# Особенности электронной структуры слоистых сверхпроводников RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> и FeSe

А.В. Логоша, Г.Е. Гречнев, А.А. Лёгенькая, А.С. Панфилов

Физико-технический институт низких температур им. Б.И. Веркина, пр. Ленина, 47, г. Харьков, 61103, Украина E-mail: logosha@ilt.kharkov.ua

Статья поступила в редакцию 28 октября 2013 г.

Проведены расчеты из первых принципов электронной структуры и ряда термодинамических характеристик слоистых магнитных сверхпроводников систем  $RNi_2B_2C$ ,  $RFe_4Al_8$  и FeSe в нормальной фазе. Выполнен анализ электронных состояний и взаимодействий, ответственных за электронные, структурные и магнитные свойства исследуемых систем.

Проведено розрахунки з перших принципів електронної структури та ряду термодинамічних характеристик шаруватих магнітних надпровідників систем RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> и FeSe в нормальному стані. Проведено аналіз електронних станів та взаємодій, що відповідають за електронні, структурні та магнітні властивості досліджуваних систем.

РАСS: 74.20.Рарасчеты электронной структуры; 74.62.Fj Эффекты давления;

74.70.Dd Тернарные, кватернарные и многокомпонентные соединения (в том числе фазы

Шевреля, борокарбиды и т.д.);

74.70.Ха Пниктиды и халькогениды;

75.10.Lp Зонная модель и модель делокализованных электронов.

Ключевые слова: электронная структура, магнитные сверхпроводники, RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>, FeSe.

#### 1. Введение

Открытие сверхпроводимости в борокарбидах переходных металлов с общей формулой  $RNi_2B_2C$  (R = Y, Dy, Ho, Er, Tm или Lu) и ее сосуществование с магнетизмом стимулировало значительный научный интерес к данным системам [1]. Позже сверхпроводимость была также обнаружена в магнитных соединениях YFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>, LuFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> и ScFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> при температурах ниже 6 K [2,3]. В 2008 г. был открыт новый класс слоистых сверхпроводников на основе железа. Одним из представителей данного класса является соединение FeSe, для которого характерны простейшая кристаллическая структура среди новых сверхпроводников на основе железа, а также чрезвычайно большое влияние давления на температуру сверхпроводящего перехода [4-6]. В целом для этих слоистых систем 3d-металлов характерно сосуществование магнетизма и сверхпроводимости. Относительная структурная простота соединений RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> и FeSe способствует изучению воздействия химического замещения, высокого давления, а также одноосных деформаций на их физические свойства. Такие исследования могут способствовать выявлению механизма сверхпроводимости в этих системах, содержащих атомы магнитных 3*d*-металлов.

Выяснение микроскопических механизмов, определяющих электрические и магнитные свойства металлических систем, предполагает детальное экспериментальное и теоретическое изучение электронной структуры зоны проводимости. Несмотря на то, что в последние годы были проведены расчеты электронных спектров борокарбидов никеля [7-9] и сверхпроводящего соединения FeSe [10-12], данные об электронной энергетической структуре этих систем все еще немногочисленны и противоречивы. При этом, как было установлено в исследованиях магнитных сверхпроводников методами спектроскопии с угловым разрешением (ARPES) [13], характерной чертой этих систем является наличие специфических особенностей электронной структуры в узком энергетическом интервале — малой окрестности энергии Ферми E<sub>F</sub>. В последнее время технологический прогресс в выращивании монокристаллических образцов дал возможность исследования тонкой структуры электронных энергетических спектров и поверхности Ферми борокарбидов (с помощью эффекта де Гааза–ван Альфена [14,15]) и ARPES [16]), а также соединения FeSe (ARPES, [17]).

Для анализа магнитных и сверхпроводящих свойств соединений RNi2B2C, RFe4Al8 и FeSe, в том числе при воздействии давления, были проведены детальные расчеты из первых принципов их зонной структуры и ряда термодинамических характеристик, а также зависимости этих характеристик от объема и структурных параметров. Результаты расчетов позволили выявить ряд особенностей электронной структуры, которые могут обусловливать проявление нетривиальных структурных, магнитных и сверхпроводящих свойств этих систем.

## 2. Методика расчетов электронной структуры

Расчеты электронной структуры проводились с использованием модифицированного релятивистского метода LMTO с полным потенциалом (FP-LMTO, peaлизация RSPt [18-20]) и метода линеаризованных присоединенных плоских волн с полным потенциалом (FP-LAPW, реализация Elk [21]). Обменно-корреляционный потенциал учитывался как в рамках приближения локальной плотности (LDA) [22], так и в приближении обобщенного градиента (GGA) [23] теории функционала плотности (DFT). Для расчетов электронных структур соединений 3*d*-металлов использовались разложения по сферическим гармоникам базисных волновых функций внутри МТ сфер, с сохранением значений главного *n* и орбитального *l* квантовых чисел, соответствующих внешним электронным оболочкам атомов. В процессе проведения самосогласованных расчетов кристаллического потенциала состояния ионного остова вычислялись отдельно на каждой итерации, т.е. приближение «замороженного остова» не использовалось. Это позволило существенно повысить точность и надежность расчетов. В рамках используемых методов FP-LMTO и FP-LAPW с полным потенциалом никакие ограничения не накладывались на плотность заряда или потенциал исследуемых систем, что особенно важно для анизотропных слоистых структур исследуемых магнитных сверхпроводников.

В ходе самосогласованных расчетов на каждой итерации при вычислении электронной плотности интегрирование по зоне Бриллюэна сводится к интерполяции значений подынтегрального выражения для конечного числа точек k в неприводимой части зоны Бриллюэна. При этом использовалась эффективная схема так называемых специальных точек [20], фактически сводящаяся к построению кубатурных формул для зоны Бриллюэна с учетом точечной группы симметрии данного кристалла. При вычислении плотности электронных состояний твердых тел N(E), а также

различных магнитных характеристик интегрирование по зоне Бриллюэна проводилось с использованием метода тетраэдров на густой сетке в пространстве квазиимпульсов (см. [20]). Расчеты электронной структуры соединений проводились для наборов параметров кристалллической решетки, которые выбирались близкими к экспериментальным. Вариации параметров кристаллических решеток позволяли имитировать влияние внешнего давления. Таким путем были проведены расчеты уравнений состояния для соединений, т.е. зависимостей полной энергии электронной подсистемы от объема E(V). Теоретические значения равновесных параметров решетки и модулей всестороннего сжатия определены из рассчитанных зависимостей E(V) с применением известного уравнения состояния Мурнагана [20].

В настоящей работе были также проведены расчеты электронной структуры соединений во внешнем магнитном поле **B** согласно [18,19]. При этом влияние внешнего магнитного поля на электронную структуру парамагнитной фазы учитывалось самосогласованным образом, в рамках локального приближения спиновой плотности LSDA, путем включения в гамильтониан FP-LMTO оператора Зеемана:

$$\mathcal{H}_{Z} = \mu_{B} \mathbf{B} \cdot (2\hat{\mathbf{s}} + \mathbf{l}), \tag{1}$$

где  $\hat{s}$  — оператор спина,  $\hat{l}$  — оператор орбитального углового момента. Вычисленные во внешнем поле **В** индуцированные спиновый и орбитальный магнитные моменты позволили получить соответствующие компоненты тензора магнитной восприимчивости,  $\chi_{spin}$  и  $\chi_{orb}$ , путем дифференцирования по полю индуцированных намагниченностей.

### 3. Электронная структура борокарбидов RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C

Кристаллическую структуру борокарбидов (типа  $YNi_2B_2C$ , пространственная группа I4/mmn) можно представить как модифицированный вариант объемноцентрированной тетрагональной структуры с чередующимися слоями  $Ni_2B_2$  и плоскими сетками Y–C (см. рис. 1). Положение атомов бора над плоскостью иттрий–углерод определяется структурным параметром *z*, который представляет собой высоту атомов бора над указанной плоскостью Y–C, выраженную в единицах параметра решетки *c*.

В настоящей работе проведены расчеты из первых принципов электронной структуры, плотности электронных состояний и ряда термодинамических характеристик соединений YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, LaNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и LuNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C. Эти соединения содержат немагнитные трехвалентные переходные металлы Y, La и Lu, внешние электронные оболочки которых аналогичны редкоземельным элементам R. Для каждого соединения расчеты электрон-



*Рис.* 1. Кристаллическая структура борокарбида YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C.

ной структуры проводились для ряда параметров решетки, близких к экспериментальным [24]. При этом отношение c/a было фиксированным и соответствовало экспериментальному значению для каждого соединения RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C.

Рассчитанные плотности электронных состояний N(E) этих борокарбидов никеля похожи, но отличаются в деталях и положением уровня Ферми  $E_F$  (см. рис. 2). Результаты расчетов парциальных плотностей состояний свидетельствуют о сильной гибридизации *d*-состояний никеля с р-состояниями бора. На рис. 3 представлено вычисленное в данной работе распределение зарядовой плотности в плоскости (100) элементарной ячейки YNi2B2C. Наибольшая плотность заряда относится к атомам никеля. На рисунке видна высокая концентрация заряда между атомами бора и никеля, что свидетельствует о ковалентном характере соответствующей химической связи. Ковалентная связь также характерна для вертикальных групп атомов В-С-В. С другой стороны, зарядовая плотность атомов У заметно локализована, и химическая связь У (или РЗМ) с атомами углерода имеет, скорее, ионный характер.

На рис. 2 видно, что в непосредственной близости от уровня Ферми в плотности электронных состояний сверхпроводящих борокарбидов  $YNi_2B_2C$  и Lu $Ni_2B_2C$  имеется острый пик, тогда как родственный пик в N(E) несверхпроводящего соединения La $Ni_2B_2C$  расположен заметно ниже  $E_F$ . Рассчитанная зонная струк-



Рис. 2. Плотность электронных состояний N(E) соединений YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, LaNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и LuNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C. Уровень Ферми (E = 0) отмечен вертикальной линией. На вставке представлена детальная зависимость N(E) для YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C.

тура соединения YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C представлена на рис. 4, где вблизи уровня Ферми можно видеть присутствие квазивырожденных состояний в окрестности точки симметрии  $\Gamma$  и на линии *P*–*Z*, а также почти бездисперсионной ветви спектра *E*(*k*) в направлении  $\Gamma$ –*X*. Положение этой ветви соответствует острому пику плотности состояний в окрестности *E<sub>F</sub>* (особенности Ван Хова на рис. 2). При этом основной вклад в *N*(*E<sub>F</sub>*) вносят *d*-состояния слоев никеля.

На рис. 5 представлена вычисленная в данной работе поверхность Ферми (ПФ) соединения YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, которая хорошо согласуется с данными спектроскопии с угловым разрешением ARPES [16]. Другим подтверждением надежности результатов настоящих расчетов электронной структуры борокарбидов никеля служит описание данных экспериментальных исследований низкотемпературных квантовых осцилляций магнитной восприимчивости — эффекта де Гааза-ван Альфена (дГвА) для соединений YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и LuNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C [14,15]. В частности, путем сопоставления с данными экспериментов для YNi2B2C и LuNi2B2C установлено, что обнаруженные в [14,15] низкочастотные ветви осцилляций дГвА  $F_{\alpha} \simeq 500$  Тл соответствуют сечениям ПФ в окрестности точки симметрии Г в зоне Бриллюэна (см. зависимости E(k) на рис. 4 и ПФ на рис. 5). Следует отметить, что при сдвиге уровня Ферми менее 0,1 эВ (что соответствует точности расчетов положения энергии Ферми из первых принципов) рассчитанные экстре-



*Рис.* 3. Сечение зарядовой плотности YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C плоскостью (100) элементарной ячейки.

мальные сечения  $F_{\alpha}$  ПФ соединений YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и LuNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C согласуются с данными [14,15] в пределах погрешности эксперимента. Отношение экспериментальных циклотронных масс к соответствующим расчетным,  $m_{\exp}^{c}/m_{\text{theor}}^{c} = 1 + \lambda$ , для сечений ПФ  $F_{\alpha}$  соединения YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C находится в пределах 1,5–1,7 для различных направлений магнитного поля, что дает разумное значение соответствующей константы многочастичного усиления масс,  $\lambda_{\alpha} \simeq 0,6$ .

Рассчитанные значения плотностей электронных состояний на уровне Ферми  $N(E_F)$  для борокарбидов никеля представлены в табл. 1 и могут быть сопоставлены с имеющимися экспериментальными данными о ко-



Рис. 4. Зонная структура YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C вдоль направлений симметрии зоны Бриллюэна. Уровень Ферми отмечен горизонтальной пунктирной линией.



Рис. 5. Рассчитанная поверхность Ферми соединения YNi2B2C.

эффициентах электронной теплоемкости  $\gamma_{exp}$  [25]. При этом отличие  $\gamma_{theor}$  и  $\gamma_{exp}$  обычно объясняют перенормировкой эффективных масс одноэлектронного спектра вследствие электрон-фононного взаимодействия:

$$\gamma_{\text{exp}} = (1 + \lambda)\gamma_{\text{theor}}, \qquad (2)$$

что дает возможность определить соответствующий параметр перенормировки  $\lambda$  (см. табл. 1).

На основании расчетных и экспериментальных данных из табл. 1 проведена оценка температур сверхпроводящего перехода для исследуемых борокарбидов никеля с использованием формулы Макмиллана [27]:

$$T_{c} = \frac{\Theta_{D}}{1,45} \exp\left[-\frac{1,04(1+\lambda)}{\lambda - \mu^{*}(1+0,62\lambda)}\right],$$
 (3)

где  $\Theta_D$  — температура Дебая,  $\lambda$  — константа электрон-фононного взаимодействия,  $\mu^*$  — кулоновский псевдопотенциал Мореля–Андерсона. Значение  $\mu^*$  бралось равным 0,13, принятым для переходных металлов [27]. Таким образом, используя экспериментальные значения температур Дебая  $\Theta_D$  и оцененные величины  $\lambda$ , получены значения  $T_c$ , хорошо согласующиеся с экспериментальными данными для YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и LuNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C (см. табл. 1). Отличие оценки  $T_c$  от эксперимента для LaNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C может быть обусловлено как погрешностями определения  $\gamma_{exp}$  и  $N(E_F)$ , так и большим спин-флуктуационным вкладом  $\lambda_{sf}$  в параметр перенормировки эффективных масс в (2):

$$\lambda = \lambda_{el-ph} + \lambda_{sf}, \qquad (4)$$

что может объяснить заметно меньшее значение  $\lambda_{el-ph}$ . Тем не менее данные в табл. 1 в целом свидетельствуют в пользу электрон-фононного механизма сверхпроводимости типа БКШ в борокарбидах никеля с  $\lambda \approx 1$ .

Расчеты методом FP-LMTO с включением оператора Зеемана (1) индуцированных полем спиновых и орбитальных (ван-флековских) магнитных моментов бы-

Соединение	V, Å <sup>3</sup>	$N(E_F)$ , сост./(эВ·яч.)	$d \ln N(E_F)/(d \ln V)$	γ <sub>ехр</sub> , мДж/(моль·К <sup>2</sup> )	$\Theta_D$ , K	λ	<i>Т<sub>с</sub></i> ехр, К	$T_{c \text{ theor}}, K$
YNi <sub>2</sub> B <sub>2</sub> C	65,9	4,30	0,93	18,2	490	0,8	15,6	15,3
LaNi2B2C	70,7	2,24	0,86	8,4	495	0,6	-	6,5
LuNi2B2C	63,8	4,07	0,83	19,5	360	1,0	16,6	17,8

Таблица 1. Термодинамические характеристики борокарбидов  $RNi_2B_2C$  (R = Y, La, Lu)

Примечание: V — объем элементарной ячейки,  $N(E_F)$  — плотность электронных состояний на уровне Ферми,  $\gamma$  — коэффициент электронной теплоемкости (из [25]),  $\Theta_D$  — температура Дебая (из [25]),  $\lambda$  — параметр перенормировки эффективных масс,  $T_c$  — температура перехода в сверхпроводящее состояние (из [25,26]).

ли проведены для соединений YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, LaNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и LuNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C во внешнем магнитном поле B = 10 Тл. Для тетрагональной кристаллической структуры соответствующие вклады в магнитную восприимчивость,  $\chi_{spin}$  и  $\chi_{orb}$ , рассчитаны для внешнего поля, направленного вдоль оси *c*. В табл. 2 приведены рассчитанные для YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, LaNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и LuNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C значения магнитной восприимчивости ( $\chi_{theor} = \chi_{spin} + \chi_{orb}$ ) в сопоставлении с имеющимися экспериментальными данными.

Таблица 2. Магнитная восприимчивость борокарбидов  $RNi_2B_2C$  (R = Y, La, Lu)

Соелицение	χspin	χorb	χtheor	Xexp	$d \ln \chi_{\text{theor}}$
Соединение	10 <sup>-4</sup> эме/моль				$d\ln V$
YNi <sub>2</sub> B <sub>2</sub> C	1,35	0,87	2,22	2,0 [28]	1,24
LaNi2B2C	0,96	0,72	1,68	1,0 [28]	1,83
LuNi2B2C	1,29	0,73	2,02	1,9 [ <b>29</b> ]	1,27

В общем виде полная восприимчивость в отсутствие спонтанного магнитного момента может быть выражена в виде слагаемых [18,19]

$$\chi_{\text{tot}} = \chi_{\text{spin}} + \chi_{\text{orb}} + \chi_{\text{dia}} + \chi_L, \qquad (5)$$

которые представляют соответственно спиновую восприимчивость Паули ( $\chi_{spin}$ ), орбитальный парамагнетизм Ван Флека ( $\chi_{orb}$ ), ланжевеновский диамагнетизм электронных оболочек ионов ( $\chi_{dia}$ ), а также орбитальный диамагнетизм электронов проводимости ( $\chi_L$ ). Из табл. 2 видно, что спиновый вклад и орбитальный вклад Ван Флека являются определяющими, причем  $\chi_{orb}$  дает существенный вклад в полную парамагнитную восприимчивость борокарбидов. Теоретический расчет диамагнетизма Ландау  $\chi_L$  для многозонного закона дисперсии электронов проводимости представляет собой весьма сложную процедуру [18,19], однако близость рассчитанных парамагнитных вкладов в  $\chi$  с экспериментальными значениями восприимчивости YNi2B2C и LuNi2B2C (см. табл. 2) позволяет предполагать, что в этих сверхпроводящих системах диамагнитные вклады в (5) незначительны.

Отметим, что рассчитанные значения магнитообъемного эффекта  $d \ln \chi_{\text{theor}}/d \ln V$  в борокарбидах никеля (табл. 2) заметно превосходят соответствующие параметры для парамагнетизма Паули (см. объемные производные плотности электронных состояний на уровне Ферми в табл. 1) и качественно согласуются с экспериментальными значениями  $d \ln \chi/d \ln V$  для классических сверхпроводящих переходных металлов — ванадия, ниобия и тантала (1,4; 1,7 и 1,1 соответственно [30,31]).

## 4. Электронная структура соединений RFe4Al8

Соединения RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> имеют объемно-центрированную тетрагональную кристаллическую структуру типа ThMn<sub>12</sub>, которая относится к пространственной группе симметрии *I4/mmm* [32]. В случае немагнитных трехвалентных переходных металлов ( $\mathbf{R} = \mathbf{Sc}$ , Y, Lu) в соединениях RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> была установлена тенденция к антиферромагнитному упорядочению моментов железа, хотя в литературе имеются весьма противоречивые экспериментальные данные о характере и температуре упорядочения, а также о величинах магнитных моментов (см. [2,3,32–34] и ссылки в этих работах).

В отличие от борокарбидов никеля, в литературе практически отсутствуют данные расчетов электронной структуры соединений RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>. В работе [33] основное внимание уделено расчетам магнитных моментов ионов железа в магнитоупорядоченной фазе YFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>. В настоящей работе проведены расчеты из первых принципов электронной структуры соединений YFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>, ScFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> и LuFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> в парамагнитной (PM), ферромагнитной (FM) и антиферромагнитной (AFM) фазах.

На рис. 6 представлена рассчитанная плотность электронных состояний соединения YFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> в парамагнитной фазе. Плотности состояний N(E) изоэлектронных соединений ScFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> и LuFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> весьма похожи и отличаются незначительными деталями. Вычисленные значения плотностей состояний для этих соединений на уровне Ферми приведены в табл. 3, причем доминирующий вклад в  $N(E_F)$  дают *d*-состояния железа. Как видно на рис. 6, для PM фазы соединения YFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> уровень Ферми расположен на крутом участке плотности состояний, где N(E) быстро растет с энергией в самой



*Рис. 6.* Плотность электронных состояний N(E) соединения YFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> в парамагнитной фазе. Уровень Ферми (E = 0) отмечен вертикальной линией.

непосредственной близости (~0,01 эВ) от острого пика плотности электронных состояний.

При магнитном упорядочении происходит расщепление по спину состояний пика N(E) на рис. 6 и формирование магнитных моментов на атоме железа. Как видно из табл. 3, это сопровождается заметным снижением  $N(E_F)$  для ферромагнитной и антиферромагнитной фаз RFe4Al8. Различие величин магнитных моментов на атоме железа для FM и AFM фаз оказалось незначительным в случае LuFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> и более заметным в ScFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>. При этом для всех трех исследуемых в данной работе соединений RFe4Al8 минимум полной энергии достигается при антиферромагнитном упорядочении моментов Fe в базисной плоскости вдоль направлений типа [100]. Расчетные значения магнитных моментов из табл. 3 качественно согласуются с данными эксперимента [34] для LuFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> ( $\simeq$ 1,3  $\mu_B$ ), а также расчетов [33] для  $YFe_4Al_8 (\simeq 1,25 \ \mu_B)$ .

Таблица 3. Плотности электронных состояний на уровне Ферми и магнитные моменты атомов железа соединений  $RFe_4Al_8$  (R = Sc, Y, Lu) в парамагнитной (PM), ферромагнитной (FM) и антиферромагнитной (AFM) фазах

Coommonwo	$N(E_F)$	, сост./(эl	<i>М</i> , µ <sub><i>B</i></sub> /(ат. Fe)		
Соединение	PM	FM	AFM	FM	AFM
ScFe <sub>4</sub> Al <sub>8</sub>	25,2	10,5	14,5	1,20	1,17
YFe <sub>4</sub> Al <sub>8</sub>	26,5	8,4	14,7	1,27	1,25
LuFe <sub>4</sub> Al <sub>8</sub>	27,0	11,5	14,3	1,24	1,22

Рассчитанное значение плотности электронных состояний на уровне Ферми для AFM фазы LuFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>,  $N(E_F) = 14,3$  сост./(эВ·яч.), может быть сопоставлено с экспериментальными данными для коэффициента электронной теплоемкости в этом соединении,  $\gamma_{exp} = 70 \text{ мДж/(моль·K}^2)$  [2]. Согласно (2), соответствующий параметр перенормировки эффективных масс одноэлектронного спектра составляет  $\lambda \simeq 1$ , что качественно согласуется с наблюдением сверхпроводимости в LuFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> [2,3]. Следует, однако, учитывать вклад в  $\lambda$  и спин-флуктуационного слагаемого в (4), которое может быть достаточно большим для систем с высокими значениями  $N(E_F)$  [19]. В силу этого вопрос о природе сверхпроводимости в соединениях RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> остается открытым.

## 5. Электронная структура соединения FeSe

Расчеты электронной структуры FeSe проводились для тетрагональной структуры P4/nmm, а также орторомбической структуры Cmma, которые соответствуют немагнитной сверхпроводящей фазе. Параметры кристаллической решетки соединения FeSe взяты из работ [4,35,36]. Рассчитанная в настоящей работе плотность электронных состояний тетрагонального FeSe представлена на рис. 7, при этом доминирующий вклад в  $N(E_F)$  дают 3*d*-состояния железа.

Как видно на рис. 7, уровень Ферми расположен в непосредственной близости ( $\sim 0,1$  эВ) от острого пика плотности электронных состояний. Аналогичная особенность N(E) вблизи  $E_F$  имеет место и в орторомбической фазе FeSe. Необходимо отметить, что в рамках DFT расчетов из первых принципов тонкие детали спектра E(k), в частности положение критических точек спектра относительно  $E_F$ , могут быть достоверно определены с точностью не более 0,1 эВ.

Рассчитанная в данной работе поверхность Ферми FeSe представлена на рис. 8 и качественно согласуется с результатами расчетов [10] и экспериментальными данными ARPES [17]. Поверхность Ферми состоит из двух гофрированных электронных цилиндров, центрированных в точке M зоны Бриллюэна, а также трех концентрических дырочных листов, окружающих точку симметрии Г. Электронные и дырочные листы ПФ соединения FeSe связаны нестинг-вектором  $\mathbf{Q} = (\pi, \pi, 0)$ , и такой нестинг ПФ способствует проявлению антиферромагнитных спиновых флуктуаций [10].

Согласно результатам проведенных расчетов электронной структуры и магнитной восприимчивости в нормальном состоянии во внешнем магнитном поле, соединение FeSe очень близко к магнитной неустойчивости с доминирующим обменно-усиленным спиновым парамагнетизмом  $\chi_{spin}$ . В рамках модели Стонера обменно-усиленный паулиевский спиновый вклад в магнитную восприимчивость можно представить в виде  $\chi_{Ston} = S\mu_B^2 N(E_F)$ , где S — фактор Стонера,  $N(E_F)$  — плотность состояний на уровне Ферми,  $\mu_B$  — магнетон Бора. Рассчитанное значение плотности электронных состояний на уровне Ферми для FeSe,



*Рис.* 7. Плотность электронных состояний N(E) соединения FeSe. Уровень Ферми (E = 0) отмечен вертикальной линией.

с учетом погрешности определения параметров решетки, составляет  $N(E_F) \simeq 1$  сост./(эВ·яч.). Используя экспериментальное значение восприимчивости FeSe в области низких температур,  $\chi \simeq 1,6\cdot10^{-4}$  эме/моль [37], получаем оценку фактора Стонера:  $S \simeq 5$ .

Расчетное  $N(E_F)$  также может быть сопоставлено с экспериментальными данными о коэффициенте электронной теплоемкости в FeSe,  $\gamma_{exp} = 5,73 \text{ мДж/(моль·K}^2)$ [38]. Согласно (2), соответствующий параметр перенормировки эффективных масс одноэлектронного спектра составляет  $\lambda \simeq 1,4$ . Если предположить возможность перехода FeSe в сверхпроводящее состояние при 8 К в рамках формализма (3), то, с использованием экспериментального значения  $\Theta_D = 210 \text{ K}$  из [38], можно оценить соответствующее значение параметра электронфононного взаимодействия,  $\lambda_{el-ph} \simeq 0.9$ . Следует, однако, учитывать вклад в  $\lambda$  и спин-флуктуационного слагаемого, что, согласно (4), дает оценку  $\lambda_{sf} \simeq 0,5$ .



*Рис.* 8. Поверхность Ферми соединения FeSe. Представлены внешние квазицилиндрические листы ПФ около точек симметрии M и  $\Gamma$  зоны Бриллюэна.

Обнаруженное экспериментально значительное влияние давления на температуру сверхпроводящего перехода [4,5], а также на магнитную восприимчивость  $\chi$  FeSe [37], свидетельствует о существенных изменениях электронной структуры под действием давления. Для выяснения характера этих изменений проведена оптимизация геометрии тетрагональной структуры Р4/птт для FeSe в рамках приближения GGA [23] и программы Elk [21]. Таким путем была рассчитана зависимость от давления параметров кристаллической решетки, в частности установлен рост под давлением относительной высоты Z атомов селена над плоскостью атомов железа. Эти результаты качественно согласуются с экспериментальными данными [35,36], а также с результатами DFT оптимизации параметров решетки FeSe в [39], выполненной в приближении LDA с использованием псевдопотенциальных программ Quantum Espresso и ABINIT.

С учетом установленных зависимостей параметров решетки FeSe под давлением в настоящей работе рассчитано поведение плотности электронных состояний на уровне Ферми  $N(E_F, P)$ , представленное на рис. 9. Отметим, что рассчитанное в приближении GGA [23] значение  $N(E_F, P = 0)$  примерно в 1,5 раза превосходит соответствующее значение на рис. 7, вычисленное в приближении LDA [22]. Рассчитанное для области малых давлений (0-0,3 ГПа, см. рис. 9) значение  $d \ln N(E_F)/dP \simeq 2,7 \cdot 10^{-2}$  ГПа<sup>-1</sup> качественно согласуется с экспериментальным значением барической производной магнитной восприимчивости в области низких температур,  $d \ln \gamma / dP \simeq 10 \cdot 10^{-2}$  ГПа<sup>-1</sup> (0 < P < 0,2 ГПа [37]), с учетом фактора обменного усиления Стонера  $(S \simeq 5)$ . В целом наблюдаемое в эксперименте [37] значительное положительное воздействие давления на  $\chi$  в FeSe при низких температурах связано с заметным возрастанием внутреннего структурного параметра Z под давлением.



*Рис.* 9. Зависимость плотности электронных состояний на уровне Ферми  $N(E_F)$  соединения FeSe от давления. На вставке представлена экспериментальная зависимость  $T_c$  FeSe от давления из [6].

Необходимо отметить, что рассчитанная зависимость  $N(E_F, P)$  на рис. 9 качественно коррелирует с характерным немонотонным поведением температуры сверхпроводящего перехода соединения FeSe в широком интервале давлений (см. рис. 2 в работе [6]). Такое согласие может свидетельствовать в пользу как БКШ механизма сверхпроводимости, так и альтернативных механизмов, которые могли бы соответствующим образом включать плотность электронных состояний на уровне Ферми.

### Заключение

Рассчитанные в настоящей работе электронные структуры и поверхности Ферми слоистых сверхпроводников согласуются с данными экспериментальных исследований электронных спектров методами ARPES (YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и FeSe) и дГвА (YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и LuNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C). Результаты расчетов плотности электронных состояний RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> и FeSe свидетельствуют, что в этих системах энергия Ферми Е<sub>F</sub> расположена в окрестности ярко выраженных пиков в N(E). Необходимо отметить, что близость особенности Ван Хова к уровню Ферми рассматривается как ключевой компонент для реализации сверхпроводимости в соединениях 3d-металлов [13]. Хотя для всех трех систем основной вклад в плотность состояний в окрестности уровня Ферми дают квазидвумерные слои атомов 3*d*-металлов, никеля и железа, характер зависимостей N(E) существенно различается. Если в соединениях RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> уровень Ферми расположен вблизи пика N(E) и в области высоких значений плотности электронных состояний, то в соединениях RNi2B2C и FeSe уровень Ферми находится фактически в области «псевдощели» электронного спектра со сравнительно невысокими значениями  $N(E_F)$ .

На основе результатов расчетов электронной структуры проведен анализ экспериментальных данных об электронной теплоемкости (RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>, FeSe) и циклотронных массах (эффект дГвА в YNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C и LuNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C). Полученные оценки перенормировки эффективных масс электронов проводимости свидетельствуют о возможности реализации электрон-фононного механизма сверхпроводимости в этих системах с  $\lambda_{el-ph} \simeq 1$ . Наряду с этим, проведенные оценки указывают и на заметный вклад электрон-парамагнонных (спин-флуктуационных) взаимодействий в  $\lambda$ , что согласуется с близостью соединений RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> и FeSe к магнитному упорядочению.

В работе продемонстрировано, что имеющиеся экспериментальные данные о сильной зависимости от давления магнитной восприимчивости и температуры перехода в сверхпроводящее состояние в FeSe обусловлены возрастанием плотности электронных состояний на уровне Ферми под давлением. В целом экспериментально установленная немонотонная зависимость температуры сверхпроводящего перехода от давления в FeSe качественно коррелирует с рассчитанным поведением плотности электронных состояний на уровне Ферми в широком интервале давлений (рис. 9).

Авторы посвящают работу 60-й годовщине основополагающей статьи И.М. Лифшица и А.М. Косевича по исследованиям электронной энергетической структуры и поверхности Ферми металлических соединений.

Работа выполнена при поддержке гранта НАНУ-РФФИ 01-02-12, а также с использованием вычислительных ресурсов грид-кластера ФТИНТ им. Б.И. Веркина НАН Украины, Харьков.

- K.-H. Müller, M. Schneider, G. Fuchs, and S.-L. Drechsler, in: *Handbook on the Physics and Chemistry of Rare Earth*, Elsevier, Vol. 38, Chap. 239 (2008), p. 175.
- А.М. Гуревич, В.М. Дмитриев, В.Н. Еропкин, Л.А. Ищенко, Н.Н. Пренцлау, Л.В. Шлык, ФНТ 25, 15 (1999) [Low Temp. Phys. 25, 10 (1999)].
- В.М. Дмитриев, Н.Н. Пренцлау, И.В. Золочевский, Л.А. Ищенко, Б.Я. Котур, В. Суски, Е. Талик, А.В. Терехов, ФНТ 29, 1189 (2003) [Low Temp. Phys. 29, 901 (2003)].
- Y. Mizuguchi and Y. Takano, J. Phys. Soc. Jpn. 79, 102001 (2010).
- J. Wen, G. Xu, G. Gu, J.M. Tranquada, and R.J. Birgeneau, *Rep. Prog. Phys.* 74, 124503 (2011).
- M. Bendele, A. Ichsanow, Yu. Pashkevich, L. Keller, Th. Strassle, A. Gusev, E. Pomjakushina, K. Conder, R. Khasanov, and H. Keller, *Phys. Rev. B* 85, 064517 (2012).
- 7. А.Л. Ивановский, *Успехи химии* **67**, 403 (1998).
- M. Divis, K. Schwarz, P. Blaha, G. Hilscher, H. Michor, and S. Khmelevskyi, *Phys. Rev. B* 62, 6774 (2000).
- A.O. Shorikov, V.I. Anisimov, and M. Sigrist, J. Phys.: Condens. Matter 18, 5973 (2006).
- A. Subedi, L. Zhang, D.J. Singh, and M.H. Du, *Phys. Rev. B* 78, 134514 (2008).
- 11. K.-W. Lee, V. Pardo, and W.E. Pickett, *Phys. Rev. B* 78, 174502 (2008).
- M.V. Sadovskii, E.Z. Kuchinskii, and I.A. Nekrasov, J. Magn. Magn. Mater. 324, 3481 (2012).
- A.A. Kordyuk, Fiz. Nizk. Temp. 38, 1119 (2012) [Low Temp. Phys. 38, 901 (2012)].
- G. Goll, M. Heinecke, A.G.M. Jansen, W. Joss, L. Nguyen, E. Steep, K. Winzer, and P. Wyder, *Phys. Rev. B* 53, R8871 (1996).
- B. Bergk and J. Wosnitza, *Fiz. Nizk. Temp.* 35, 872 (2009) [Low Temp. Phys. 35, 687 (2009)].
- T. Baba, T. Yokoya, S. Tsuda, T. Watanabe, M. Nohara, H. Takagi, T. Oguchi, and S. Shin, *Phys. Rev. B* 81, 180509(R) (2010).
- J. Maletz, V.B. Zabolotnyy, D.V. Evtushinsky, S. Thirupathaiah, A.U.B. Wolter, L. Harnagea, A.N. Yaresko, A.N. Vasiliev, D.A. Chareev, E.D.L. Rienks, B. Büchner, and S.V. Borisenko, *arXiv*:1307.1280 [cond-mat.supr-con] (2013).

- G.E. Grechnev, R. Ahuja, and O. Eriksson, *Phys. Rev. B* 68, 64414 (2003).
- G.E. Grechnev, Fiz. Nizk. Temp. 35, 812 (2009) [Low Temp. Phys. 35, 638 (2009)].
- J.M. Wills, M. Alouani, P. Andersson, A. Delin, O. Eriksson, and A. Grechnev, in: *Springer Series in Solid-State Sciences*, Springer Verlag, Berlin, Vol. 167 (2010).
- 21. http://elk.sourceforge.net/
- 22. U. von Barth and L. Hedin, J. Phys. C: Solid State Phys. 5, 1629 (1972).
- J.P. Perdew, K. Burke, and M. Ernzerhof, *Phys. Rev. Lett.* 77, 3865 (1996).
- J.W. Lynn, S. Skanthakumar, Q. Huang, S.K. Sinha, Z. Hossain, L.C. Gupta, R. Nagarajan, and C. Godart, *Phys. Rev. B* 55, 6584 (1997).
- 25. H. Michor, T. Holubar, C. Dusek, and G. Hilsher, *Phys. Rev. B* **52**, 16165 (1995).
- 26. D.R. Sanchez, S.L. Bud'ko, and E.M. Baggio-Saitovitch, J. Phys.: Condens. Matter 12, 9941 (2000).
- 27. W.L. McMillan, Phys. Rev. 167, 331 (1968).
- 28. I.R. Fisher, J.R. Cooper, and R.J. Cava, *Phys. Rev. B* 52, 15086 (1995).
- C.C. Lai, M.S. Lin, Y.B. You, and H.C. Ku, *Phys. Rev. B* 51, 420 (1995).
- 30. E. Fawcett, Phys. Rev. B 2, 1604 (1970).
- 31. E. Fawcett and V. Pluzhnikov, Physica B 119, 161 (1983).
- 32. H. Misiorek, J. Stepien-Damm, W. Suski, E. Talik, B.Y. Kotur, and V.M. Dmitriev, *J. Alloys Comp.* **363**, 78 (2004).
- C. Cardoso, T. Gasche, and M. Godinho, J. Phys.: Condens. Matter 18, 8817 (2006).
- J.A. Paixao, M. Ramos Silva, J.C. Waerenborgh, A.P. Goncalves, G.H. Lander, P.J. Brown, M. Godinho, and P. Burlet, *Phys. Rev. B* 63, 054410 (2001).
- 35. J.N. Millican, D. Phelan, E.L. Thomas, J.B. Leao, and E. Carpenter, *Solid State Commun.* **149**, 707 (2009).

- R.S. Kumar, Y. Zhang, S. Sinogeikin, Y. Xiao, S. Kumar, P. Chow, A.L. Cornelius, and C. Chen, *J. Phys. Chem. B* 114, 12597 (2010).
- G.E. Grechnev, A.S. Panfilov, V.A. Desnenko, A.V. Fedorchenko, S.L. Gnatchenko, D.A. Chareev, O.S. Volkova, and A.N. Vasiliev, *J. Phys.: Condens. Matter* 25, 046004 (2013).
- J.Y. Lin, Y.S. Hsieh, D.A. Chareev, A.N. Vasiliev, Y. Parsons, and H.D. Yang, *Phys. Rev. B* 84, 220507(R) (2011).
- A. Ciechan, M.J. Winiarski, and M. Samsel-Czekala, *Acta Phys. Polonica A* 121, 820 (2012).

Features of electronic structure of layered superconductors RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>, and FeSe

A.V. Logosha, G.E. Grechnev, A.A. Lyogenkaya, and A.S. Panfilov

The first-principles calculations of electronic structure and a number of thermodynamical characteristics were performed for layered magnetic superconducting systems RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub> and FeSe in the normal state. The analysis of electronic states and interactions responsible for the structural and magnetic properties of the investigated systems was carried out.

PACS: 74.20.Pq Electronic structure calculations;
74.62.Fj Effects of pressure;
74.70.Dd Ternary, quaternary, and multinary compounds (including Chevrel phases, borocarbides, etc.);
74.70.Xa Pnictides and chalcogenides;

75.10.Lp Band and itinerant models.

Keywords: electronic structure, magnetic superconductors, RNi<sub>2</sub>B<sub>2</sub>C, RFe<sub>4</sub>Al<sub>8</sub>, FeSe.