

# ОПИСАНИЕ СПИРАЛЬНЫХ МАГНИТНЫХ ПРОВОДНИКОВ НА ОСНОВЕ ФЕРМИ-ЖИДКОСТНОЙ МОДЕЛИ

В.И. Приходько, П.В. Турбин

*Научный физико-технологический центр МОН и НАН Украины (Харьков)*

*Украина*

Поступила в редакцию 25.12.2007

Рассмотрена ферми-жидкостная модель магнитных проводников [2, 3], учитывающая взаимодействие  $s$ -электронов (электронов проводимости) и атомов с незаполненными оболочками ( $d, f, \dots$  – электроны), обладающих локализованными магнитными моментами.

## УРАВНЕНИЯ САМОСОГЛАСОВАНИЯ ДЛЯ СПИРАЛЬНЫХ МАГНИТНЫХ ПРОВОДНИКОВ

В основе ферми-жидкостного подхода лежит понятие функционала энергии и энтропии системы. Максимизируя энтропию при условии постоянства полной энергии системы получаются уравнения самосогласования для определения параметров порядка. Определим энтропию спиральных магнитных проводников классическим образом [1]

$$S = -\tilde{S} p \hat{w} \ln \hat{w}, \quad (1)$$

где неравновесный статистический оператор системы  $\hat{w}$  имеет вид:

$$\hat{w} = \exp \left\{ \Omega - \sum_l \bar{h}_l \hat{s}_l - \sum_{12} a_1^+ A_{12} a_2 \right\}. \quad (2)$$

Множитель  $\Omega$  определяется из условия нормировки  $S p w = 1$ , а величины  $\bar{h}_l$ ,  $A_{12}$ ,  $\bar{s}_l$  (средний увеличенный спин) и  $f_{12}$  (матрица плотности электронов проводимости) связаны между собой соотношениями

$$\tilde{S} p \hat{w} \hat{s}_l = \bar{s}_l, \quad \tilde{S} p \hat{w} a_1^+ a_2 = f_{21}. \quad (3)$$

Операция  $\tilde{S} p$  в формулах (1), (3) означает усреднение, как по состояниям электронов, так и по состояниям атомных спинов. Из определения величины  $\Omega$  и формулы (3) следует соотношение

$$\bar{s}_l = \partial \Omega / \partial \bar{h}_l, \quad f_{21} = \partial \Omega / \partial A_{12}, \quad (4)$$

а из определения энтропии и формулы (2) непосредственно находим

$$S = -\Omega + \sum_l \bar{h}_l \bar{s}_l + S p \hat{A}, \quad (5)$$

причем  $dS = \sum_l \bar{h}_l d\bar{s}_l + \sum_{12} A_{12} df_{21}$ .

Операция  $Sp$  в (5) означает взятие следа только по электронным состояниям. Непосредственно из определения величины  $\Omega$  легко найти, что

$$\Omega = \Omega_1 + \Omega_2, \quad \Omega_1 = -\sum_l \ln e^{h_l s} \frac{1 - e^{-h_l(2s+1)}}{1 - e^{-h_l}},$$

$$h_l \equiv |\bar{h}_l|, \quad \Omega_2 = -Sp \ln(1 + e^{-\hat{A}}). \quad (6)$$

Из формул (4), (6) следуют соотношения для определения величин  $\bar{s}_l$ ,  $\hat{f}$ :

$$\bar{s}_l = s B_s (s h_l) \frac{\bar{h}_l}{h_l}, \quad \hat{f} = \{\exp \hat{A} + 1\}^{-1}.$$

Состояние статистического равновесия характеризуется тем, что энтропия достигает максимума при условии фиксированных энергии и числа частиц. Вводя соответствующие множители Лагранжа, приходим к задаче об отыскании абсолютного минимума функционала [4, 5]

$$\omega(\bar{s}_l, \hat{f}) = -S(\bar{s}_l, \hat{f}) + Y_0 E(\bar{s}_l, \hat{f}) + Y_4 Sp \hat{f}. \quad (7)$$

При этом  $S(\bar{s}_l, \hat{f}) = S(\bar{s}_l) + s(\hat{f})$ , где

$$S(\bar{s}_l) = -\Omega_1 + \sum_l \bar{h}_l \bar{s}_l,$$

$$s(\hat{f}) = -Sp(\hat{f} \ln \hat{f} + (1 - \hat{f}) \ln(1 - \hat{f})).$$

Из соотношения  $\partial \omega / \partial \bar{s}_l = 0$  находим

$\frac{\partial S}{\partial \bar{s}_l} \equiv \bar{h}_l = Y_0 \frac{\partial E}{\partial \bar{s}_l}$ , а из условия  $\delta_j \omega = 0$  имеем:

$$\frac{\delta S}{\delta \hat{f}} = \hat{A} = Y_0 (\hat{e} - \mu), \quad (8)$$

где  $\hat{\epsilon} = \delta E / \delta \hat{f}$ ,  $\mu = -Y_4 / Y_0$  – химический потенциал электронов проводимости. Таким образом, уравнения самосогласования для определения равновесного распределения спинов  $\vec{s}_l$  и матрицы плотности электронов имеют вид:

$$\begin{aligned}\vec{s}_l &= -sB_s(sh_l) \frac{\bar{h}_l}{h_l} \Big|_{\bar{h}_l=Y_0 \frac{\partial E}{\partial \vec{s}_l}}, \\ \hat{f} &= \frac{1}{e^{\bar{\epsilon}_0(\hat{\epsilon}(f)-\mu)} + 1} \Big|_{\hat{\epsilon}(f)=\frac{\delta E}{\delta \hat{f}}}. \quad (9)\end{aligned}$$

Для решения уравнения самосогласования необходимо задать энергию системы в виде функционала атомных спинов  $\vec{s}_l$  и статистического оператора электронов. Рассмотрим спиральную структуру магнитных проводников. Учитывая, что шаг спирали мал,  $qa \ll 1$  ( $a$  – постоянная решетки), перейдем от дискретного описания атомных спинов к непрерывному с помощью введения плотности атомных спинов  $\vec{s}(x)$ . Запишем функционал магнитного проводника в виде:

$$\begin{aligned}E(f, s) &= E(f) + E(s) + E_{int}(f, s), \\ E(f) &= Sp\hat{\epsilon}_0 + \frac{1}{2} \int dx_1 dx_2 \varphi(x_1 - x_2) \rho(x_1) \rho(x_2) + \\ &+ \frac{1}{2} \int dx_1 dx_2 \psi(x_1 - x_2) \bar{\sigma}(x_1) \bar{\sigma}(x_2); \quad (10)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}E(s) &= \frac{1}{2} \int dx_1 dx_2 (I(x_1 - x_2) s_z(x_1) s_z(x_2) + \\ &+ \tilde{I}(x_1 - x_2) s_+(x_1) s_-(x_2));\end{aligned}$$

$$E_{int}(f, s) = \int dx_1 dx_2 \eta(x_1 - x_2) \bar{\sigma}(x_1) \bar{\sigma}(x_2),$$

где  $\hat{\epsilon}_0$  – оператор кинетической энергии электронов (в дальнейшем предполагается, что  $\hat{\epsilon}_0 = \hat{p}^2 / 2m$ ),  $\bar{\sigma}(x) = Sp\delta(x - \hat{x})\hat{f}\hat{\sigma}$  – параметр порядка, связанный с электронами проводимости. Выпишем уравнения для параметров порядка  $\vec{s}(x)$ ,  $\bar{\sigma}(x)$  сразу для случая спирального упорядочения. Статистический оператор электронов проводимости спиральных магнитных проводников удовлетворяет соотно-

шению  $[\hat{f}, \hat{p} + \bar{q}\hat{\sigma}_3] = 0$ , а зависимость компонент плотности атомных спинов от координат имеет вид

$$s_z(x) = s_z, \quad s_\pm(x) = s_\pm e^{\pm i\bar{q}\hat{x}}. \quad (11)$$

Введем в рассмотрение статистический оператор  $\hat{f}_q$ , определенный соотношением  $\hat{f}_q = e^{i\bar{q}\hat{x}\hat{\sigma}_3} \hat{f} e^{-i\bar{q}\hat{x}\hat{\sigma}_3}$ , являющийся трансляционно-инвариантным  $[\hat{f}_q, \hat{\rho}] = 0$ .

Для спиральных состояний (11) определим, пользуясь формулами (8), (10)

$$\begin{aligned}\hat{A}_q &\equiv e^{i\bar{q}\hat{x}\hat{\sigma}_3} \hat{A} e^{-i\bar{q}\hat{x}\hat{\sigma}_3} = \\ &= Y_0 (\epsilon_0^q + p_q \phi(0) + \hat{\sigma}_z (\sigma_+^q \phi(0) + s_+ \eta(0) + \\ &+ \frac{1}{2} \hat{\sigma}_+ (\psi(q) \sigma_-^q + \eta(q) s_-) + \\ &+ \frac{1}{2} \hat{\sigma}_- (\psi(q) \sigma_+^q + \eta(q) s_+) - \mu)), \quad (12)\end{aligned}$$

здесь  $\epsilon_0^q \equiv e^{i\bar{q}\hat{x}\hat{\sigma}_3} \epsilon_0 e^{-i\bar{q}\hat{x}\hat{\sigma}_3}$ ,  $\rho_q = Sp\delta(x - \hat{x})\hat{f}_q$ ,  $\bar{\sigma}^q = Sp\delta(x - \hat{x})\hat{f}_q \hat{\sigma}$ .

В силу трансляционной инвариантности оператора  $\hat{f}_q$  величины  $\rho_q$  и  $\bar{\sigma}^q$  не зависят от координат. Самосогласованное поле  $\bar{h}$  для спиральных состояний определяется формулами:  $h_z = Y_0 (I(0)s_z + \eta(0)\sigma_z^q)$ ,

$$h_\pm = Y_0 (\tilde{I}(q)s_\pm + \eta(q)\sigma_\pm^q). \quad (13)$$

Всюду в дальнейшем, там, где это не вызовет недоразумений, индекс “ $q$ ”, подчеркивающий, что соответствующая величина относится к спиральным состояниям, будет опущен. Уравнение самосогласования, с учетом сделанного замечания и формул (12), (13), можно представить в виде:

$$\sigma_z = \int \frac{d^3 p}{(2\pi)^3} \frac{Y_0 (\psi(0)\sigma_z + \eta(0)s_z - \bar{p}\bar{q}/m)}{\chi} (n_+ - n_-),$$

$$\sigma_\pm = \int \frac{d^3 p}{(2\pi)^3} \frac{Y_0 (\psi(0)\sigma_\pm + \eta(q)s_\pm)}{\chi} (n_+ - n_-),$$

$$s_z = -sB_s(sh) \frac{h_z}{h}, \quad s_\pm = -sB_s(sh) \frac{h_\pm}{h},$$

$$h = \sqrt{h_z^2 + h_+ h_-}, \quad (14)$$

$$\chi = Y_0 \left[ \left( \sigma_z \psi(0) + \eta(0) s_z - \frac{\bar{p} \bar{q}}{m} \right)^2 + \right. \\ \left. + (\psi(q) \sigma_\perp + \eta(q) \sigma_\perp)^2 \right]^{1/2},$$

$$n_\pm = \{\exp(y \pm \chi) + 1\}^{-1}, \quad y = Y_0 \left( \frac{p^2 + q^2}{2m} - \tilde{\mu} \right),$$

где  $\tilde{\mu} = \mu - \rho\phi(0)$  перенормированный ферми-жидкостным взаимодействием химический потенциал.

## АНАЛИЗ УРАВНЕНИЯ ДЛЯ ТЕМПЕРАТУРЫ ПЕРЕХОДА

Изучим чисто спиральные состояния ( $\sigma_z = s_z = 0$ ) [4]. Сначала определим уравнение для температуры перехода из парамагнитной фазы в спиральную. Вблизи температуры перехода уравнения (14) превращаются в линейные однородные уравнения относительно  $\sigma_\perp$  и  $s_\perp$ . Уравнение для температуры перехода получится приравниванием нулю детерминанта этой системы. Проведя в формулах (14) низкотемпературное разложение ( $T \ll \epsilon_F, \epsilon_F$  – энергия Ферми) с точностью до членов, пропорциональных  $T^2$ , исходную систему представим в виде:

$$\sigma_\perp \left( 1 + \beta \left( 1 - \frac{T^2}{T_0^2} \right) \right) + 2s_\perp \eta(q) v(\tilde{\mu}) \left( 1 - \frac{T^2}{T_0^2} \right) = 0,$$

$$\frac{1}{3} s(s+1) \eta(q) \sigma_\perp + s_\perp (T - T_0) = 0,$$

здесь введены обозначения  $\beta = 2\psi(q)v(\tilde{\mu})$ ,

$$T_0^2 = -\frac{6v(\tilde{\mu})}{\pi^2 v''(\tilde{\mu})}, \quad T_I = -\frac{1}{3} s(s+1) \tilde{I}(q), \quad v(\tilde{\mu}) –$$

плотность состояний на уровне Ферми.

Приравняв детерминант этой системы нулю, получим окончательно уравнение для критической температуры в виде:

$$(T^2 - T_0^2) [\beta(T - T_I) - T_\eta] = T_0^2 (T - T_I),$$

$$T_\eta = \frac{2}{3} s(s+1) \eta^2(q) v(\tilde{\mu}). \quad (15)$$

Проанализируем это уравнение. Если амплитуда  $\tilde{I}(q)$  обусловлена, главным образом, косвенным обменом между локализованными магнитными моментами через посредство электронов проводимости (например, РККИ-взаимодействие), то  $T_\eta$  и  $T_I$  будут величинами одного порядка. Если  $|\beta(q)| \gg T_\eta/T_0$  (температура  $T_0$  порядка фермиевской энергии), т.е. обменное взаимодействие электронов с локальными моментами и косвенный обмен между моментами мал по сравнению с ферми-жидкостным взаимодействием, то в первом приближении по малому параметру  $T_\eta/T_0$  получаем из (15) для температуры перехода  $T_c$

$$T_c = T_0 \sqrt{\frac{1+\beta}{\beta}} + T_\eta \frac{1}{2\beta(1+\beta)}, \\ \left( \frac{T_\eta}{T_0} \right)^{2/3} \ll -(1+\beta) \ll 1. \quad (16)$$

При  $\eta = 0$  и отрицательных  $\beta$ , электронная ферми-жидкость спонтанно упорядочивается без взаимодействия с примесями. В этом случае температура перехода определяется только параметром ферми-жидкостного взаимодействия  $\beta < 1$ :

$$T_c = T_0 \sqrt{\frac{1+\beta}{\beta}}, \quad T_\eta = 0. \quad (17)$$

При значениях  $\beta > -1$ , взаимодействие электронов с локализованными магнитными моментами и косвенный обмен между моментами ( $\tilde{I}(q) \neq 0$ ) играет существенную роль для магнитного упорядочения Ферми-жидкости. В этом случае для температуры перехода из (15) получим

$$T_c = T_I + \frac{T_\eta}{1+\beta}, \quad 1+\beta \gg \left( \frac{T_\eta}{T_0} \right)^{2/3} \quad (18)$$

(эта формула справедлива и при  $|1+\beta| \approx 1$ ,  $1+\beta < 0$ ). При  $\tilde{I}(q) = 0$ ,  $\beta = 0$  температура

перехода имеет вид:  $T_c = \frac{2}{3} s(s+1) \eta^2(q) v(\tilde{\mu})$ .

При  $\beta = -1$  в случае  $T_\eta \sim T_I$  из (15) следует оценка

$T_c = T_0(T_n/T_0)^{1/3}$ ,  $|1 + \beta| \ll (T_n/T_0)^{2/3}$ . (19)  
Отметим, что в полученные формулы, определяющие температуру перехода, входит в качестве неизвестной величины вектор спирали  $q$ . Он должен рассматриваться как неизвестный термодинамический параметр, который, в свою очередь, определяется из условия минимума по  $q$  термодинамического потенциала спирального магнитного проводника. Дальше будет показано, что в точке фазового перехода вектор спирали обращается в нуль, поэтому в формулах (16)–(19) все амплитуды берутся равными их значению при  $q = 0$ .

## ОПРЕДЕЛЕНИЕ ВЕКТОРА СПИРАЛИ

Для определения вектора спирали найдем термодинамический потенциал таких структур. Прежде всего, с учетом формул (5), (7), (8) получим

$$\omega = \Omega_1 + \Omega_2 - \sum_l \bar{h}_l \bar{s}_l + Y_0 \left( E(\bar{s}, f) - S p \hat{f} \frac{\delta E}{\delta \hat{f}} \right). \quad (20)$$

Вычисление последних трех слагаемых в (20) позволяет привести потенциал  $\omega$  к виду:

$$\omega = \Omega_1 + \Omega_2 - \quad (21)$$

$$- \frac{1}{2} Y_0 \left( \tilde{I}(q) s_{\perp}^2 + \psi(q) \sigma_{\perp}^2 + 2\eta(q) \sigma_{\perp} s_{\perp} + \phi(0) \rho^2 \right).$$

Величина  $\Omega_2$  дается выражением (6). Вычисля среднее по электронным состояниям, с учетом (12), получим

$$\Omega_2 = - \int \frac{d^3 p}{(2\pi)^3} \ln \left( 1 + 2e^{-y} \operatorname{ch} \chi + e^{-2y} \right).$$

Вблизи температуры перехода потенциал  $\omega$  может быть разложен в ряд по малым параметрам  $\sigma_{\perp}, s_{\perp}$ . Разложения величин  $\Omega_1, \Omega_2$  имеют вид:

$$\begin{aligned} \Omega_1 &= -\ln(2s+1) - \frac{1}{6}s(s+1)h_1^2 + \\ &+ \frac{s(s+1)(s^2 + (s+1)^2)}{360}h_1^4, \end{aligned}$$

$$\Omega_2 = \Omega_2^{(0)} + \Omega_2^{(1)} + \Omega_2^{(2)},$$

$$\Omega_2^{(0)} = - \int \frac{d^3 p}{(2\pi)^3} \ln \left( 1 + 2e^{-y} \operatorname{ch} \chi_z + e^{-2y} \right),$$

$$\begin{aligned} \Omega_2^{(1)} &= -\chi_1^2 \int \frac{d^3 p}{(2\pi)^3} e^{-y} \frac{\operatorname{sh} \chi_z}{\chi_z (1 + 2e^{-y} \operatorname{ch} \chi_z + e^{-2y})}, \\ \Omega_2^{(2)} &= -\frac{\chi_1^4}{2} \int \frac{d^3 p}{(2\pi)^3} e^{-y} \left\{ \frac{\operatorname{ch} \chi_z - \operatorname{sh} \chi_z / \chi_z}{2\chi_z^2 (1 + 2e^{-y} \operatorname{ch} \chi_z + e^{-2y})} - \right. \\ &\left. - \frac{\operatorname{sh} \chi_z}{\chi_z (1 + 2e^{-y} \operatorname{ch} \chi_z + e^{-2y})^2} \right\}, \end{aligned} \quad (22)$$

$$\chi_z = Y_0 \frac{\bar{p} \bar{q}}{m}, \quad \chi_{\perp}^2 = Y_0^2 (\psi(q) \sigma_{\perp} + \eta(q) s_{\perp})^2.$$

Рассматривая вектор спирали  $q$  как термодинамический параметр, определим его из условия минимума по  $q$  потенциала  $\omega$ . Уравнение для определения вектора  $q$  имеет вид

$$\frac{\partial \omega}{\partial \psi} \frac{d\psi(q)}{dq} + \frac{\partial \omega}{\partial \tilde{I}} \frac{d\tilde{I}(q)}{dq} + \frac{\partial \omega}{\partial \eta} \frac{d\eta(q)}{dq} + \omega'_q = 0, \quad (23)$$

здесь производная  $\omega'_q$  берется по явной зависимости потенциала от вектора спирали. Мы не выписываем слагаемые с производными  $\partial \omega / \partial s_{\perp}, \partial \omega / \partial \sigma_{\perp}$ , поскольку уравнение самоогласования получалось из условия минимума потенциала  $\omega$  по параметрам порядка. С учетом формулы (21) и соотношений (22) из (23) получим уравнение для определения вектора спирали в виде:

$$\begin{aligned} \frac{2\nu p_F}{m} G(\alpha) + \frac{\sigma_{\perp}^2}{T_c} \left\{ \frac{d\psi(q)}{dq} \left( 1 + (\beta + \chi x) \frac{F(\alpha)}{\alpha T_c} \right) + \right. \\ \left. + \frac{d\eta(q)}{dq} x \left( 1 + (\beta + \gamma x) \frac{F(\alpha)}{\alpha T_c} - \frac{T_l - \tilde{T}_n/x}{T_c} \right) + \right. \\ \left. + \frac{d\tilde{I}(q)}{dq} x \left( \frac{x}{2} - \frac{x T_l + \tilde{T}_n}{T_c} \right) \right\} = 0. \end{aligned} \quad (24)$$

$$\text{Здесь } G(\alpha) = \int_0^\alpha dy y \operatorname{sh} y \int_{-\infty}^\infty dz \frac{e^z}{1 + 2e^z \operatorname{ch} y + e^{2z}},$$

$$F(\alpha) = \int_0^\alpha dy \frac{\operatorname{sh} y}{y} \int_{-\infty}^\infty dz \frac{e^z}{1 + 2e^z \operatorname{ch} y + e^{2z}},$$

$$\alpha = \frac{q}{p_F} \frac{\mu}{T_c}, \quad \gamma = 2\eta(q)\nu(\tilde{\mu}),$$

$$\tilde{I}_\eta = -\frac{1}{3} s(s+1) \mu(q), \quad x = \left. \frac{s_\perp(T)}{\sigma_\perp(T)} \right|_{T=T_c}.$$

Ниже приведены значения  $x$ , получаемые из формулы (12), для различных температур перехода

$$T_c = T_l + \frac{T_\eta}{2\beta(1+\beta)}, \quad x = -\frac{\beta(T_c^2 - T_l^2)}{\gamma(T_c^2 - T_0^2)},$$

$$T_l \equiv T_0 \sqrt{\frac{1+\beta}{\beta}}, \quad T_c = T_l + \frac{T_\eta}{1+\beta}, \quad x = -\frac{\gamma}{1+\beta},$$

$$T_c = T_0 (T_\eta/T_0)^{1/3}, \quad x = (T_c - T_l)/\tilde{T}_\eta.$$

Для температур, близких к температуре перехода, вектор спирали, очевидно, находится из условия  $G(\alpha_0) = 0$ . Это условие имеет единственный корень  $\alpha_0 = 0$ , откуда следует, что вектор спирали проводящих спиральных магнитных структур при  $T = T_c$  обращается в нуль. Для того, чтобы определить температурную зависимость вектора спирали вблизи  $T_c$ , необходим учет второго слагаемого в формуле (24). Приняв во внимание, что  $G(\alpha) \approx \alpha^5/30$  и  $F(\alpha) \approx \alpha^3/18$  при  $\alpha \ll 1$ , получаем для определения температурной зависимости уравнение

$$\begin{aligned} & \frac{vp_F}{15m} \left( \frac{q}{p_F} \frac{\mu}{T_c} \right)^5 + \frac{q\sigma_\perp^2}{T_c} \left\{ \psi'(0) + 2\eta'(0)x \left( 1 - \frac{T_l + \tilde{T}_\eta/x}{T_c} \right) + \right. \\ & \left. + \tilde{I}'(0)x \left( x - 2 \frac{xT_l + T_\eta}{T_c} \right) \right\} = 0, \quad \psi'(0) \equiv \left. \frac{d\psi}{dq^2} \right|_{q^2=0}, \\ & \eta'(0) \equiv \left. \frac{d\eta}{dq^2} \right|_{q^2=0}, \quad \tilde{I}'(0) \equiv \left. \frac{d\tilde{I}}{dq^2} \right|_{q^2=0}. \end{aligned} \quad (25)$$

При этом учитывается то обстоятельство, что обменные интегралы являются функциями  $q^2$ :  $\psi = \psi(q^2)$ ,  $\eta = \eta(q^2)$ ,  $\tilde{I} = \tilde{I}(q^2)$ . Все величины  $T_c$ ,  $T_l$ ,  $\tilde{T}_\eta$ ,  $x$  в (25) берутся равными их значениям при  $q = 0$ . Из (25) для вектора спирали получим выражение

$$q = \left\{ - \left( \frac{p_F T_c}{\mu} \right)^5 \frac{15m\sigma_\perp^2}{vp_F T_c} [\psi'(0) + 2\eta'(0)x] \times \right.$$

$$\times \left. \left( 1 - \frac{T_l + \tilde{T}_\eta/x}{T_c} \right) + \tilde{I}'(0)x \left( x - 2 \frac{xT_l + T_\eta}{T_c} \right) \right\}^{1/4}. \quad (26)$$

Для определения температурной зависимости вектора спирали, необходимо решить уравнения самосогласования (12) вблизи температуры перехода. При условии  $T \sim T_c$  эти уравнения имеют вид

$$\begin{aligned} & \sigma_\perp \left\{ 1 + \beta \left( 1 - \frac{T^2}{T_0^2} \right) \right\} + \gamma s_\perp \left( 1 - \frac{T^2}{T_0^2} \right) + \\ & + \frac{4}{3} v''(\mu) (\psi \sigma_\perp + \eta s_\perp)^3 = 0, \\ & - \tilde{T}_\eta \sigma_\perp + s_\perp (T - T_l) - \\ & - \frac{s(s+1)(s^2 + (s+1)^2)}{90T^2} (\tilde{I}s_\perp + \eta \sigma_\perp)^3 = 0. \end{aligned} \quad (27)$$

Все амплитуды в (27) необходимо брать равными их значению при  $q = 0$ . Поскольку, уравнение для температуры перехода выводится из условия существования нетривиальных решений линейной системы, получаемой из (27) отбрасыванием нелинейных членов. Тогда вблизи  $T_c$  решение (27) для  $\sigma_\perp$  всегда имеет вид:  $\sigma_\perp^2 = a(T_c - T)$ . При  $T \rightarrow T_c$  спиральный магнитный проводник переходит в магнетик типа “легкая плоскость”. При этом вектор спирали  $q$  стремится к нулю по закону  $(T_c - T)^{1/4}$ . В случае, когда обменное взаимодействие электронов проводимости с магнитными моментами и косвенный обмен между магнитными моментами малы по сравнению с ферми-жидкостным взаимодействием (см. формулу (24)) решения уравнений (27) имеют вид

$$\begin{aligned} \sigma_\perp^2 &= \frac{3}{4} \frac{T_0^2 - 2T_c [\beta(T_c - T_l) - T_\eta] - \beta(T_c^2 - T_0^2)}{T_0^2 (T_c - T_l) v''(\mu) \psi^3} \times \\ &\times (T_c - T), \quad s_\perp = -\frac{\beta(T_c^2 - T_l^2)}{\gamma(T_c^2 - T_0^2)} \sigma_\perp. \end{aligned} \quad (28)$$

Таким образом, формулы (26), (28) определяют, в случае, когда доминирующим является ферми-жидкостное взаимодействие, зависимость вектора спирали от температуры. В

случає чистої фермі-жидкості температурне поведіння вектора спіралі определяється вираженiem

$$q = p_F \frac{T_e}{\mu} \left( -\frac{15\pi^2 m \psi'(0)}{\beta \psi} \cdot \frac{T_e}{\mu} \right)^{1/4} (T_e - T)^{1/4},$$

откуда слідує необхідність выполнения

$$\text{неравенства } \psi'(0) \equiv \left. \frac{d\psi(q^2)}{dq^2} \right|_{q^2=0} < 0.$$

## ЗАКЛЮЧЕННЯ

В роботі з умови мінімуму термодинамічного потенціала отримані рівняння самосогласування для параметрів порядку системи. Вблизі температури перехода ці рівняння формують систему лінійних однорідних рівнянь, з умови існування нетривіальних розв'язків якої встановлене рівняння для визначення температури перехода. В залежності від відносительного вкладу фермі-жидкостного взаємодії та обмінного взаємодії електронів провідності з локалізованими моментами, а також косвенного обміну між моментами в формули, що визначають температуру перехода входити вектор спіралі  $q$ . Він вважається як незалежний термоди-

наміческий параметр, який визначається з умови мінімуму термодинамічного потенціала системи. Аналіз рівняння для визначення вектора спіралі показує, що при  $T \rightarrow T_c$ , спиральний магнітний провідник переходить в магнетик типу "легка площинка", причому вектор спіралі стремиться до нуля за законом  $(T_c - T)^{1/4}$ .

## ЛІТЕРАТУРА

1. Ахиезер А.І., Пелетмінський С.В. Методи статистичної фізики. – М.: Наука, 1977. – 368 с.
2. Ахиезер І.А. Магнітні провідники // Проблеми сучасної теоретичної фізики. – Київ, Наукова думка, 1982. – С. 24-56.
3. Баръяхтар В.Г., Савченко М.А., Шишкін Л.А. Високочастотна магнітна восприймчість магнетиків со структурою ферромагнітної спіралі // Фізика твердого тіла. – 1964. – Т. 6. – № 5. – С. 1435-1442.
4. Ісаев А.А., Приходько В.І. К термодинаміці сверхпроводячих магнетиків // VI Все-союзне совещання по термодинаміці та технології ферритів. – Івано-Франківськ, 1988. – С. 13.
5. Приходько В.І., Турбин П.В. Кінетика частичок в зовнішньому флуктууючому полі // Фізична інженерія поверхні. – 2005. – Том 3, № 1-2. – С. 97-107.

## ОПИС СПІРАЛЬНИХ МАГНІТНИХ ПРОВІДНИКІВ НА ОСНОВІ ФЕРМІ-РІДИННОЇ МОДЕЛІ

В.І. Приходько, П.В. Турбін

Розглянута фермі-рідинна модель магнітних провідників [2, 3], в якій враховується взаємодія  $s$ -електронів (електронів провідності) і атомів, які мають незаповнені оболонки ( $d, f, \dots$  – електрони) з локалізованими магнітними моментами.

## DESCRIPTION OF SPIRAL MAGNETIC CONDUCTORS ON THE BASIS OF FERMI-LIQUID MODEL

V.I. Prikhod'ko, P.V. Turbin

The Fermi-liquid model of magnetic conductors [2, 3], which is taking into account interaction between  $s$ -electrons (electrons conductivity) and atoms with the empty levels ( $d, f, \dots$  – electrons), which possess the localized magnetic moments was considered.