УДК 535.345.67

Первак Ю.О.<sup>1</sup>, д.ф.-м.н., проф., Федоров В.В.<sup>1</sup>, аспірант

## Просторово-спектральний розподіл електричного поля в одновимірних фотонних кристалах з трьома пів хвильовими резонаторами

Досліджено просторово-спектральний розподіл електричного поля на частотах трьох дозволених зон, що виникають в просторовообмежених 1-D фотонних кристалах з трьома пів хвильовими дефектами. Фотонний кристал утворений шарами оксидів кремнію і титану, що чергуються. Показано, що максимальне значення електричного поля в ФК з трьома пів хвильовими дефектами завжди менше відповідного значення поля в резонаторі фільтра Фабрі-Перо, що має однакову товщину з ФК. Зближенням пів хвильових дефектів можна підвищувати концентрацію поля та керувати спектральним складом електричного поля.

Ключові слова: багатошарова тонкоплівкова структура, одновимірний фотонний кристал

<sup>1</sup> Київський національний університет імені Тараса Шевченка,03680, м. Київ, пр-т. Глушкова 4г, e-mail: <u>yupervak@univ.kiev.ua</u>

Yu.O. Pervak<sup>1</sup>, Dr. Sci., V.V. Fedorov<sup>1</sup>, post grad. stud.

## Spectral-spatial distribution of electric-field in one dimensional photonic crystals with three half-wave resonators

Spectral characteristics of transmittance and spatial distribution of electric-field were investigated on frequencies of three allowed zones that arise up in spatially-limit 1-D photonic crystals with three half-wave defects of different nature. A photonic crystal consists the layers of oxides of silicon and titan that alternate. It is shown that maximal value of electric-field in a photonic crystal with three half-wave defects always less corresponding value of the field in a resonator of Fanri-Perot filter that has an identical thickness with a photonic crystal. By rapprochement half wave defects can be promoted concentration and to manage spectral composition of electric-field.

Key words: multilayer thin-film structure, onedimensional photonic crystal

<sup>1</sup>Taras Shevchenko National University of Kyiv, 03680, Kyiv, Glushkova st., 4g, e-mail: <u>yupervak@univ.kiev.ua</u>

Статтю представив д.техн.н., проф. Погорілий С.Д.

Необхідність частотної селекції електромагнітного випромінювання у різноманітних телекомунікаційних системах обумовлює інтерес до багато пів хвильових інтерференційних фільтрів, аналітична теорія яких розроблена в роботі [1]. В фотоніці такі структури дістали назву одновимірних(1 - D) фотонних кристалів (ФК) з пів хвильовими дефектами [2, 3]. Наявність пів хвильових дефектів призводить до появи фотонних дозволених зон в середині забороненої зони фотонного кристалу. При певному виборі параметрів багатошарової структури можна добитися чіткого розділення цих дозволених фотонних зон [4, 5]. Положення цих дозволених фотонних зон визначається відстанню між пів хвильовими дефектами, а ширина зон товщиною ФК [6-9]. У бездефектних 1 - D фотонних кристалах на краях зони Бриллюена електричне поле концентрується

в шарах з високою діелектричною проникністю в першій фотонній дозволеній зоні (нижче забороненої зони) і в шарах з низькою діелектричною проникністю в другій дозволеній фотонній зоні (вище забороненої зони) [2, 3]. В двокомпонентних 1-D ФК з трьома пів хвильовими дефектами електричне поле концентрується в середині пів хвильових дефектів з меншою діелектричною проникливістю і на інтерфейсах пів хвильових дефектів з більшою діелектричною проникливістю [6-9].

Мета даної роботи – встановлення впливу взаємного розташування пів хвильових дефектів на розподіл електричного поля в ФК і можливість керування цим розподілом. Методика розрахунку розподілу електричного поля детально описана в попередніх роботах [6-9]. В якості модельного об'єкту вибрано структуру 1D-ФК, які склада-

© Ю.О.Первак, В.В.Федоров, 2013

ються з 47 шарів оксидів титану (TiO<sub>2</sub>) і кремнію (SiO<sub>2</sub>). Перший і останній шари виготовлені з TiO<sub>2</sub>, а пів хвильові шари з SiO<sub>2</sub>. В випадку, коли пів хвильові резонатори мають низьку діелектричну проникливість, загальна формула структур записується як S(HL)<sup>*l*+1</sup>[(LH)<sup>*k*+1</sup>L]<sup>2</sup>(HL)<sup>*l*+1</sup>, де H i L чверть хвильові на довжині хвилі  $\lambda_0 = 550$  нм шари із матеріалів з високим (TiO<sub>2</sub>) і низьким (SiO<sub>2</sub>) показниками заломлення, відповідно. Для того, щоб кількість шарів *N* дорівнювала 47 сума (*l* + *k*) має дорівнювати 10, оскільки *N* = 4*l* + 4*k* +7.

Збільшення параметру l від 0 до 2 відповідає зменшенню відстані між пів хвильовими резонаторами від 5,25λ<sub>0</sub> до 4,25λ<sub>0</sub>. При цьому фотонна заборонена зона (ФЗЗ) практично не змінюється, а єдина дозволена фотонна зона в ФЗЗ, тобто смуга прозорості з максимальним пропусканням на довжині хвилі  $\lambda_0 = 550$  нм, суттєво розширюється. При відстані між резонаторами більшій 4 $\lambda_0$ взаємодія між резонаторами дуже слабка і роль бічних пів хвильових резонаторів зводиться до зменшення коефіцієнта відбивання дзеркал центрального пів хвильового резонатора. За таких умов розподіл електричного поля в таких структурах буде близьким до розподілу поля в звичайному інтерферометрі Фабрі-Перо, кожне з дзеркал якого складається з меншої кількості шарів, ніж структури з трьома резонаторами. Щоб отримати структуру такого еквівалентного інтерферометра Фабрі-Перо, достатньо від структури з трьома резонаторами відняти бічні пів хвильові шари і шари, що симетрично їх оточують. На рис.1 показано спектрально-просторовий розподіл електричного поля ( $|E|^2$ ) в досліджуваних 47шарових структурах 1D-ФК. В роботі електричне поле вимірюється в відносних одиницях (процентах). Якщо електричне поле ( $|E|^2$ ) хвилі, що падає, прийняти рівним 100%, то при коефіцієнті відбивання 1, електричне поле на вхідній поверхні складе 400%. Реально електричне поле на вхідній поверхні завжди менше 400%. Спектральнопросторовий розподіл показаний для спектрального діапазону фотонної забороненої зони, який містить дозволенні фотонні зони.

Поки відстань між серединами бічних і центрального пів хвильових резонаторів більша  $4,25\lambda_0$  спектрально-просторовий і просторовий розподіли електричного поля в середовищі фотонного кристалу мають вигляд, характерний для інтерферометра Фабрі-Перо. При цьому роль бічних резонаторів зводиться до зменшення коефіцієнта відбивання поверхонь центрального резонатору, внаслідок чого падає його добротність і, відповідно, електричне поле в ньому. При змен-

шенні відстані між резонаторами від  $5,75\lambda_0$  до  $4,75\lambda_0$  електричне поле, що концентрується в центральному резонаторі, зменшується майже в 35 разів (від 700000% до 20000%). Чим більша відстань між резонаторами, тим вища спектральна локалізація поля. В ФЗЗ спостерігається усього одна дозволена фотонна зона, яка поступово розширюється при зменшенні відстані між резонаторами. При цьому концентрація електричного поля суттєво зменшується.

При відстані між резонаторами 4,25 ло електричне поле зазнає як просторової, так і спектральної делокалізації, відбувається частотна деконцентрація поля. Поле на довжині хвилі  $\lambda_0$  стає меншим, ніж на довжинах хвиль бічних смуг прозорості. При подальшому зближенні резонаторів електричне поле розподіляється по усім трьом резонаторам таким чином, що на довжині хвилі  $\lambda_0$  воно практично відсутнє в центральному резонаторі, в той час як на довжинах хвиль бічних смуг прозорості досягаються максимальні значення поля. Величина поля на довжині хвилі  $\lambda_0$  в бічних резонаторах вдвічі менша максимального поля в центральному резонаторі на довжинах хвиль бічних смуг прозорості. При відстані між резонаторами 1,25<sub>0</sub> усі відповідні максимальні значення поля на усіх довжинах хвиль смуг прозорості майже однакові, а при подальшому зближенні резонаторів електричне поле на довжині хвилі  $\lambda_0$  в бічних резонаторах більше, ніж на порядок перевищує максимальне поле в центральному резонаторі на довжинах хвиль бічних смуг прозорості. Відповідні зміни величини електричного поля при зміні відстані між резонаторами показано на рис.2, де значення на довжині хвилі  $\lambda_0 = \lambda_c$  центральної смуги прозорості відповідають максимальному полю в бічних резонаторах, а на довжинах хвиль  $\lambda_{\kappa}$ , і  $\lambda_{\pi}$  бічних смуг прозорості – максимальному полю в центральному резонаторі. В усіх випадках електричне поле концентрується в пів хвильових резонаторах і досягає максимального значення в середині резонатору.

Якщо в структурі ФК замінити усі шари Н на L і навпаки, тобто здійснити перехід від структури  $S(HL)^{l+1}[(LH)^{k+1}L]^2(HL)^{l+1}$  до структури  $S(LH)^{l+1}[(HL)^{k+1}H]^2(LH)^{l+1}$ , то отримаємо структуру, в якій усі пів хвильові резонатори матимуть високу діелектричну проникливість. Для структур  $S(LH)^{l+1}[(HL)^{k+1}H]^2(LH)^{l+1}$  характерні властивості спектрально-просторового і просторового розподілу електричного поля, як і для структур  $S(HL)^{l+1}[(LH)^{k+1}L]^2(HL)^{l+1}$ , з тією різницею, що в



Рис.1. Просторово-спектральний розподіл електричного поля в 1D-ФК-A2 (структурна формула  $S(HL)^{l+1}[(LH)^{k+1}L]^2(HL)^{l+1})$ .

середині пів хвильових резонаторів поле буде відсутнім, а на інтерфейсах резонаторів досягатиме максимальних значень.



Рис.2. Максимальне значення електричного поля  $(|E|^2)$  в структурах 1D-ФК-А2 з 47 шарів на довжинах хвиль смуг прозорості  $\lambda_{\kappa}$ ,  $\lambda_c$  і  $\lambda_a$ .

Тому для спектрально-просторового розподілу поля структур  $S(LH)^{l+1}[(HL)^{k+1}H]^2(LH)^{l+1}$  притаманна роздвоєність піків максимального поля (рис.3). Правило локалізації максимального електричного поля на інтерфейсах пів хвильових резонаторів в незначній мірі порушується лише в випадку, коли резонатори з високою діелектрич-

## Список використаних джерел

- Markov Yu.N. Synthesis of contrast band interference filters. The complicated periodic systems // Opt.&Spectroscopy. – 19837. – Vol.543. – N1. – P.173-178. (in Russian).
- Joannopoulos J.D., Meade R.D., Winn J.N. Photonic Crystals. - Princeton: Princeton University Press, 1995. – 137p.
- 3. Pervak V.Yu., Shpak A.P., Pervak Yu.O., Kunitska L.Yu. Physics of photonic crystals. Kyyv, Akademperiodika. – 2007. - 304p.(in Ukrainian).
- Pervak Yu.O., Fedorov V.V. Spectral properties of multilayer structures with three half-wave resonators // Bulletin of Taras Shevchenko National University of Kyiv, Ser.: Phys.&Mathematics. – 2011. - №1. – P. 259-262.(in Ukrainian).
- Pervak Yu.O., Fedorov V.V. Features of spectral characteristics of multilayer structures with three half-wave resonators // Bulletin of Taras Shev-chenko National University of Kyiv, Ser.: Phys.&Mathematics.- 2011. №2. P. 201-204.(in Ukrainian).
- 6. *Pervak Yu.O., Fedorov V.V.* The angular dependences of spectral transmittance for multilayer

ною проникливістю розділені усього одним шаром з низькою діелектричною проникливістю.

S(LH)5[(HL)7H]2(HL)5



Рис.3. Просторово-спектральний розподіл електричного поля в  $\Phi K S(LH)^{5}[(HL)^{7}H]^{2}(LHL)^{5}$ .

В досліджуваних структурах електричне поле може перевищувати електричне поле хвилі, що падає на структуру, в сотні разів. Максимальне значення електричного поля в ФК з трьома пів хвильовими дефектами завжди менше відповідного значення поля в резонаторі фільтра Фабрі-Перо, що має однакову товщину з ФК. Зближенням пів хвильових дефектів можна підвищувати концентрацію поля керувати спектральним складом електричного поля.

structures with three half-wave resonators // Bulletin of Taras Shevchenko National University of Kyiv, Ser.: Phys.&Mathematics. – 2011. - №4. – P. 267-270.(in Ukrainian).

- Pervak Yu.O., Fedorov V.V. Influence of inconsistency of resonators on spectral descriptions and spatial distribution of electric-fild in 1-D photonic with three half-wave resonators // Bulletin of Taras Shevchenko National University of Kyiv, Ser.: Phys.&Mathematics. 2012. №1. P. 295-298.(in Ukrainian).
- Pervak Yu.O., Fedorov V.V. Features of electricfild distribution in 1-D photonic with three halfwave resonators of different nature // Bulletin of Taras Shevchenko National University of Kyiv, Ser.: Phys.&Mathematics. – 2012. - №2. – P. 287-290.(in Ukrainian).
- Pervak Yu.O., Fedorov V.V. Features of electricfield distribution in 1 - D photonic crystals with three half-wave defects // Nanosystems, Nanomaterials, Nanotechnologies. – 2012. – Vol.10. – №3. – P.467-476.(in Ukrainian).

Надійшла до редколегії 29.03.2013

2013, 2