 2014. – 50, № 3. – С. 7–14. (*Influence* of the stress-strain state on the distribution of hydrogen concentration in the process zone / V. V. Panasyuk, Ya. L. Ivanyts'kyi, O. V. Hembara, V. M. Boiko // Materials Science. – 2014. – 50, № 3. – Р. 315–323.)
- Кроншталь О. В., Харин В. С. Влияние неоднородности материалов и теплосмен на диффузию водорода как фактор риска развития водородной деградации металлов // Фіз.-хім. механіка матеріалів. – 1992. – 28, № 6. – С. 7– 20. (Kronshtal' O. V. and Kharin V. S. Effect of heterogeneity of materials and heat cycles on diffusion of hydrogen as a factor of the risk of development of hydrogen degradation of metals // Soviet Materials Science. – 1992. – 28, № 6. – Р. 475–486.)
- Андрейків О. Є., Сас Н. Б. Докритичний ріст плоскої тріщини в тривимірному тілі за високотемпературної повзучості // Фіз.-хім. механіка матеріалів. – 2008. – 44, № 2. – С. 19–26. (Andreikiv O. E. and Sas N. B. Subcritical growth of a plane crack in a three-dimensional body under the conditions of high-temperature creep // Materials Science. – 2008. – 44, № 2. – P. 163–174.)
- 10. Гембара О. В. Скінченно-елементне моделювання масопереносу в структурно-неоднорідних матеріалах // Фіз.-хім. механіка матеріалів. – 2003. – **39**, № 5. – С. 89–95. (*Gembara O. V.* Finite-element simulation of mass transfer in structurally inhomogeneous materials // Materials Science. – 2003. – **39**, № 5. – Р. 712–720.)
- Гембара О. В., Терлецька З. О., Чепіль О. Я. Концентрація водню біля вершини корозійної тріщини // Фіз.-хім. механіка матеріалів. 2008. 44, № 1. С. 109–111. (Gembara O. V., Terlets'ka Z. O., and Chepil' O. Ya. Hydrogen concentration near the tip of a corrosion crack // Materials Science. – 2008. – 44, № 1. – Р. 133–137.)
- 12. Гембара О. В., Терлецька З. О., Чепіль О. Я. Визначення електричних полів у системі електроліт-метал // Фіз.-хім. механіка матеріалів. 2007. **43**, № 2. С. 71–77. (*Hembara O. V., Terlets'ka Z. O., and Chepil' O. Ya.* Determination of electric fields in electrolyte-metal systems // Materials Science. 2007. **43**, № 2. Р. 222–229.)
- Гембара О. В., Чепіль О. Я., Гембара Н. Т. Вплив параметрів дискредитації на точність числового розв'язку тривимірної задачі дифузії водню // Фіз.-хім. механіка матеріалів. 2016. 52, № 2. С. 119–123. (Hembara O. V., Chepil' O. Ya., and Hembara N. T. Influence of the parameters of discreti-

zation on the accuracy of numerical solution of the three-dimensional problem of hydrogen diffusion // Materials Science. -2016. -52, $N_{\rm e} 2. - P. 280-286.$)

- 14. Андрейків О. С., Сас Н. Б. Механіка руйнування металевих пластин за високотемпературної повзучості // Фіз.-хім. механіка матеріалів. – 2006. – **42**, № 2. – С. 62–68. (*Andreikiv O. E. and Sas N. B.* Fracture mechanics of metallic plates under the conditions of high-temperature creep // Materials Science. – 2006. – **42**, № 2. – Р. 210–219.)
- 15. *Panasyuk V. V., Andreikiv O. E., and Stadnik M. M.* Elastic equilibrium of unlimited body with a fine inclusion // Доп. АН УРСР. Сер. А: Фіз.-мат. та техн. науки. 1976. № 7. Р. 636–639.
- Panasyuk V. V., Andreykiv O. Y., and Ritchie R. O. Estimation of the effects of plasticity and resulting crack closure during small fatigue crack growth // Int. J. of Fract. – 2001. – № 2. – P. 99–115.

Одержано 27.02.2018