# КВАЗІЛОКАЛЬНІ ДОМІШКОВІ СТАНИ В ТЕРМОЕЛЕКТРИЧНИХ СПОЛУКАХ НА ОСНОВІ *Bi*<sub>2</sub>*Te*<sub>3</sub>

Житінська М.К.<sup>1</sup>, Ісполов Ю.Г.<sup>1</sup>, Немов С.А.<sup>1</sup>, Мухтарова А.А.<sup>1</sup>, Свєчнікова Т.Є.<sup>2</sup> (<sup>1</sup>Санкт-Петербурзький державний політехнічний університет, вул. Політехнічна, 29, Санкт-Петербург, 195251, Росія; <sup>2</sup>Інститут металургії ім. Байкова Російської Академії наук, Ленінський просп., 49, Росія, 119991, Москва)

• Параметр термоелектричної ефективності (ТЕ) за різних рівних умов вищий в однорідних кристалах. Ми розглядаємо можливість підвищення ступеня однорідності кристалів шляхом уведення нестандартної легуючої домішки для сполук  $A^5B^6$  – домішки олова. В Ві<sub>2</sub>Те<sub>3</sub> легування атомами Sn призводить до появи квазілокальних домішкових станів на фоні дозволеного енергетичного спектра й розташованих поблизу верха валентної зони додаткового екстремума. Більша густина цих станів призводить до стабілізації хімічного потенціалу й до збільшення електричної однорідності кристалів. У пропонованій роботі вивчено вплив ізовалентного заміщення атомів у підгратці Ві або Те у монокристалах Ві<sub>3</sub>Те<sub>3</sub>:Sn. Виміряно основні транспортні коефіцієнти: теплопровідності, електропровідності, Холла, Зеєбека й Нернста-Еттінгсгаузена. Усі кристали вирощені методом Чохральского. Залежно від сполуки зразки мали й п-, і р-тип провідності. Встановлено, що із заміною атомів Ві на Sb і Te на Se у кристалах Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>:Sn зберігається утворення квазілокальних станів олова у валентній зоні. Крім того, на всіх кристалах з оловом був знайдений більш однорідний розподіл концентрації носіїв струму. На зразках п-типа було отримано підвишене значення параметра TE: v максимумі  $Z = 3.3 \cdot 10^{-3} K^{-1}$  за 340 - 370 K. Зроблено припущення, що квазілокальні стани, розташовані у валентній зоні, взаємодіють із основними електронними станами й впливають і на властивості електронного  $Bi_2Te_{2.85}Se_{0.15}$ 

## Вступ

Традиційне застосування твердих розчинів на основі  $Bi_2Te_3$  у термоелектричних перетворювачах зумовлює пошук методів покращення їх властивостей. Для одержання матеріалів з високими термоелектричними властивостями застосовується легування цих матеріалів різними домішками. Однак додавання домішок звичайно призводить до суттєвого збільшення флуктуацій термоелектричних властивостей, яке пов'язано зі статистичним характером просторового розподілу домішок.

Згідно з [1-3] було встановлено, що із введенням домішки Sn в  $Bi_2Te_3$  квазілокальні стани виникають усередині валентної зони поблизу вершини додаткового екстремума. Квазілокальні стани призводять до закріплення рівня Фермі. Оскільки термоЕДС чутлива до зміни рівня Фермі, квазілокальні стани призводять до її стабілізації й покращення однорідності, що підтверджено дослідженнями розподілу коефіцієнта Зеєбека на поверхні кристалів за допомогою скануючого мікрозонда [3] і мікрорентгеноструктурного аналізу [4]. Це особливо важливо для кристалів тригональної системи  $A^V B^{VI}$  з яскраво вираженою анізотропією. У реальних умовах вирощування навіть найкращі монокристали даної сполуки містять велику кількість неоднорідностей. Відомо, що в однорідних кристалах термоелектрична добротність вища. Отже, можуть бути розглянуті різні можливості для одержання матеріалу з високою однорідністю. Одна з них – застосування методу Чохральского [5]. Інший шлях полягає в застосуванні легуючих домішок (*Sn*), що створюють квазілокальні стани в сполуці. У нашому дослідженні ми використовували обидва підходи.

Нами досліджено вплив додавання атомів Sn на термоелектричні властивості  $Bi_2Te_3$  зі заміщенням частини атомів у підгратках Bi або Te.

## 1. Експеримент

Постійні Нернста-Еттінгсгаузена  $Q_{ikl}$  і основні кінетичні коефіцієнти – електропровідності  $\sigma_{ii}$ , термоЕРС  $S_{ii}$ , Холла  $R_{ikl}$  вимірювані на легованих *Sn* монокристалах  $Bi_2Te_3$ ,  $Bi_{1.99}Sb_{0.01}Te_3$  і  $Bi_2Te_{3-x}Se_x$  (x = 0.06; 0.12) у температурному діапазоні від 77 до 420 К. Усі монокристали вирощені методом Чохральского з підживленням рідкою фазою із плаваючого тигля [5]. Монокристали вирощені в напрямку [1010] перпендикулярно основній кристалографічній вісі с. Густину носіїв визначено з виразу  $n, p = [q \cdot R_{321}(77 \text{ K})]^{-1}$ .

Просторовий розподіл термоЕРС за поверхнею монокристалів  $Bi_2Te_{3-x}Se_x:Sn$  досліджено мікрозондовим методом, описаним в [6].

# 2. Результати

## 2.1. Вплив резонансних станів на концентрацію вільних дірок

Легування кристалів *Bi*<sub>2</sub>*Te*<sub>3</sub> оловом супроводжується утворенням зони резонансних станів на фоні дозволеного спектра станів валентної зони. Резонансні стани призводять до закріплення рівня Фермі.



Рис. 1. Залежність концентрації дірок ( $p_H$ ) від концентрації домішок ( $N_{imp}$ )  $Bi_2Te_3$  (1 – 7) і  $Bi_2Te_{3-y}Se_y$  (8 – 10): тільки Sn (1, 8); без Sn, тільки акцепторна Bi, Pb (2) або донорна I (3, 9) домішка; і спільне легування Sn і акцепторною (4) або донорною (5 – 7, 10) домішкою.

На рис. 1 показано залежність концентрації дірок  $p-Bi_2Te_3$  від кількості введеної домішки *Sn* ( $N_{imp}$ ). Крім того, показано дані про спільне легування  $Bi_2Te_3$  *Sn* і додатковими домішками *Cl*, *Pb* і *J*. Спостерігається дуже слабка зміна концентрації дірок: від 2 10<sup>18</sup> до 5 10<sup>18</sup> см<sup>-3</sup> за вмісту олова в  $N_{imp} = (1.2 \div 6)10^{19}$ см<sup>-3</sup>. Тому ми можемо говорити про «м'яку» стабілізацію хімічного потенціалу. Усі монокристали *n*- і *p*-типу, леговані *Sn*, демонструють зростання електричної однорідності порівняно з нелегованим  $Bi_2Te_3$ .

## 2.2. Картина розподілу термоЕРС по поверхні монокристала й однорідність зразка

Просторовий розподіл термоЕРС по поверхні монокристалів досліджено за допомогою мікрозонда.



Рис. 2. Ліворуч – коефіцієнт Зеєбека S<sub>11</sub>, обмірюваний по поверхні зразків: 1 – Ві<sub>1.9</sub>Sb<sub>0.1</sub>Te<sub>3</sub>, 2 – (Ві<sub>1.9</sub>Sb<sub>0.1</sub>)<sub>0.998</sub>Sn<sub>0.002</sub>Te<sub>3</sub> і 3 – (Ві<sub>1.9</sub>Sb<sub>0.1</sub>)<sub>0.99</sub>Sn<sub>0.01</sub>Te<sub>3</sub>; праворуч – статистичні флуктуації коефіцієнта Зеєбека по поверхні зразків: угорі – Ві<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>, унизу – Ві<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>:Sn.

У той час як нелеговані кристали демонструють звичайні статистичні флуктуації коефіцієнта Зеєбека, статистичні флуктуації зменшуються на зразку, матеріал якого містить 1 ат% *Sn*. Відповідно число точок вимірювання даного значення коефіцієнта Зеєбека, що втримується в картах, показано на рис. 2. Ці розподіли стають більш сфальцьованими із включенням *Sn*.

#### 2.3. Температурні залежності *R*(*T*) і *S*(*T*) у зразках *р*-типу

Резонансні стани у валентній зоні  $Bi_2Te_3$  призводять до різкої зміни температурних залежностей коефіцієнтів переносу  $\sigma_{11}$ ,  $R_{321}$ ,  $S_{11}$  у цих кристалах, аналогічно тому, як повідомлялося для  $Bi_2Te_3$ . Температурні залежності R(T) зразків, що містять Sn, змінюються від зростаючої картини з максимумом, типовим для  $Bi_2Te_3$  і  $Bi_2Te_3$ -" $Se_x$ , до сильно спадаючої кривої (рис. 3). Коефіцієнт Зеєбека олововмістовних зразків дещо більший в температурному діапазоні за T = 200 К и за T = 380 К, і їхня залежність стає більш пологою з температурою (рис. 4).





Рис. 3.  $R_{321} = f(T)$  для  $Bi_2Te_3p$ -типу (1), легованого Sn (2), зі заміщенням Sb  $\rightarrow$  Bi (3, 4) i

зі заміщенням Se → Te (5, 6); світлий символ – без Sn, темний символ – легований Sn.



# 2.4. Електропровідність σ (рухливість дірок) і коефіцієнт Нернста-Эттингсгаузена *Q<sub>e</sub>/k*<sub>0</sub> (*p*-тип)

Ми спостерігали значний спад електропровідності σ (рухливості дірок) і рухливості Нернста.



Puc. 5.  $\sigma_{11} = f(T)$  (a),  $Q_{e'}/k_0 = f(T)$  (б) для  $Bi_2Te_3p$ -типу (1), легованого Sn (2), із заміщенням Sb → Bi (3, 4) і із заміщенням Se → Te (5, 6); світлий символ – без Sn, темний символ – легований Sn.

#### 2.5. *п*-тип. $Bi_2Te_{3-x}Se_x$ (x = 0.06; 0.12)

Легування оловом не змінює характеру температурних залежностей коефіцієнтів переносу  $\sigma_{11}$ ,  $R_{321}$ ,  $S_{11}$  у кристалах *n*-типу, за винятком сильного зниження рухливості Нернста і її анізотропії.

#### 3. Обговорення й комп'ютерне моделювання

Щоб розв'язати проблему впливу резонансних станів на концентрацію носіїв (дірок), пов'язану із групою дефектів кристалів у сполуках  $A^V B^{VI}$ , ми використовували той же метод, що й для твердого розчину на основі *PbTe* [7].

Хімічний потенціал дірок µ, вимірюваний від вершини валентної зони, можна знайти з умови мінімуму термодинамічного потенціалу –

$$\Phi = H_{v}n_{v} - kTn_{v}(\ln N/n_{v} + 1) + \Phi_{e}, \qquad (1)$$

де  $n_v$  – концентрація вакансій, N – концентрація вузлів у металевій підградці, а  $H_v$  – ентальпія утворення однієї вакансії, пов'язана з переносом двох електронів від дна зони провідності до цієї вакансії.

Термодинамічний потенціал електронів  $\Phi_e$ , диференційований по спільній густині електронів  $n_e$  (тобто, з густиною електронів у зоні провідності, валентній зоні й домішкових центрах) дає хімічний потенціал  $\mu$ . Оскільки кожна металева вакансія поглинає два електрони, звідси випливає, що

$$\partial n_e / \partial n_v = 2$$
, що дає  $\partial \Phi_e / \partial n_v = 2\mu$ . (2)

Диференціюючи рівняння (1) по *n<sub>v</sub>* і прирівнюючи похідну до нуля, одержимо рівняння для µ, розв'язок якого можна подати у вигляді

$$\mu^* = H_{\nu}^* / 2 + 1 / 2 \cdot \ln(n_{\nu} / N).$$
(3)

Ми припустили, як відзначено в [8], що концентрацію вільних носіїв (дірок) можна оцінити як  $[h] = [Bi'Te] - 2[V^{..}Te]$ . Концентрація вільних носіїв заряду в нелегованому телуриді вісмуту може бути виражена за допомогою наступного відношення:

$$[h^{\cdot}] = N_{AS} - N_{V} = k_{1} [Bi_{Bi}] / 2 \exp(-E_{AS} / k_{B}T_{m}) - 2 [Te_{Te}] \exp(-E_{V} / k_{B}T_{m}), \qquad (4)$$

де  $k_1 \sim 1.2$  – статистичний параметр, що відноситься до описання утворення одного антиструктурного дефекту в  $Bi_2Te_3$ .  $E_{AS}$  і  $E_V$  означають енергію утворення антиструктурних дефектів.  $V^{..}Te$  – вакансії в підгратці телуру,  $k_B$  – постійна Больцмана,  $T_m$  – точка плавлення,  $[Bi_{Bi}]$  – число атомів Bi на 1 м<sup>3</sup>,  $[Te_{Te}]$  – число атомів Te на 1 м<sup>3</sup>,  $N_{AS}$  – концентрація антиструктурних дефектів,  $N_V$  – концентрація вакансій Te.

Рівняння електронейтральності має вигляд

$$N_{Sn} - n_{Sn} + [Bi'_{Te}] - 2[V_{Te}] = p + n,$$
(5)

де  $N_{Sn}$  – концентрація домішкових атомів Sn,  $n_{Sn}$  – густина електронів на домішкових рівнях, p і *n*-густина дірок і електронів відповідно.

Якщо припустити, що домішкова зона має два стани на атом, тоді випливає, що

$$n_{Sn} = 2N_{Sn} / [1 + \exp(\varepsilon_{i}^{*} - \mu^{*})],$$

де  $\varepsilon_{i}^{*}$  – положення домішкового рівня щодо вершини валентної зони.

Якщо густину вільних носіїв виразити через інтеграли Фермі F<sub>1/2</sub>, знаходимо

$$N_{c}F_{1/2}(\mu^{*}) - N_{v}F_{1/2}(\mu^{*} - \varepsilon_{g}) = N_{Sn}' + [N_{imp}], \qquad (6)$$

де N<sub>c</sub>, N<sub>v</sub> – ефективні густини станів у зоні провідності й валентній зоні;

$$N_{Sn}' = N_{Sn} \left[ 1 - \exp\left(\varepsilon_{i}^{*} - \mu^{*}\right) \right] / \left[ 1 + \exp\left(\varepsilon_{i}^{*} - \mu^{*}\right) \right],$$

є<sub>д</sub> – ширина забороненої енергетичної зони між зоною провідності й валентною зоною,

$$N_{imp} = N_{Sn}'' + E_{AS} - E_V,$$

 $N_{Sn}''$  – частина атомів *Sn*, поміщених у положення  $Te^{II}$ , де вони віддають дірки й не створюють резонансних рівнів.

Чисельно ми розв'язали рівняння для рівноважної концентрації вакансій і антиструктурних дефектів за температури розплаву  $T_m$  за рахунок мінімізації термодинамічного потенціалу. Потім ми розв'язали рівняння електронейтральності (6) для (n-p) за температури вимірювання, вважаючи, що кількість вакансій і антиструктурних дефектів не залежить від температури.

Рівняння електронейтральності (6) було розв'язано чисельно за наступних допущень:

 $e_i = 0.015 \text{ eB}; N_{Sn} = [0, 2.4] \cdot 10^{19}; e_{g0} = 0.2 \text{ eB}; \alpha = -1.5 \cdot 10^{-5}; k = 0.86 \cdot 10^{-4}$ 

Домішковий рівень розташований у валентній зоні:

 $e_g^* = (e_{g0} + \alpha \cdot T)/(k_0 \cdot T); e_c = 0.02 \text{ eB}; m_{dn1}^* = 0.35; m_{dn2}^* = 1; m_{dn} = 0.8; m_{dp} = 0.66$ 

Результати комп'ютерних розрахунків залежності (*n-p*) від *N<sub>imp</sub>* показано на рис. 8.

Ми бачимо дію резонансного рівня  $\epsilon_i^*$  на концентрацію дірок і електронів, яка пов'язана з положенням домішкового рівня щодо вершини валентної зони й рівня Фермі.

Можна спостерігати різний вплив резонансного рівня  $\varepsilon_i^*$  на рівень Фермі для *p*- і *n*-типу, коли він розташований у валентній зоні. На залежності рівня Фермі від концентрації акцепторів  $N_A \in M'$ який початковий спад з ростом числа атомів *Sn*. Це означає, що рівень Фермі менше залежить від  $N_A$ , уведеної в зразки. Характер залежності рівня Фермі від концентрації донорів  $N_D$  такий же, як за легування звичайною акцепторною домішкою.



Рис. 7. Залежність різниці  $p-n = f(N_{imp})$  від концентрації домішки ( $N_{imp}$ ) за різних величин  $N_{Sn}$  (1-5): (0, 1.2, 3, 4.2, 6)·10<sup>19</sup> см<sup>-3</sup>.



Рис. 8. Залежності рівня Фермі ( $\mu^*$ ) від концентрації домішки ( $N_{imp}$ :  $N_A$ ,  $N_D$ ). Номера кривих для різних величин  $N_{Sn}$  (1 – 5): (0, 1.2, 3, 4.2, 6)·10<sup>19</sup> см<sup>-3</sup>. Положення рівня домішки Sn  $\varepsilon_i = 0.02$  еВ щодо вершини валентної зони.

З рис. 9 *а* видно, що залежності *S* від концентрації домішок змінюються за легування атомами *Sn*. Вони стають більш пологими для зразків *n*- і *p*-типу в діапазоні концентрації, яка зазвичай використовується в термоелектричних пристроях, саме за  $N_{imp} = (0.8 \div 3) \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>.



Рис. 9 а. Чисельні розрахунки  $S = f(N_{imp})$  показано в різній шкалі (+  $N_{imp} = N_{acc}$ ; -  $N_{imp} = N_d$ ): 1, 2 – p-mun; 3, 4 – n-mun. 1, 3 – без Sn; 2, 4 –  $N_{sn} = 2$ , 4·10<sup>19</sup> см<sup>-3</sup>.



Нами використано як свої експериментальні дані, так і результати комп'ютерного моделювання для числової оцінки концентрації щільності електронів на розподілі коефіцієнта Зеєбека *n*-типу. Застосовано формулу з [9] –

$$\Lambda_{e\phi} = \Lambda(\langle n \rangle) \left[ 1 + g \frac{\langle (\delta n)^2 \rangle}{\langle n \rangle^2} \right],$$

де  $\Lambda = S$ , g – показник ступеня в залежності S від концентрації електронів (дірок):  $S \sim n^g$ . g = 0.4для зразків без Sn, а g = 0.25 для зразків, легованих Sn. Параметр g для різних твердих розчинів було знайдено нами експериментально й шляхом розрахунків. Ми одержали наступні значення для p-типу:  $\Delta N/N \approx 15\%$ ,  $\Delta S/S \approx 5\%$  для зразків без Sn і  $\Delta N/N \approx 6\%$  і  $\Delta S/S \approx 2\%$ .

Результати комп'ютерних розрахунків  $S_{11}$  і  $R_{321}$  залежно від температури представлено на рис. 10, 11.



Рис. 10. Температурні залежності коефіцієнта Зеєбека S<sub>11</sub> для зразків легованих Sn є більш пологими, ніж для нелегованих зразків.



Рис. 11. Температурні залежності коефіцієнта Хола R<sub>321</sub> змінюються від «традиційних» для нелегованого твердого розчину до зразків, що різко знижуються з підвищенням температури для, легованих Sn.

Комп'ютерне моделювання коефіцієнтів Зеєбека й Холла для твердого розчину p-типу показує зміни температурних залежностей. Вони підтверджують сильний вплив резонансних станів на S(T) і R(T) для p-типу.

Отже, наші розрахунки підтверджують концепцію впливу станів Sn, розташованих на фоні дозволеного спектра валентної зони для твердого розчину *p*-типу. Але зростання однорідності кристалів *n*-типу, легованих Sn, має інше пояснення. За допомогою рентгенівської фотоелектронної спектроскопії [10] було показано, що атоми Sn, включені в гратку  $Bi_2Te_{2.85}Se_{0.15}$ , взаємодіють із атомами Bi і Te. Вони перерозподіляють густину електронних станів у валентній зоні, вони змінюють енергії зв'язку й хімічні зсуви внутрішніх рівнів. Ця особливість енергетичного спектра впливає на об'ємний розподіл легуючих дефектів. Їхня кількість зменшується, що призводить до високої електричної однорідності.

#### Висновки

Результати, отримані в пропонованій роботі щодо впливу домішки Sn на електричну однорідність монокристалів  $Bi_2Te_3$  і  $Bi_2Te_{3-y}Se_y$ , свідчать на користь значного впливу домішкових станів Sn, розташованих у валентній зоні, на термоелектричні властивості кристалів p- і n-типу.

Атоми Sn, введені в гратку  $Bi_2Te_{2.85}Se_{0.15}$ , перерозподіляють густину електронних станів у валентній зоні, змінюють енергії зв'язку й хімічні зсуви внутрішніх рівнів. Ця особливість енергетичного спектра впливає на об'ємний розподіл легуючих дефектів. Їхня кількість зменшується, що призводить до високої електричної однорідності як *p*-типу, так і *n*-типу.

Термоелектричні параметри кристалів *n*-типу покращені й досягають значення

$$Z = 3.3 \cdot 10^{-3} \,\mathrm{K}^{-1}$$
.

Складена комп'ютерна програма й чисельні результати, отримані в цій роботі, дають можливість одержати кількісну оцінку впливу різних домішкових атомів на концентрацію дірок і електронів. Розрахунки підтверджують правильність фізичної моделі, обраної для розгляду в цій роботі. Чисельні результати добре узгоджуються з експериментальними даними.

## Література

- 1. V.A. Kulbachinskii, M. Inoue, M. Sasaki, H. Negishi, W.X. Gao, K. Takase, Y. Giman, J. Horak and P. Lostak, *Phys. Rev. B* 50, 16921 (1994).
- 2. Житинская М.К. Особенности легирования *Bi*<sub>2</sub>*Te*<sub>3</sub> примесью *Sn* / М.К. Житинская, С.А. Немов, Т.Е. Свечникова // Физика твердого тела. – 1998. – 40. – 1428.
- 3. Влияние резонансных состояний *Sn* на электрическую однородность монокристаллов *Bi*<sub>2</sub>*Te*<sub>3</sub> / М.К. Житинская, С.А. Немов, Т.Е. Свечникова [и др.] // ФТП. 34. С. 1363.
- Рентгеновская фотоэлектронная спектроскопия и рентгеновский микроанализ монокристаллов на основе теллурида висмута / И.В. Гасенкова, А. Чубаренко, Е.А. Тявловская [и др.] // ФТП. – 2003. – 37 (6). – С. 661.
- 5. Свечникова Т.Е. Легирование твердого раствора *Bi*<sub>2</sub>*Te*<sub>2.85</sub>*Se*<sub>0.15</sub> германием / Т.Е. Свечникова, С.Н. Чижевская, Н.М. Максимова // Неорганические материалы. 1994. 30, С. 161.
- D. Platzek, G. Karpinski, C. Drasar, E. Miller Seebeck Scanning Microprobe for Thermoelectric FGM Conf. on Thermoelectrics (ICT2003), La GrandeMotte, France, IEEE, Piscataway 2004, p. 528 – 531.
- 7. Самокомпенсация электроактивных примесей собственными дефектами в твердых растворах *Pb*<sub>0.8</sub>*Sn*<sub>0.2</sub>*Te* / С.А. Немов, Ю.И. Равич, М.К. Житинская [и др.] // ФТП. − 1992. − 26 (8). − С. 839.
- 8. Karamazov S., Lostak P., Horak J., and Kuzel R., Phys.Stat.Sol.(a), 148, 229(1995).
- 9. Житинская М.К. Влияние флуктуации концентрации носителей тока на величины измеряемых кинетических коэффициентов / М.К. Житинская // Известия вузов. Физика. 1985. 4.
- 10. Перераспределение электронной плотности в *Bi*<sub>2</sub>*Te*<sub>3</sub>, легированном *Sn* / И.В. Гасенкова, М.К. Житинская, С.А. Немов [и др.] // Физика твердого тела. 1999. 41 (11). С. 1805.

Надійшла до редакції 10.05.2011.