D

•--- МАТЕМАТИКА И КИБЕРНЕТИКА — ФУНДАМЕНТАЛЬНЫЕ И ПРИКЛАДНЫЕ АСПЕКТЫ •--- •

УДК 621.376.6

МОДЕЛЬ КАМ-СИГНАЛУ З ПЕРЕКОМУТАЦІЄЮ СКЛАДОВИХ ЧАСТОТИ-НОСІЯ

А. А. Овчарук Магістрант* Контактний тел.: (0432) 69-13-78 E-mail: pendalf2008@inbox.ru

С. Т. Барась Кандидат технічних наук, доцент, декан* Контактний тел.: (0432) 598538 E-mail: penalf2008@mail.ru

Т.І.Овчарук Магістрант Кафедра проектування медико-біологічної апаратури** Контактний тел.: (0432) 435768 E-mail: evaforlife@mail.ru

 Кафедра проектування комп'ютерної та телекомунікаційної апаратури**
 ** Вінницький національний технічний університет, вул. Хмельницьке шосе, 95, м. Вінниця, Україна, 21021

за рахунок перекомутації складових частоти-носія. Але оцінки впливу таких модифікацій КАМ-сигналу на завадостійкість у роботі [4] проведено не було.

2. Постановка завдання

Метою даного дослідження є розробка математичної моделі КАМ-сигналу, в якому миттєва фаза використовується як додатковий інформаційний параметр, і її зміна забезпечується за рахунок перекомутації складових частоти-носія, а також визначення впливу введення додаткового інформаційного параметру на завадозахищеність сигналу.

3. Методика проведення досліджень

Звичайний КАМ-сигнал можна представити формулою [1, 6]:

$$Z_{\rm m}(t) = I_{\rm m} \cdot \cos(2\pi f_{\rm c} t) + Q_{\rm m} \cdot \sin(2\pi f_{\rm c} t), \qquad (1)$$

де I_m , Q_m — синфазний і квадратурний модулюючі імпульси; f_c — частота-носій; t— час, змінюється в діапазоні {(m-1)· $T_{\rm im}...m\cdot T_{\rm im}$ }; m=1,2,...,N $_{\rm im}$ — порядковий номер модулюючого імпульсу; $T_{\rm im}$ — період модулюючого

Розроблено математичну модель КАМ-сигналу з використанням миттєвої фази як додаткового інформаційного параметру і проведення її змін за рахунок перекомутації складових частотиносія. Проведено моделювання розробленої моделі на ЕОМ.

-0

Ключові слова: КАМ, телекомунікації, фаза, завадостійкість, інформація.

Разработана математическая модель КАМ-сигнала с использованием мгновенной фазы в качестве дополнительного информационного параметра и проведение ее изменений за счет перекоммутации составляющих несущей частоты. Проведено моделирование разработанной модели на ЭВМ.

Ключевые слова: **КАМ, телекомму**никации, фаза, помехоустойчивость, информация.

The mathematical model of QAM-signal with use the instantaneous phase as an additional information parameter and conducting its changes by overcommutation of carrier components is proposed. A computer simulation of the proposed mathematical model is performed.

Keywords: **QAM**, telecommunication, phase, noise immunity, information.

1. Вступ

Кількість інформації, що передається у сучасних телекомунікаційних системах постійно зростає, що потребує підвищення швидкості передачі інформації. Одним із шляхів досягнення високої швидкості передачі інформації є використання квадратурної амплітудної модуляції (КАМ).

Традиційним підходом для підвищення швидкості передачі інформації на основі використання КАМ вважається збільшення кількості рівнів амплітуди і початкової фази сигналу та встановлення такого співвідношення сигнал/шум, при якому кількість помилок є допустимою [1].

Враховуючи те, що збільшення рівнів сигналу призводить до зростання міжрівневих спотворень, а, отже, і до збільшення кількості помилок, у роботах [2, 3, 4] було запропоновано альтернативні методи підвищення швидкості передачі інформації на основі КАМ. При цьому у роботах [2, 3] було розроблено моделі сигналів на основі запропонованих методів і проведено їх моделювання на ЕОМ, з результатів якого було виявлено, що дані методи дозволяють досягти кращої завадостійкості ніж використання традиційного методу підвищення швидкості передачі інформації на основі КАМ.

У роботі [4] було запропоновано варіант КАМ-сигналу, в якому миттєва фаза використовується як додатковий інформаційний параметр, а її зміна забезпечується сигналу; $\cos(2\pi f_c t)$ — синфазна складова частоти-носія; $\sin(2\pi f_c t)$ — квадратурна складова частоти-носія; N_{im} – кількість модулюючих імпульсів.

Демодуляція КАМ-сигналу відбувається відповідно до формул [7]:

$$y_{I}(t) = Z_{m}(t) \cdot \cos(2\pi f_{c}t) =$$

$$= \frac{I_{m}}{2} + \frac{I_{m}}{2} \cdot \cos(4\pi f_{c}t) + \frac{Q_{m}}{2} \cdot \sin(4\pi f_{c}t); \qquad (2)$$

$$y_{Q}(t) = Z_{m}(t) \cdot \sin(2\pi f_{c}t) =$$

$$= \frac{Q_{m}}{2} + \frac{Q_{m}}{2} \cdot \cos(4\pi f_{c}t) + \frac{I_{m}}{2} \cdot \sin(4\pi f_{c}t). \qquad (3)$$

Після демодуляції відбувається низькочастотна фільтрація сигналів $y_I(t)$ та $y_Q(t)$, в результаті чого виділяються корисні складові Q'm та I'm:

$$Q'_{m} = \frac{Q_{m}}{2}; \qquad (4)$$

$$I'_{\rm m} = \frac{I_{\rm m}}{2}.$$
 (5)

Модифікований КАМ-сигнал, який створюється на основі методу підвищення швидкості передачі інформації з використанням миттєвої фази сигналу як додаткового інформаційного параметру позначимо як КАМФ [2, 4]. При цьому, якщо відбувається модифікація сигналу КАМ-16 (16 рівнів амплітуди і початкової фази) будемо позначати модифікований сигнал аналогічно — КАМΦ-16.

Якщо вузол «сузір'я» КАМ [6] знаходиться у 2-й чи 4-й четвертях (табл. 1), то завдяки проведенню перекомутації під час поточного модулюючого імпульсу можна передавати додаткові біти за рахунок зміни фази сигналу [4]. Тому якщо інформація рівномірно розподілена по всім четвертям, то на кожні 4 імпульси модулюючого сигналу в середньому буде передаватись 2 додаткові біти (при використанні 1-ї перекомутації) [4], тобто кількість додаткових бітів на 1 модулюючий імпульс буде дорівнювати 0,5.

Таблиця 1

Зміна положення вузла «сузір'я» внаслідок перекомутації синфазної і квадратурної складових частоти-носія

T

Nº	Im	Qm	Четверть до пере- комутації	Четверть після пере- комутації
1	< 0	< 0	3	3
2	< 0	>0	2	4
3	> 0	< 0	4	2
4	> 0	> 0	1	1

Демодуляція сигналу КАМФ відбувається за принципом, аналогічним до демодуляції сигналу КАМ. Якщо розглядати часове представлення такого демодульованого сигналу (рис. 1), то можна побачити, що

в результаті перекомутації складових частоти-носія відбувається зміна полярності модулюючого імпульсу в другій його половині [4].

Як видно з рис. 1 демодульовані імпульси № 2, № 5, № 6 сигналу КАМФ (штрихова лінія) в першій своїй по-



ловині мають від'ємну полярність, а в другій – додатну, що обумовлюється зміщенням фази частоти-носія на π (рад). Таким чином відмінність демодуляції КАМФ від КАМ полягає у необхідності сприймати кожен демодульований імпульс як такий, що складається з двох імпульсів-половинок: перший з них несе у собі інформацію про амплітуду модулюючого сигналу, а другий — про додатковий біт, що передається. Порівнюючи полярність демодульованого сигналу КАМФ на проміжку часу до перекомутації з його ж полярністю на проміжку часу після перекомутації, можна зробити висновок про те, відбувалася перекомутація чи ні (рис. 2).



Рис. 2. Спрощена структурна схема приймача КАМФ-сигналу

Таким чином математична модель сигналу КАМФ може бути представлена наступним чином:

1) передавач:

 задаємо множину значень модулюючих імпульсів І_т та Q_m , а також множину значень додаткових бітів d_m ;

визначаємо момент перекомутації t₁ [4];

проводимо процес модуляції відповідно до формул:

$$\begin{split} I = \begin{cases} I_{m} \cdot \cos(2\pi f_{c}t), & \mbox{ πKIIIO$} & \frac{\left|Q_{m}\right|}{Q_{m}} = \frac{\left|I_{m}\right|}{I_{m}} & \mbox{afged} & \mbox{afged}$$

2) приймач

 отримуємо сигнали у_I(t) та у_Q(t) за формулами (2) і (3);

■ виділяємо де модульовані сигнали Q'_m та I'_m за допомогою пропускання через Φ НЧ сигналів $y_{I}(t)$ та $y_{O}(t)$:

$$I'_{m} = \Phi H \Psi(y_{I}(t)); \ Q'_{m} = \Phi H \Psi(y_{Q}(t)).$$
(7)

 відділяємо частину демодульованих імпульсів, яка відповідає проміжку часу до перекомутації:

$$\begin{split} &I'_{m,1\text{no.t.}} = I'_{m} , \quad mT_{i_{M}} < t \leq (t_{1} + mT_{i_{M}}); \\ &Q'_{m,1\text{no.t.}} = Q'_{m} , \quad mT_{i_{M}} < t \leq (t_{1} + mT_{i_{M}}). \end{split}$$

 відділяємо частину демодульованих імпульсів, яка відповідає проміжку часу після перекомутації:

$$\begin{split} &I'_{m,2 \text{ пол.}} = I'_{m} , \quad (t_{1} + m T_{i_{M}}) < t \leq (m+1)T_{i_{M}} ; \\ &Q'_{m,2 \text{ пол.}} = Q'_{m} , \quad (t_{1} + m T_{i_{M}}) < t \leq (m+1)T_{i_{M}} . \end{split}$$

 приймаємо значення демодульованих імпульсів рівним подвоєнному значенню й половини:

$$\begin{split} I'_{m} &= 2 \cdot I'_{m,1\,\text{no.t.}}; \\ Q'_{m} &= 2 \cdot Q'_{m,1\,\text{no.t.}}. \end{split} \tag{10}$$

 визначаємо значення додаткового біту (якщо він передавався)

$$d'_{m} = \begin{cases} \varnothing, \ \text{якщо} \ \frac{|Q'_{m}|}{Q'_{m}} = \frac{|I'_{m}|}{I'_{m}}; \\ 0, \ \text{якщо} \ I'_{m,1 \text{пол.}} = I'_{m,2 \text{ пол.}} \ i \ Q'_{m,1 \text{ пол.}} = Q'_{m,2 \text{ пол.}}; \\ 1, \ \text{якщо} \ I'_{m,1 \text{ пол.}} \neq I'_{m,2 \text{ пол.}} \ \text{abo} \ Q'_{m,1 \text{ пол.}} \neq Q'_{m,2 \text{ пол.}}. \end{cases}$$

4. Моделювання

Моделювання проходить по алгоритму, зображеному на рис. 3.



Рис. 3. Алгоритм проведення моделювання

Модуляція сигналів здійснюється відповідно до системи (6). Фільтр каналу (рис. 3) забезпечує узгодження спектрального складу сигналу з спектром каналу. Фільтр каналу являє собою смуговий фільтр Чебишева 2-го роду 8-го порядку з частотами зрізу 62 (кГц) та 66 (кГц) і з подавленням сигналу поза смугою пропускання рівним 10 (дБ) (рис. 4). У каналі (рис. 3) на сигнали діє завада, яка являє собою адитивний білий гаусівський шум. Демодуляція сигналів (рис. 4) здійснюється відповідно до (2), (3), (7)–(11). У порівнюючому пристрої відбувається порівняння бітів, що передавалися каналом зв'язку з бітами, що були демодульовані.

На основі математичної моделі (6)—(11) побудуємо сигнал КАМФ-16 з наступними параметрами:

значення частоти-носія f_c = 64 (кГц);

 перекомутація синфазної та квадратурної частотиносія відбувається в момент часу рівний половині тривалості модулюючого імпульсу

 $t_1 = 0, 5 \cdot T_{iM}$.

 перекомутація може відбуватися лише якщо вузол «сузір'я» утворений основними бітами, що передаються в даному модулюючому імпульсі, лежить в 2-й або 4-й четвертях;

 перекомутація відбувається, якщо додатково передається «1» і не відбувається, якщо передається «0»;

частота модулюючого сигналу f_м = 2 (кГц).

 інформація рівномірно розподілена по всіх чвертях «сузір'я» КАМ;

 кожен наступний імпульс модулюючого сигналу модулює значення частоти-носія з нульовою початковою фазою.

Отже у одному імпульсі сигналу КАМФ-16 буде передаватись в середньому 0,5 додаткових біт інформації, а тому позначимо цей сигнал як КАМФ-16-0,5. Для того щоб оцінити завадостійкість сигналу КАМФ-16-0,5 проведемо також моделювання сигналу КАМ-16, на основі його моделі описаної у [7].

Для моделювання використаємо пакет прикладних програм Matlab [7]. Моделювання проводитимемо для різних значень співвідношення сигнал-шум snr (дБ).

Перш за все, для оцінки адекватності створеної в Matlab моделі сигналу КАМФ-16-0,5 варто розглянути спектральний склад частоти-носія, оскільки зрозуміло, що через використання перекомутацій частота-носій повинна мати додаткові спектральні компоненти. На рис. 5 подано спектр синфазної складової частоти-носія сигналу КАМФ-16-0,5.

Як видно з рис. 5 спектр частоти-носія сигналу КАМФ містить додаткові спектральні компоненти, які впливатимуть на результати моделювання.

В табл. 2 наведено результати моделювання сигналів КАМ-16 та КАМФ-16-0,5.

На рис. 6 наведено графіки АЧХ сигналів КАМ-16 та КАМФ-16-0,5.

Адекватність моделі сигналу КАМ-16 побудованої у Matlab можна підтвердити порівнянням результатів моделювання з графіком наведеним у [8, с. 702]. Так як на



Рис. 4. АЧХ фільтру каналу



Рис. 5. Спектр синфазної складової частоти-носія сигналу КАМФ-16-0,5

Peav	льтати	моле	лювання
1 03	monarri	MOAC	JIIOBAIIIIA

snr (дБ) 14 16 18 20 22 24 Кількість переданих 10^{5} 10^{5} 10^{5} 10^{6} 10^{7} $2,5 \cdot 10^{8}$ імпульсів Кількість KAM-16 невірно 720 85 65 20 2 2140 прийнятих бітів $5.4 \cdot 10^{-3}$ $1.8 \cdot 10^{-3}$ $2.1 \cdot 10^{-4}$ $1.6 \cdot 10^{-5}$ $5 \cdot 10^{-7}$ $2 \cdot 10^{-9}$ BER Кількість переданих 10^{5} 10^{5} 10^{5} 10^{5} 10^{6} 107 імпульсів KAMФ-16-0,5 Кількість невірно 2736 849 105 8 5 4 прийнятих бітів $2,3 \cdot 10^{-4}$ $6,1 \cdot 10^{-3}$ $1,9 \cdot 10^{-3}$ $1,8 \cdot 10^{-5}$ $1, 1 \cdot 10^{-6}$ $8,9 \cdot 10^{-8}$ BER Відношення BER KAMΦ-16-0,5 1,13 1,05 1,13 2,2 44,5 1.1 ло BER KAM-16

програмному рівні модель КАМФ-16-0,5 у Matlab написана на основі моделі КАМ-16 з урахуванням розробленої в даній статті математичної моделі (2), (3), (6)—(11), та спираючись на рис. 6 можна стверджувати адекватність моделі КАМФ-16-0,5.



Рис. 6. Графік спектральної щільності потужності КАМФ-16-0,5 (суцільна лінія) та КАМ-16 (точкова лінія)

В результаті проведеного моделювання можна зробити наступні висновки:

1. Швидкість передачі інформації сигналом КАМФ більша за швидкість передачі інформації сигналом КАМ на:

$$\Delta V(\%) = \frac{h}{N} \cdot L(\%) = \frac{1}{4} \cdot 50\% = 12,5(\%),$$

де h — кількість перекомутацій частоти носія в одному модулюючому імпульсі; N — кількість основних бітів, що передаються у кожному символі; L (%) — статистична кількість інформації, що припадає на 2 і 4 чверті «сузір'я» КАМФ у відсотках.

2. Спектри сигналів КАМ-16 та КАМФ-16-0,5 (див. рис. 6) зосереджені в діапазоні 62—66 (кГц), що забезпечується фільтром каналу.

3. Відношення ВЕК КАМФ-16-0,5 до ВЕК КАМ-16 зберігається приблизно рівним 1 в діапазоні snr (дБ) від 14 до 16 (дБ). Значним це відношення стає лише при snr (дБ) = 24 (дБ), де воно рівне 44,5. Отже завадостійкість сигналу КАМФ-16-0,5 співрозмірна з завадостійкістю КАМ-16.

Таблиця 2

5. Висновки

Узагальнюючі і аналізуючи все вище сказана можна зробити наступні висновки:

1. Розроблена математична модель сигналу КАМ, у якому миттєва фаза використовується як додатковий інформаційний параметр, а її зміни відбуваються за рахунок перекомутації складових частоти-носія;

2. Представлена на рис. 2 схема приймача КАМФ структурно не відрізняється від приймача КАМ, відмінності проявляються лише на програмному рівні (у необхідності обробки демодульованого імпульсу частинами).

3. Враховуючи результати моделювання, можна стверджувати, що сигнал КАМФ-16-0,5 не призводить до

розширення спектру сигналу, має вищу швидкість передачі інформації ніж КАМ-16 і порівняно співвідносне з КАМ-16 значення BER. При цьому кількість необхідних схемотехнічних змін обмежується необхідністю введення блоку перекомутації складових частоти-носія у передавачі [4].

Таким чином, розроблена математична модель та проведене моделювання підтверджують ефективність запропонованого у [4] методу підвищення швидкості передачі інформації на основі КАМ з використанням миттєвої фази сигналу як додаткового інформаційного параметра, при зміні значення миттєвої фази шляхом перекомутації складових частоти-носія під час існування поточного модулюючого імпульсу.

Література

- Голуб В. С. Квадратурные модуляторы и демодуляторы в системах радиосвязи [Текст] / В. С. Голуб // Электроника: НТБ: науч.-техн. жур. – 2003. – № 3. – С. 28–32.
- Барась С. Т. Підвищення швидкості передачі інформації на основі використання алгоритму квадратурної амплітудної модуляції [Текст] / С. Т. Барась, А. А. Овчарук, Т. І. Овчарук // Вимірювальна та обчислювальна техніка в технологічних процесах. 2010. № 2. С. 242—249.

- Овчарук А. А. Квадратурна амплітудна модуляція зі змінним значенням частоти-носія [Текст] / А. А. Овчарук, С. Т. Барась, Т. І. Овчарук // Східно-Європейський журнал передових технологій. – 2011. – № 4. – С. 47–51.
- 4. Овчарук А. А. Оптимізація алгоритму квадратурної амплітудної модуляції [Текст] / А. А. Овчарук, С. Т. Барась // Вісник Хмельницького національного університету. — 2010. — № 4. — С. 196—200.
- 5. Коханов А. Б. Способ модуляции-демодуляции сигналов с квадратурным изменением угловой компоненты [Текст] / А. Б. Коханов // Технология и конструирование в электронной аппаратуре: науч.-техн. жур. — 2006. — № 4. — С. 9—13.
- 6. Бакланов И. Г. Технология ADSL/ADSL2+ теория и практика применения [Текст] / И. Г. Бакланов. М.: Метротек, 2007. 384 с.
- 7. Сергиенко А. Б. Цифровая обработка сигналов [Текст] / А. Б. Сергиенко. СПб. : Питер, 2002. 608 с.
- Quadrature Amplitude Modulation: From Basics to Adaptive Trellis-Coded, Turbo-Equalised and Space-Time Coded OFDM, CDMA and MC-CDMA Systems, 2-rd Edition [Tekcr] / L. Hanzo, S. X. Ng, T. Keller, W. T. Webb. – Wiley-IEEE Press, 2004. – 1036 p.

УДК 004.93

Розглянуті методи дискретизації в тривимірних областях. Описані прямі і ітераційні методи, а так само метод побудований на еквідистантній сітці. Створений шаблон з високою точністю опису еквідистантної сітки. Ключові слова: тривимірна область, сіткові методи, зображення.

ED-

-0

Рассмотрены методы дискретизации в трехмерных областях. Описаны прямые и итерационные методы, а также метод построен на эквидистантной сетке. Создан шаблон с высокой точностью описания эквидистантной сетки.

Ключевые слова: **трехмерная** область, сеточные методы, изображение.

The methods of discretisation are considered in three-dimensional areas. Direct and iteration methods are described, and similarly a method is built on a akvidistetion net. A template is created with high exactness of description of akvidistetion net.

Keywords: three-dimensional area, net methods, image.

1. Введение

В настоящее время исследование трехмерных изображений приводит к большому количеству исследований. Трехмерные изображения используются в компьютерной графике и в объемном телевидении. В настоящее время для построения объемных объектов используются методы построения сеток в трехмерных областях [1]. В процессе построения сеток обычно применяют дискретизацию [2], так как любой многоугольник на плоскости можно разбить на непересекающиеся треугольники, что применимо и к трехмерным областям.

2. Классификация существующих методов исследований

В соответствии с существующей классификацией методов построения сеток в трехмерных областях, имеющей

МЕТОДЫ ПОСТРОЕНИЕ СЕТОК В ТРЕХМЕРНЫХ ОБЛАСТЯХ

Е. В. Ошаровская

Кандидат технических наук, доцент Директор учебно-научного института радио, телевидения и электроники (УНИ РТЭ)* Контактный тел.: (048) 723-38-34, 067-793-23-04 E-mail: osharovskaya@mail.ru

Н. А. Патлаенко

Преподаватель кафедры телевидения и радиовещания (ТВ и РВ)* Контактный тел.: (048) 723-38-34, 098-937-28-84 E-mail: nick_msa@ukr.net

В. И. Солодкая

Преподаватель кафедры метрологии, стандартизации и сертификации (MCC)* Контактный тел.: (048) 723-38-34, 097-653-99-59 E-mail: valentinka_1986_@mail.ru

* Одесская национальная академия связи им. А. С. Попова, ул. Кузнечная, 1, г. Одесса, Украина, 65000

> значительный объем информации рассматриваются только — прямые, итерационные методы (см. табл. 1). Все методы дискретизации по принципу построения сеток разбивают на две большие группы: прямые и итерационные.

> В прямых методах дискретизации сетка строится за один этап, причем ее топология (иначе говоря, граф связей между узлами) и координаты всех узлов известны изначально. В итерационных методах сетка строится последовательно, на каждом шаге добавляется один или несколько элементов, причем изначально не известны ни координаты узлов, ни топология сетки. Кроме того, координаты узлов и топология могут меняться прямо в процессе построения.

> Прямые методы делятся на две группы: методы на основе шаблонов и методы отображения.

Первый подразумевает разбиение областей заданного вида — параллелепипеда, шара, цилиндра, и т. д. Соответственно, для каждого вида области используется свой шаблон, т. е. принцип размещения узлов и установки связей