

Е.В. Бодянский, В.М. Струков, Д.Ю. Узлов

Задача оценки близости многомерных объектов анализа данных

Статья посвящена проблеме оценки близости многомерных объектов, признаки которых измеряются в разных шкалах, а обрабатываемые данные имеют большую размерность и, в силу различных причин, содержат пропуски. Предложен способ оценки близости таких объектов, позволяющий строить алгоритмы кластеризации, классификации и ассоциации, основанные на ней, с использованием классических методов.

Ключевые слова: *data Mining*, многомерные объекты, кластеризация, классификация, шкала измерений, количественная метрика, категориальная метрика, ранговая метрика.

Статтю присвячено проблемі оцінки близькості багатовимірних об'єктів, ознаки яких вимірюються в різних шкалах, а оброблювані дані мають велику розмірність і з різних причин мають пропуски. Запропоновано спосіб оцінки близькості таких об'єктів, який дозволяє будувати алгоритми кластеризації, класифікації та асоціації з її використанням та застосовувати при цьому класичні методи.

Ключові слова: *data Mining*, багатовимірні об'єкти, кластеризація, класифікація, шкала вимірів, кількісна метрика, категоріальна метрика, рангова метрика.

Введение. Задача оценки близости многомерных объектов достаточно хорошо исследована, предложены различные способы метризации пространства признаков, способы оценки близости многомерных объектов, которые применяются в задачах кластеризации, классификации, ассоциации [1–4]. Вместе с тем на практике встречаются подобные задачи, обладающие некоторыми особенностями, которые не позволяют непосредственно применять классические способы и методики. Одна из важных задач – задача оценки близости многомерных объектов, информация о которых накапливается в базах данных подразделений информационного обеспечения полиции Украины. В качестве таких объектов в данном случае есть лица, предметы и события. Характерными особенностями накопленных массивов данных есть:

1) большие объемы данных (до нескольких десятков, а иногда и сотен миллионов записей); причем количество этих данных с каждым днем увеличивается;

2) большое количество признаков, характеризующих объекты (до сотни признаков);

3) различная природа признаков (как правило, нечисловая);

4) возможность наличия пропусков (отсутствие значений там, где они должны находиться) в массивах данных в силу ряда субъективных и объективных причин.

Первая и вторая особенности обуславливают очень большую размерность массивов об-

рабатываемых данных, что позволяет отнести данную задачу к категории *Big Data Mining* [5].

Третья особенность обусловлена достаточно строгой регламентацией процесса регистрации и ввода данных о происшествиях в интегрированную информационно-поисковую систему (ИИПС) органов внутренних дел, правила которой достаточно подробно изложены в [6, 7].

Четвертая особенность – следствие нестрогого соблюдения операторами правил регистрации и ввода, описанных в [6], вследствие чего в базах данных ИИПС возникают пропуски в данных. В связи с этим непосредственно применять известные метрики и, соответственно, использовать основанные на них алгоритмы кластеризации, ассоциации или классификации не представляется возможным.

Исследование характеристик массивов данных, хранящихся в ИИПС, позволяет сделать вывод о том, что, как правило данные измеряются в числовых, категориальных и ранговых шкалах. Работа с данными этих типов хорошо исследована и описана в литературе [1–5]. Вместе с тем наличие описанных особенностей используемых массивов не предоставляет возможности применять непосредственно известные алгоритмы для их обработки.

Постановка задачи

Для обеспечения возможности применения классических алгоритмов кластеризации, классификации и ассоциации в задачах обработки исследуемых массивов данных необходимо

формализовать перечисленные особенности этих массивов и на этой основе разработать метрики для соответствующих типов данных, а также комбинированную метрику в многомерном пространстве признаков.

Формализация метрики в пространстве многомерных объектов с пропусками данных

Для решения сформулированной задачи введем следующие обозначения:

– $X = \{x_{ij}\}$ – матрица *объект–свойство*, в которой x_{ij} – значение j -го свойства (признака) i -го объекта, $i = 1, 2, \dots, m; j = 1, 2, \dots, n$;

– шкалы измерений: *cat* – категориальная (номинальная, бинарная), *rank* – ранговая (порядковая); *num* – числовая (интервальная, относительная);

– $x_i = (x_{i1}, \dots, x_{ij}, \dots, x_{in})^T \in R^n$.

Полностью заполненная (идеальная) матрица *объект–свойство* имеет вид:

Объект	x_{i1}	x_{i2}	...	x_{ij}	$x_{i,j+1}$...	x_{ip}	...	$x_{i,n-1}$	x_{in}
	Наименование шкалы									
	<i>cat</i>	<i>num</i>	...	<i>cat</i>	<i>cat</i>	...	<i>rank</i>	...	<i>Rank</i>	<i>num</i>
	Наименование признака (свойства)									
	цвет волос	возраст	...	сем. полож.	пол	...	телосл.	...	Доход	рост
x_1	блондин	18	...	женат	м	...	худощ.	...	Низкий	150
.
.
.
x_i	брюнет	22	...	разведен.	м	...	толст.	...	Высокий	180
.
.
.
x_m	шатен	40	...	незам.	ж	...	очень толст.	...	Средний	165

Фрагмент матрицы с пропусками имеет вид:

	x_{i1}	x_{i2}	x_{i3}	x_{i4}	x_{i5}	x_{i6}
.						
.						
.						
x_i	брюнет	22	<i>none</i>	<i>none</i>	толст.	180
x_l	<i>none</i>	40	незам.	<i>none</i>	<i>none</i>	165
.						
.						
.						

Здесь *none* – отсутствующие данные в ячейке.

Обозначим далее:

n_i – число пропусков в объекте x_i , (в примере $n_i = 2$),

n_l – число пропусков в объекте x_l , (в примере $n_l = 3$),

n_{il} – число общих пропусков (в данном примере – в четвертом столбце $n_{il} = 1$);

$x_i \cap x_l \neq \emptyset$.

С учетом введенных обозначений, используя модель *частичного расстояния* [8], расстояние d_{il} между объектами x_i и x_l в общем виде можно записать следующим образом:

$$d_{ij} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \sum_{j=1}^n |x_{ij} - x_{lj}| \delta_{il}; \quad (1)$$

$$\delta_{il} = \begin{cases} 1, & (x_{ij} \neq \text{none}) \& (x_{lj} \neq \text{none}), \\ 0, & (x_{ij} = \text{none}) \vee (x_{lj} = \text{none}). \end{cases} \quad (2)$$

Очевидно, что для различных шкал измерений, расстояние между значениями признаков x_i и x_l в выражении (1) будут вычисляться по-разному.

Количественные метрики

Способы вычисления расстояний (метрики) в числовых шкалах известны [1, 2]. Для использования их в выражении (1) целесообразно выполнить следующую нормализацию:

$$\begin{aligned} x_{j\min} &\leq x_{ij} \leq x_{j\max}, \\ x_{ij} &= \frac{x_{ij} - x_{j\min}}{x_{j\max} - x_{j\min}}, \\ 0 &\leq x_{ij} \leq 1. \end{aligned} \quad (3)$$

Наиболее часто используемые количественные метрики – евклидова и манхэттенская. С учетом введенных обозначений и выражений (1) – (3) выражение для евклидовой метрики в нашей задаче может быть записано следующим образом:

$$d_{il}^{numE} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \sum_{j=1}^n (x_{ij} - x_{lj})^2 \delta_{il}; \quad (4)$$

$$0 \leq d_{il}^{numE} \leq 1. \quad (5)$$

Выражение для манхэттенской метрики можно записать так:

$$d_{il}^{numBC} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \sum_{j=1}^n |x_{ij} - x_{lj}| \delta_{il}; \quad (6)$$

$$0 \leq d_{il}^{numBC} \leq 1. \quad (7)$$

Категориальная метрика

Применяется для множеств значений, выражающих какие-либо неизмеримые качества

объектов, например, цвет волос (шатен, блондин, брюнет), к которым применимы только операции отношения *равно* или *не равно*. Традиционно категориальная метрика выражается следующей формулой:

$$d_{il}^{cat} = \sum_{j=1}^n \delta(x_{ij}, x_{lj}); \quad (8)$$

$$\delta(x_{ij}, x_{lj}) = \begin{cases} 1, & \text{если } x_{ij} \neq x_{lj}, \\ 0, & \text{если } x_{ij} = x_{lj}. \end{cases} \quad (9)$$

Так, например, если все соответствующие значения признаков объектов x_i , x_l совпадают – $x_{ij} = x_{lj}$ для всех $j = 1, 2, \dots, n$, то в этом случае $d_{il}^{cat} = 0$, если же все соответствующие значения признаков различны, то $d_{il}^{cat} = n$. Таким образом:

$$0 \leq d_{il}^{cat} \leq n. \quad (10)$$

В нашей задаче удобнее применить не метрику (10), а ее нормированный вариант:

$$d_{il}^{cat} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n \delta(x_{ij}, x_{lj}), \quad (11)$$

$$0 \leq d_{il}^{cat} \leq 1. \quad (12)$$

Для совместного использования различных шкал с учетом наличия пропусков данных целесообразно применять модифицированную категориальную метрику:

$$d_{il}^{cat'} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \sum_{j=1}^n \delta(x_{ij}, x_{lj}) \delta_{il}, \quad (13)$$

$$0 \leq d_{il}^{cat'} \leq 1. \quad (14)$$

Ранговая метрика

Она применяется в тех случаях, когда значения не имеют числового выражения, но между ними существуют отношения порядка – *больше*, *меньше*, *равно*.

Пусть j -й признак имеет R_j рангов: $r_j = 1, 2, \dots, R_j$, т.е. вместо x_{ij} обрабатывается $x_{ij}^{r_j}$, $\forall i = 1, 2, \dots, N$. Таким образом, в соответствующей клетке матрицы стоит лингвистическая переменная $x_{ij}^{r_j}$, т.е. $x_i = \{x_{ij}^{r_j}\}$.

Расстояние в ранговой метрике может быть введено на основе распределения частот:

$$f_j^{r_j} = \frac{N_j^{r_j}}{N_j}, \quad (15)$$

где N_j – вследствие наличия пропусков данных может быть не равно N ; $N_j^{r_j}$ – число появлений r_j -го ранга в j -м столбце.

Вводя накопительные частоты:

$$F_j^1 = \frac{f_j^1}{2}, \quad F_j^{r_j} = \frac{f_j^{r_j}}{2} + \sum_{q=1}^{r_j-1} f_j^q; \quad (16)$$

$$\sum_{q=1}^{R_j} f_j^q = 1;$$

можем ранги заменить их числовыми значениями, основанными на частотах появлений [9]:

$$x_{ij}^1 = \frac{f_j^1}{2}, \quad x_{ij}^{r_j} = x_{ij}^{r_j-1} + 0,5(f_j^{r_j-1} + f_j^{r_j}). \quad (17)$$

Выполняя далее нормализацию полученных выражений для приведения переменных в нашей задаче к единому основанию – в интервал $[0, 1]$:

$$x_{ij}^{r_j} = \frac{x_{ij}^{r_j} - x_{ij}^1}{x_{ij}^{R_j} - x_{ij}^1}, \quad (18)$$

можно записать расстояние d_{il}^{rank} между x_i и x_l в ранговой метрике в виде:

$$d_{il}^{rank} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \sum_{j=1}^n |x_{ij}^{r_j} - x_{lj}^{r_j}| \delta_{il}, \quad (19)$$

$$0 \leq d_{il}^{rank} \leq 1.$$

Комбинированная метрика

В случае использования всех трех метрик расстояние между x_i и x_l имеет следующий вид:

$$d_{il} = \frac{1}{3}(d_{il}^{num'} + d_{il}^{cat'} + d_{il}^{rank'}), \quad 0 \leq d_{il} \leq 1. \quad (20)$$

Предложенная модель может применяться в случаях, когда все признаки равноценны с учетом определения меры близости. В реальных задачах часто возникает необходимость определять степень близости между объектами криминальных учетов не по всем признакам, а по некоторому подмножеству значимых в данной ситуации признаков, а иногда даже по одному какому-то критическому для конкретных случаев признаку. Кроме того, даже в случае учета всех признаков их значимость для определения степени близости между объектами, как правило,

неравнозначна. В связи с этим введем в выражение (20) коэффициенты значимости признаков k_j , определяемые экспертами-аналитиками в ходе решения конкретных задач:

$$d_{il} = \sum_{j=1}^n k_j d_{il}^j \delta_{il} \quad (21)$$

где $d_{il} \in \{d_{il}^{num'}, d_{il}^{cat'}, d_{il}^{rank'}\}$.

Пронормировав коэффициенты k_j :

$$k_j' = \frac{k_j}{\sum_{j=1}^n k_j}, \quad \sum_{j=1}^n k_j' = 1, \quad (22)$$

с учетом (22) выражения (4), (6), (13) и (19) для определения степени близости между объектами x_i и x_l в рассмотренных метриках можно записать следующим образом:

$$d_{il}^{numE'} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \sum_{j=1}^n k_j' (x_{ij} - x_{lj})^2 \delta_{il}; \quad (23)$$

$$d_{il}^{numBC'} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \sum_{j=1}^n k_j' |x_{ij} - x_{lj}| \delta_{il}; \quad (24)$$

$$d_{il}^{cat'} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \sum_{j=1}^n k_j' \delta(x_{ij}, x_{lj}) \delta_{il}; \quad (25)$$

$$d_{il}^{rank'} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \sum_{j=1}^n k_j' |x_{ij}^{r_j'} - x_{lj}^{r_j'}| \delta_{il}. \quad (26)$$

Подставив (24) – (26) в (21) получим выражение для определения расстояния между объектами x_i и x_l в общем виде:

$$d_{il} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \left(\sum_{j=1}^n k_j' |x_{ij} - x_{lj}| \delta_{il} + \sum_{j=1}^n k_j' \delta(x_{ij}, x_{lj}) \delta_{il} + \sum_{j=1}^n k_j' |x_{ij}^{r_j'} - x_{lj}^{r_j'}| \delta_{il} \right). \quad (27)$$

Для корректности вычислений расстояния по обобщенной формуле введем *флажки* для каждой из метрик:

$$b_i^{num} = \begin{cases} 1, & \text{если } j\text{-й признак измеряется в числовой метрике,} \\ 0, & \text{в противном случае;} \end{cases}$$

$$b_i^{cat} = \begin{cases} 1, & \text{если } j\text{-й признак измеряется в категориальной метрике,} \\ 0, & \text{в противном случае;} \end{cases}$$

$$b_i^{rank} = \begin{cases} 1, & \text{если } j\text{-й признак измеряется в метрике,} \\ 0, & \text{в противном случае.} \end{cases}$$

Тогда, подставив их в (27), получим итоговое выражение для определения расстояния между объектами x_i и x_l в общем виде:

$$d_{il} = \frac{1}{n - n_i - n_l + n_{il}} \left(\sum_{j=1}^n b_j^{num} k_j' |x_{ij} - x_{lj}| \delta_{il} + \sum_{j=1}^n b_j^{cat} k_j' \delta(x_{ij}, x_{lj}) \delta_{il} + \sum_{j=1}^n b_j^{rank} k_j' |x_{ij}^{r_j'} - x_{lj}^{r_j'}| \delta_{il} \right). \quad (28)$$

Проиллюстрируем применение построенной модели на примере. Пусть имеется следующая матрица объект-свойство:

	Пол	Возраст (на вид)	Рост	Телосложение	Цвет волос	Вид преступления
	x_{i1}	x_{i2}	x_{i3}	x_{i4}	x_{i5}	x_{i6}
x_1	М	молодой	средний	упитанный	<i>none</i>	грабеж
x_2	Ж	<i>none</i>	средний	толстый	светлый	кража
x_3	М	пожилой	низкий	худой	седой	кража
x_4	М	<i>none</i>	высокий	худой	<i>none</i>	бандитизм
x_5	Ж	средний	<i>none</i>	крепкий	желтый	кража

С помощью сформулированной метрики (28) определим расстояние между объектами x_2 и x_4 .

$n = 6, n_2 = 1, n_4 = 2, n_{24} = 1$. Для простоты вычислений примем $k_1 = k_2 = k_3 = k_4 = k_5 = k_6 = 1$.

$$d_{24} = \frac{1}{n - n_2 - n_4 + n_{24}} \left(\sum_{j=1}^6 b_j^{num} k_j' |x_{2j} - x_{4j}| \delta_{24} + \sum_{j=1}^6 b_j^{cat} k_j' \delta(x_{2j}, x_{4j}) \delta_{24} + \sum_{j=1}^6 b_j^{rank} k_j' |x_{2j}^{r_j'} - x_{4j}^{r_j'}| \delta_{24} \right). \quad (29)$$

$$\frac{1}{n - n_2 - n_4 + n_{24}} = \frac{1}{6 - 1 - 2 + 1} = 0,25;$$

$$k_1' = k_2' = k_3' = k_4' = k_5' = k_6' = \frac{1}{6}.$$

Первое слагаемое в (29) будет равно 0, поскольку $b_1^{num} = b_2^{num} = b_3^{num} = b_4^{num} = b_5^{num} = b_6^{num} = 0$.

Три признака в примере измеряются в ранговой метрике:

$$b_1^{rank} = 0, b_2^{rank} = 1, b_3^{rank} = 1, b_4^{rank} = 1, b_5^{rank} = 0, b_6^{rank} = 0.$$

Три признака – в категориальной:

$$b_1^{cat} = 1, b_2^{cat} = 0, b_3^{cat} = 0, b_4^{cat} = 0, b_5^{cat} = 1, b_6^{cat} = 1.$$

Вычислим компоненты третьего слагаемого. Для второго признака (x_{i2}).

$$R_2 = 3,$$

$$x_{i2}^{rank} = \{x_{i2}^1, x_{i2}^2, x_{i2}^3\} = \{\text{молодой, средний, пожилой}\},$$

$$f_2^1 = \frac{N_2^1}{N_2} = \frac{1}{3}, f_2^2 = \frac{N_2^2}{N_2} = \frac{1}{3}, f_2^3 = \frac{N_2^3}{N_2} = \frac{1}{3},$$

$$F_2^1 = \frac{f_2^1}{2} = \frac{1}{6}, f_2^2 = \frac{N_2^2}{N_2} = \frac{1}{3}, f_2^3 = \frac{N_2^3}{N_2} = \frac{1}{3},$$

$$F_2^2 = \frac{f_2^2}{2} + f_2^1 = \frac{1}{6} + \frac{1}{3} = \frac{1}{2},$$

$$F_2^3 = \frac{f_2^3}{2} + f_2^1 + f_2^2 = \frac{1}{6} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}.$$

Значения второго признака во второй и четвертой строках не определены: $x_{22} = none$; $x_{42} = none$. Таким образом, перейдя от лингвистических переменных в исходной матрице к их частотным эквивалентам в соответствии с (17), получим: $x_{i2}^1 = F_2^1 = \frac{1}{6}$; $x_{i2}^2 = F_2^2 = \frac{1}{2}$; $x_{i2}^3 = F_2^3 = \frac{5}{6}$.

Пронормировав полученные значения в соответствии с (18), получим:

$$x_{i2}^1 = 0; x_{i2}^2 = \frac{\frac{1}{6} - 0}{\frac{5}{6} - 0} = \frac{1}{5} = \frac{3}{15}; x_{i2}^3 = 1.$$

Выполняя аналогичные действия для третьего и четвертого столбцов матрицы, получим:

$$R_3 = 3,$$

$$x_{i3}^{rank} = \{x_{i3}^1, x_{i3}^2, x_{i3}^3\} = \{\text{низкий, средний, высокий}\},$$

$$x_{i3}^1 = 0; x_{i3}^2 = \frac{1}{2}; x_{i3}^3 = 1.$$

$$R_4 = 3,$$

$$x_{i4}^{rank} = \{x_{i4}^1, x_{i4}^2, x_{i4}^3, x_{i4}^4\} =$$

= {худой, крепкий, упитанный, толстый},

$$x_{i4}^1 = 0; x_{i4}^2 = \frac{3}{7}; x_{i4}^3 = \frac{5}{7}; x_{i4}^4 = 1.$$

Подставляя полученные значения в исходную матрицу, получим:

	Пол	Возраст (на вид)	Рост	Телосложение	Цвет волос	Вид преступления
	x_{i1}	x_{i2}	x_{i3}	x_{i4}	x_{i5}	x_{i6}
x_1	М	0	1/2	5/7	none	грабеж
x_2	Ж	none	1/2	1	светлый	кража
x_3	М	1	0	0	седой	бандитизм
x_4	М	none	1	0	none	кража
x_5	Ж	3/5	none	3/7	желтый	кража

Далее, в соответствии с (29) вычисляем расстояние в предложенной метрике между вторым и четвертым объектами:

$$d_{24} = \frac{1}{4} \left(\sum_{j=1}^6 b_j^{num} k_j' |x_{ij} - x_{lj}| \delta_{24} + \sum_{j=1}^6 b_j^{cat} k_j' \delta(x_{ij}, x_{lj}) \delta_{24} + \sum_{j=1}^6 b_j^{rank} k_j' |x_{ij}^{rj} - x_{lj}^{rj}| \delta_{24} \right) =$$

$$= \frac{1}{4} \left(\frac{1}{6} \sum_{j=1}^6 b_j^{cat} k_j' \delta(x_{ij}, x_{lj}) \delta_{24} + \frac{1}{6} \sum_{j=1}^6 b_j^{rank} k_j' |x_{ij}^{rj} - x_{lj}^{rj}| \delta_{24} \right) =$$

$$= \frac{1}{24} \left((1+0+0+0+0+0) + \left(0+0+\frac{1}{2}+0+0 \right) \right).$$

Заключение. Предложенный способ определения близости многомерных объектов, учитывающий особенности формирования баз данных криминальных учетов, позволяет применять классические алгоритмы кластеризации, классификации и ассоциации для решения практических задач выявления неявных и скрытых связей между объектами криминальных учетов в базах данных информационных систем органов внутренних дел. В частности, таких задач, как поиск преступлений по аналогии, определение круга подозреваемых по определенному преступлению или по группе преступлений и т.д.

1. Han L., Kamber M. Data Mining: Concepts and Techniques. – Amsterdam: Morgan Kaufman Publ., 2006. – 754 p.
2. Aggarwal C.C. Data Mining. – Cham: Springer Ltd. Publ. Switzerland, 2015. – 734 p.
3. Hathaway R.J., Bezdek J.C. Fuzzy c-means clustering of incomplete data // IEEE Trans. On Systems, Man and Cybernetics. – 2001. – 31, N 5. – P. 735–744.
4. Brouwer R.K. Fuzzy set covering of a set of ordinal attributes without parameter sharing // Fuzzy Sets and Systems. – 2006. – 157, N 13. – P. 1775–1786.
5. Pedricz W., Chen Sh.-M. Information Granularity, Big Data and Computational Intelligence. – Cham: Springer, 2015. – 444 p.
6. Інструкція про єдиний облік злочинів. – <http://zakon4.rada.gov.ua/laws/show/v0020900-02/page>
7. Методичні рекомендації щодо алгоритму дій користувачів з організації формування Інтегрованої інформаційно-пошукової системи органів внутрішніх справ України. від 16.01.2014 № 727/3. – К.: МВС України, 2014. – 35 с.
8. Westphal C. Data Mining for Intelligence, Fraud and Criminal Detection. Advanced Analytic & Information

Sharing Technologies. – Boca Raton: CRC Press, 2009. – 426 p.
9. *Mena J.* Investigative Data Mining for Security and Criminal Detection. – Amsterdam: Elsevier Science, 2003. – 452 p.

Поступила 23.11.2016
Тел. для справок: +38 057 739-8014 (Харьков)
E-mail: bodyanskiy@gmail.com, struk_vm@ukr.net, poputchik@i.net
© Е.В. Бодянский, В.М. Струков, Д.Ю. Узлов, 2016

UDC 343.346.8:004.056.53

E.V. Bodjanskiy, V.M.Strukov, D.J. Uzlov

The Task of the Proximity Estimation of Multidimensional Objects of the Data Analysis

Keywords: Data Mining, multidimensional objects, clustering, classification, measurement scales, numerical metric, categorical metric, rank metric.

Introduction. The task of the proximity estimation of multidimensional objects is well investigated [1,2]. But there are some tasks, which have features that enable to apply the classic algorithms and methods. Such practically significant task is processing of multidimensional objects with different measurement scales properties that are stored at data base of information departments of law enforcement of Ukraine.

Purpose. Investigation purpose is to develop the way foregoing objects proximity estimation to enable applying classic methods of clustering, classification and association.

Methods. The approach to formalization of data array features is proposed and expressions for numerical, rank and complex metrics in multidimensional objects space with the properties in the different measurement scales are developed.

Results. The developed approach enables applying classic methods of clustering, classification and association for data base of information departments of law enforcement of Ukraine processing, in particular, for solving the significant problem of the detection of the implicit and hidden relations between criminal accounting objects in data bases of information systems of law-enforcement agencies.

