-

Будується математична модель навантаження колової циліндричної оболонки акустичним випромінюванням у вигляді плоскої монохроматичної хвилі надлишкового тиску та дифузного поля

D-

Ключові слова: координатні функції, циклічний вплив, оболонка

Строится математическая модель нагружения круговой цилиндрической оболочки акустическим излучением в виде плоской монохроматической волны избыточного давления и диффузного поля

Ключевые слова: координатные функции, циклическое воздействие, оболочка

The mathematical model of ladening of circular cylindrical shell an acoustic radiation is built as a flat monochromatic wave of surplus pressure and diffuse field

Keywords: coordinate functions, cyclic influence, envelope

1. Введение

Исследования относятся к области прикладной механики и посвящены изучению природы упругого взаимодействия проникающего в подобтекательное пространство ракет-носителей (PH) акустического излучения с механическими системами приборов инерциальной навигации. В частности, с трехстепенным свободным гироскопом.

В данном контексте наиболее уязвимым элементом подвеса гироскопа является внутренняя рамка – кожух. Это объясняется ее значительной поверхностью, которая при определенных уровнях проникающего акустического излучения становится импедансной, а возникающие колебания и волны в материале приводят к упруго-напряженному состоянию подвеса, которое формирует возмущающие моменты Эйлеровых сил.

Интегральная оценка этих моментов достаточно значительна по величине и может даже служить причиной потери одной степени свободы у гироскопа направления.

## 2. Анализ состояния проблемы и постановка задачи исследований

Построение на подвижных объектах систем координат, а также ориентирных направлений, с помощью средств инерциальной навигации имеет достаточно продолжительную историю развития [1, 2, 3]. Достаточно глубоко и обстоятельно изучены инструментальные и методические погрешности приборов и реализованы эффективные средства их устранения [4].

# ВЛИЯНИЕ ПЕРИОДИЧНОСТИ ВОЗМУЩЕНИЙ НА КООРДИНАТНЫЕ ФУНКЦИИ ОБОЛОЧКИ С НУЛЕВОЙ ГАУССОВОЙ КРИВИЗНОЙ

В.В. Карачун

Доктор технических наук, профессор, заведующий кафедрой

Кафедра биотехники и инженерии Национальный технический университет Украины «Киевский политехнический институт» пр. Победы, 37, г. Киев, Украина, 03056. Контактный тел.: (044) 454-94-51 E-mail: karachun 1@gala.net

Развитие современной ракетно-космической техники, в том числе воздушных, надводных и наземных роботов, а также многороторных летающих платформ и дискокрылых аппаратов позволило обнаружить явление упругого воздействия акустического излучения звуковой частоты и порожденное этим взаимодействием изменение точностных характеристик приборов инерциальной навигации [5, 6].

Как оказалось, в этом случае принятые расчетные модели не позволяют раскрыть природу появления дополнительных погрешностей инерциальной техники при летной эксплуатации.

Целью проведенных исследований является математическое описание внешнего акустического воздействия и координатных функций оболочечной части внутренней рамки гироскопа с позиций систем с распределенными параметрами, что позволит использовать их для качественного и количественного анализа явления.

3. Взаимодействие нестационарных волн с упругоподатливым кожухом свободного гироскопа

- возмущающее воздействие на поверхности подвеса

Поскольку кожух можно рассматривать как замкнутую оболочку вращения, то в окружном направлении и в направлении параллели, следует ожидать периодичности кинематических полей. Другими словами, они должны определенным образом зависеть от периодических функций типа  $\cos k \varphi$  или  $\sin k \varphi$  (2  $\leq k$  при циклическом нагружении; k = 1 - при осенесимметричном нагружении). Тогда и внешнее динамическое нагружение, т.е. проникающее акустическое излучение, можно представлять, во всяком случае формально, в виде рядов  $\Phi$ урье по координате  $\varphi$ .

Таким образом, считаем, что при циклическом нагружении

$$q_{i} = q_{i}(t, z, \phi) = \sum_{k=2}^{\infty} \left[ q_{ik}^{(1)}(t, z) \cos k\phi + q_{ik}^{(2)}(t, z) \sin k\phi \right], \quad i = \overline{1, 3}.$$

или более подробно –

$$\begin{aligned} q_{1}(t,z,\phi) &= \sum_{k=2}^{\infty} \Big[ q_{1k}^{(1)}(t,z) \cos k\phi + q_{1k}^{(2)}(t,z) \sin k\phi \Big]; \\ q_{2}(t,z,\phi) &= \sum_{k=2}^{\infty} \Big[ q_{2k}^{(1)}(t,z) \sin k\phi + q_{2k}^{(2)}(t,z) \cos k\phi \Big]; \end{aligned}$$
(1)  
$$q_{3}(t,z,\phi) &= \sum_{k=2}^{\infty} \Big[ q_{3k}^{(1)}(t,z) \cos k\phi + q_{3k}^{(2)}(t,z) \sin k\phi \Big]. \end{aligned}$$

Здесь  $q_1$  — нагрузка по протяженности кожуха,  $q_2$  — вдоль параллели,  $q_3$  — в плоскости шпангоута. Остается установить значения величин  $q_{\rm ik}, i=\overline{1,3}$ .

Коэффициент прохождения звука А и коэффициент отражения звука В, как известно, связаны зависимостями –

$$P_{20} = BP_{10};$$
  $P_{30} = AP_{10};$   $B = 1 + A.$ 

а) циклическое воздействие

$$q_{1}(t,z,\phi) = P_{10} \exp i \left[ \omega_{k}t + k_{0}z \sin \varepsilon_{1} \sin \varepsilon_{2} \right] + + P_{20} \exp i \left[ \omega_{k}t + k_{0}z \sin \varepsilon_{1} \sin \varepsilon_{2} \right] + + P_{30} \exp i \left[ \omega_{k}t + k_{0}z \sin \varepsilon_{1} \sin \varepsilon_{2} \right];$$

$$(2)$$

$$\begin{aligned} q_{2}(t,z,\phi) &= P_{10} \exp i \left[ \omega_{k}t + k_{0}y \sin \varepsilon_{1} \cos \varepsilon_{2} \right] + \\ &+ P_{20} \exp i \left[ \omega_{k}t + k_{0}y \sin \varepsilon_{1} \cos \varepsilon_{2} \right] + \\ &+ P_{30} \exp i \left[ \omega_{k}t + k_{0}y \sin \varepsilon_{1} \cos \varepsilon_{2} \right]; \\ q_{2}(t,z,\phi) &= P_{10} \exp i \left[ \omega_{k}t + k_{0}R \sin \phi \sin \varepsilon_{1} \cos \varepsilon_{2} \right] + \\ &+ P_{20} \exp i \left[ \omega_{k}t + k_{0}R \sin \phi \sin \varepsilon_{1} \cos \varepsilon_{2} \right] + \\ &+ P_{30} \exp i \left[ \omega_{k}t + k_{0}R \sin \phi \sin \varepsilon_{1} \cos \varepsilon_{2} \right]; \end{aligned}$$
(3)

$$\begin{split} q_{3}(t,z,\phi) &= P_{10} \exp i \left[ \omega_{k} t - k_{0} x \cos \varepsilon_{1} \right] + \\ &+ P_{20} \exp i \left[ \omega_{k} t + k_{0} x \cos \varepsilon_{1} \right] + \\ &+ P_{30} \exp i \left[ \omega_{k} t - k_{0} x \cos \varepsilon_{1} \right] ; \\ q_{3}(t,z,\phi) &= P_{10} \exp i \left[ \omega_{k} t - k_{0} R \cos \phi \cos \varepsilon_{1} \right] + \\ &+ P_{20} \exp i \left[ \omega_{k} t + k_{0} R \cos \phi \cos \varepsilon_{1} \right] + \\ &+ P_{30} \exp i \left[ \omega_{k} t - k_{0} R \cos \phi \cos \varepsilon_{1} \right] . \end{split}$$

$$(4)$$

Или так:

$$\begin{split} q_{1k}(t,z,\phi) &= \sum_{k=2}^{\infty} \left[ q_{1k}^{(1)}(t,z,\phi) \cos k\phi + q_{1k}^{(2)}(t,z,\phi) \sin k\phi \right] = \\ &= \frac{1}{2} \sum_{k=2}^{\infty} P_{10k} \left[ (1+B+A) \exp i (\omega_k t + k_{0k} z \sin \varepsilon_1 \sin \varepsilon_2) \cos k\phi + (5) \right. \\ &+ (1+B-A) \exp i (\omega_k t + k_{0k} z \sin \varepsilon_1 \sin \varepsilon_2) \sin k\phi \right]; \end{split}$$

\_\_\_\_\_

$$\begin{split} & q_{2k}\left(t,z,\phi\right) = \sum_{k=2}^{\infty} \left[q_{2k}^{(1)}\left(t,z,\phi\right)\cos k\phi + q_{2k}^{(2)}\left(t,z,\phi\right)\sin k\phi\right] = \\ & = \frac{1}{2}\sum_{k=2}^{\infty} P_{10k}\left[\left(1+B+A\right)\exp i\left(\omega_{k}t+k_{0k}R\sin\phi\sin\epsilon_{1}\cos\epsilon_{2}\right)\times\right. \eqno(6) \\ & \times\cos k\phi + (1+B-A)\exp i\left(\omega_{k}t+k_{0k}R\sin\phi\sin\epsilon_{1}\cos\epsilon_{2}\right)\sin k\phi\right]; \end{split}$$

$$\begin{split} & q_{3k}\left(t,z,\phi\right) = \sum_{k=2}^{\infty} \left[ q_{3k}^{(1)}\left(t,z,\phi\right) \sin k\phi + q_{3k}^{(2)}\left(t,z,\phi\right) \cos k\phi \right] = \\ & = \frac{1}{2} \sum_{k=2}^{\infty} P_{10k} \left[ \left(1+B+A\right) \exp i \left(\omega_k t - k_{0k} R \cos \phi \cos \epsilon_1\right) \sin k\phi + (7) \right. \\ & \left. + \left(1+B-A\right) \exp i \left(\omega_k t + k_{0k} R \cos \phi \cos \epsilon_1\right) \cos k\phi \right]. \end{split}$$

#### б) осенесимметричное воздействие

Для этого случая возмущающие воздействия примут вид –

$$\begin{split} q_{11}(t,z,\phi) &= q_{11}^{(1)}(t,z,\phi)\cos\phi + q_{11}^{(2)}(t,z,\phi)\sin\phi = \\ &= \frac{1}{2}P_{10}\Big[ (1+B+A)\exp i (\omega_1 t + k_{01}z\sin\epsilon_1\sin\epsilon_2)\cos\phi + \\ &+ (1+B-A)\exp i (\omega_1 t + k_{01}z\sin\epsilon_1\sin\epsilon_2)\sin\phi \Big]; \\ q_{21}(t,z,\phi) &= q_{21}^{(1)}(t,z,\phi)\sin\phi + q_{21}^{(2)}(t,z,\phi)\cos\phi = \\ &= \frac{1}{2}P_{10}\Big[ (1+B+A)\exp i (\omega_1 t + k_{01}R\sin\phi\sin\epsilon_1\cos\epsilon_2)\sin\phi + \\ &+ (1+B-A)\exp i (\omega_1 t + k_{01}R\sin\phi\sin\epsilon_1\cos\epsilon_2)\cos\phi \Big]; \\ q_{31}(t,z,\phi) &= q_{31}^{(1)}(t,z,\phi)\cos\phi + q_{31}^{(2)}(t,z,\phi)\sin\phi = \\ &= \frac{1}{2}P_{10}\Big[ (1+B+A)\exp i (\omega_1 t - k_{01}R\cos\phi\cos\epsilon_1)\cos\phi + \\ &+ (1+B-A)\exp i (\omega_1 t + k_{01}R\cos\phi\cos\epsilon_1)\cos\phi + \\ &+ (1+B-A)\exp i (\omega_1 t + k_{01}R\cos\phi\cos\epsilon_1)\sin\phi \Big]. \end{split}$$

 координатные функции поплавкового подвеса циклически деформируемое состояние
 а) плоская волна

При циклическом нагружении (2≤k), координатные функции строятся в виде:

$$U_{z} = \sum_{k=2}^{\infty} \left[ a_{k}^{(1)}(t) z^{2} (1-z)^{2} \cos k\varphi \cos z + a_{k}^{(2)}(t) z^{2} (1-z)^{2} \sin k\varphi \sin z \right];$$
(9)

$$U_{\varphi} = \sum_{k=2}^{\infty} \left[ b_{k}^{(1)}(t) z^{2} (1-z)^{2} \sin k\varphi \cos z + b_{k}^{(2)}(t) z^{2} (1-z)^{2} \cos k\varphi \sin z \right];$$
(10)

$$W = \sum_{k=2}^{\infty} \left[ c_k^{(1)}(t) z^4 (1-z)^4 \cos k\varphi \cos z + c_k^{(2)}(t) z^4 (1-z)^4 \sin k\varphi \sin z \right],$$
(11)

где U<sub>z</sub> – упругие перемещения вдоль оболочки кожуха, U<sub>φ</sub> –вдоль параллели, W – вдоль плоскости шпангоута.

Произвольные постоянные  $a_k^{(1)}, a_k^{(2)}, b_k^{(1)}, b_k^{(2)}, c_k^{(1)}, c_k^{(2)}$  могут быть определены из выражений:

$$\begin{split} a_{k}^{(1)} &= \frac{-Q_{z}^{(1)} \left( b_{\phi 2}^{(1)} c_{w 2}^{(1)} + b_{\phi 4}^{(1)} c_{w 3}^{(1)} \right) + Q_{\phi}^{(1)} \left( -a_{z z}^{(1)} c_{w 2}^{(1)} + a_{z z}^{(1)} c_{w 3}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 2}^{(1)} + a_{z z}^{(1)} b_{\phi 4}^{(1)} \right)}{E_{3}^{(1)}}; \\ b_{k}^{(1)} &= \frac{Q_{z}^{(1)} \left( b_{\phi 4}^{(1)} c_{w 4}^{(1)} - b_{\phi 3}^{(1)} c_{w 2}^{(1)} \right) + Q_{\phi}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} c_{w 2}^{(1)} - a_{z z}^{(1)} c_{w 4}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} - a_{z z}^{(1)} b_{\phi 4}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} - a_{z z}^{(1)} b_{\phi 4}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} - a_{z z}^{(1)} b_{\phi 4}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} - a_{z z}^{(1)} b_{\phi 4}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} - a_{z z}^{(1)} b_{\phi 4}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} + a_{z z}^{(1)} b_{\phi 4}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} + a_{z z}^{(1)} b_{\phi 2}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} + a_{z z}^{(1)} b_{\phi 2}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(1)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} + a_{z z}^{(1)} b_{\phi 2}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(2)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} + a_{z z}^{(1)} b_{\phi 2}^{(1)} \right) + Q_{w}^{(2)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} + a_{z z}^{(1)} b_{\phi 2}^{(2)} \right) + Q_{w}^{(2)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 3}^{(1)} + a_{z z}^{(1)} b_{\phi 2}^{(2)} \right) + Q_{w}^{(2)} \left( a_{z z}^{(1)} b_{\phi 2}^{(2)} + a_{z z}^{(2)} b_{\phi 2}^{(2)} \right) + Q_{w}^{(2)} \left( a_{z z}^{(2)} b_{\phi 2}^{(2)} + a_{z z}^{(2)} b_{\phi 4}^{(2)} \right) \right) + E_{3}^{(2)} \left( b_{\phi z}^{(2)} \left( b_{\phi z}^{(2)} c_{w 4}^{(2)} + b_{\phi z}^{(2)} c_{w 2}^{(2)} + a_{z z}^{(2)} b_{\phi 3}^{(2)} \right) + D_{w}^{(2)} \left( a_{z z}^{(2)} b_{\phi 2}^{(2)} + a_{z z}^{(2)} b_{\phi 3}^{(2)} \right) \right) \\ E_{3}^{(2)} \\ E_{3}^$$

где  $E_3^{(1)}$  и  $E_3^{(2)}$  определяются соотношениями:

$$E_{3}^{(1)} = \frac{a_{z2}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi1}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{c_{w2}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} - \frac{a_{z2}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi4}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{c_{w3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} + \frac{a_{z3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi4}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{c_{w3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} + \frac{a_{z3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi4}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{c_{w1}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{c_{w2}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} \cdot \frac{a_{z3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} + \frac{a_{z3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi4}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{c_{w1}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{a_{z3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{a_{z4}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{a_{z4}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi4}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{c_{w4}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{a_{z3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} + \frac{a_{z4}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{a_{z4}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{a_{z4}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi4}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{c_{w4}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{c_{w1}^{(1)}} - \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{a_{z1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)}}{b_{\phi1}^{(1)}} \cdot \frac{b_{\phi3}^{(1)$$

Полученные результаты дают возможность конкретизировать содержание величин  $Q_i(t)$ :

$$\begin{split} Q_{z}^{(1)}(t) &= -\frac{1}{2} \int_{0}^{1} \sum_{k=2}^{\infty} P_{10k} \Big[ (1+B+A) \exp i \big( \omega_{k} t + k_{0k} z \sin \varepsilon_{1} \sin \varepsilon_{2} \big) \Big] z^{2} (1-z)^{2} \cos z \partial z; \\ Q_{z}^{(2)}(t) &= -\frac{1}{2} \int_{0}^{1} \sum_{k=2}^{\infty} P_{10k} \Big[ (1+B-A) \exp i \big( \omega_{k} t + k_{0k} z \sin \varepsilon_{1} \sin \varepsilon_{2} \big) \Big] z^{2} (1-z)^{2} \sin z \partial z; \\ Q_{\phi}^{(1)}(t) &= -\frac{1}{2} \int_{0}^{1} \sum_{k=2}^{\infty} P_{10k} \Big[ (1+B+A) \exp i \big( \omega_{k} t + k_{0k} R \sin \phi \sin \varepsilon_{1} \cos \varepsilon_{2} \big) \Big] z^{2} (1-z)^{2} \cos z \partial z; \quad (13) \\ Q_{\phi}^{(2)}(t) &= -\frac{1}{2} \int_{0}^{1} \sum_{k=2}^{\infty} P_{10k} \Big[ (1+B-A) \exp i \big( \omega_{k} t + k_{0k} R \sin \phi \sin \varepsilon_{1} \cos \varepsilon_{2} \big) \Big] z^{2} (1-z)^{2} \sin z \partial z; \\ Q_{w}^{(1)}(t) &= \frac{1}{2} \int_{0}^{1} \sum_{k=2}^{\infty} P_{10k} \Big[ (1+B-A) \exp i \big( \omega_{k} t - k_{0k} R \cos \phi \cos \varepsilon_{1} \big) \Big] z^{4} (1-z)^{4} \cos z \partial z; \\ Q_{w}^{(2)}(t) &= \frac{1}{2} \int_{0}^{1} \sum_{k=2}^{\infty} P_{10k} \Big[ (1+B-A) \exp i \big( \omega_{k} t + k_{0k} R \cos \phi \cos \varepsilon_{1} \big) \Big] z^{4} (1-z)^{4} \sin z \partial z. \end{split}$$

б) диффузное поле

При *циклическом* (2≤k) нагружении, координатные функции будут иметь вид:

$$\begin{split} U_{z}(t,z,\phi) &= 4 \int_{\epsilon_{1}=0}^{\frac{\pi}{2}} \int_{\epsilon_{2}=0}^{\frac{\pi}{2}} \left\{ \sum_{k=2}^{\infty} \left[ a_{k}^{(1)}(t) z^{2} (1-z)^{2} \cos k\phi \cos z + a_{k}^{(2)}(t) z^{2} (1-z)^{2} \sin k\phi \sin z \right] \right\} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{1} \cos \epsilon_{2} \sin \epsilon_{2} \partial \epsilon_{1} \partial \epsilon_{2}; \ (14) \\ U_{\phi}(t,z,\phi) &= 4 \int_{\epsilon_{1}=0}^{\frac{\pi}{2}} \int_{\epsilon_{2}=0}^{\frac{\pi}{2}} \left\{ \sum_{k=2}^{\infty} \left[ b_{k}^{(1)}(t) z^{2} (1-z)^{2} \sin k\phi \cos z + b_{k}^{(2)}(t) z^{2} (1-z)^{2} \cos k\phi \sin z \right] \right\} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{1} \cos \epsilon_{2} \sin \epsilon_{2} \partial \epsilon_{1} \partial \epsilon_{2}; \ (15) \\ W(t,z,\phi) &= 4 \int_{\epsilon_{1}=0}^{\frac{\pi}{2}} \int_{\epsilon_{2}=0}^{\frac{\pi}{2}} \left\{ \sum_{k=2}^{\infty} \left[ c_{k}^{(1)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \cos k\phi \cos z + c_{k}^{(2)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \sin k\phi \sin z \right] \right\} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{1} \cos \epsilon_{2} \sin \epsilon_{2} \partial \epsilon_{1} \partial \epsilon_{2}, \ (16) \int_{\epsilon_{1}=0}^{\infty} \left\{ \sum_{k=2}^{\infty} \left[ c_{k}^{(1)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \cos k\phi \cos z + c_{k}^{(2)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \sin k\phi \sin z \right] \right\} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{1} \cos \epsilon_{2} \sin \epsilon_{2} \partial \epsilon_{1} \partial \epsilon_{2}, \ (16) \int_{\epsilon_{1}=0}^{\infty} \left\{ \sum_{k=2}^{\infty} \left[ c_{k}^{(1)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \cos k\phi \cos z + c_{k}^{(2)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \sin k\phi \sin z \right] \right\} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{1} \cos \epsilon_{2} \sin \epsilon_{2} \partial \epsilon_{1} \partial \epsilon_{2}, \ (16) \int_{\epsilon_{1}=0}^{\infty} \left\{ \sum_{k=2}^{\infty} \left[ c_{k}^{(1)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \cos k\phi \cos z + c_{k}^{(2)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \sin k\phi \sin z \right] \right\} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{1} \cos \epsilon_{2} \sin \epsilon_{2} \partial \epsilon_{1} \partial \epsilon_{2}, \ (16) \int_{\epsilon_{1}=0}^{\infty} \left\{ \sum_{k=2}^{\infty} \left[ c_{k}^{(1)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \cos k\phi \cos z + c_{k}^{(2)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \sin k\phi \sin z \right] \right\} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{1} \cos \epsilon_{2} \sin \epsilon_{2} \partial \epsilon_{1} \partial \epsilon_{2}, \ (16) \int_{\epsilon_{1}=0}^{\infty} \left\{ \sum_{k=2}^{\infty} \left[ c_{k}^{(1)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \cos k\phi \cos z + c_{k}^{(2)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \sin k\phi \sin z \right] \right\} \right\} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{1} \cos \epsilon_{2} \sin \epsilon_{2} \partial \epsilon_{1} \partial \epsilon_{2}, \ (16) \int_{\epsilon_{1}=0}^{\infty} \left\{ \sum_{k=2}^{\infty} \left[ c_{k}^{(1)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \cos k\phi \cos z + c_{k}^{(2)}(t) z^{4} (1-z)^{4} \sin k\phi \sin z \right] \right\} \right\} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{1} \cos \epsilon_{1} \sin \epsilon_{2} \partial \epsilon_{2}$$

\_\_\_\_\_

где  $\epsilon_1, \epsilon_2$  – угловые координаты волнового вектора части кожуха; R – радиус кожуха; P<sub>10</sub> – звуковое  $\vec{k}_0$ ; z,  $\phi$  – протяженность и параллель оболочечной давление в падающей волне.

4. Выводы

Проведенные исследования позволили создать аналитическое обеспечение для последующего изучения явления, а также для решения задач

оптимизации поверхности внутренней рамки по линии меридиана, в частности, для наиболее типичных режимов – осенесимметричное нагружение и циклическая деформация поверхности подвеса.

### Литература

- 1. Ишлинский, А.Ю. Ориентация, гироскопы и инерциальная навигация [Текст]/ А.Ю. Ишлинский. М.: Наука, 1967. 671 с.
- 2. Булгаков, Б.В. Прикладная теория гироскопов [Текст] / Б.В. Булгаков. М.: Гостехиздат, 1955. 174 с.
- Кошляков, В.Н. Задачи динамики твердого тела и прикладной теории гироскопов: Аналитические методы [Текст] / В.Н. Кошляков. М.: Наука, 1985. 288 с.
- Автокомпенсация инструментальных погрешностей гиросистем [Текст]: монография / С.М. Зельдович, М.И. Малтинский, И.М. Окон, Я.Г. Остомухов. – Л.: Судостроение, 1976. – 255 с.
- 5. Карачун, В.В. Трехмерная задача динамики подвеса поплавкового гироскопа [Текст] / В.В. Карачун, Я.Ф. Каюк, В.Н. Мельник // Пробл. прочности. 2008. № 3. С. 53-59.
- Мельник, В.Н. Дифракционные эффекты на оболочках [Текст] / В.Н. Мельник // Авіаційно-космічна техніка і технологія. – 2008. - № 1(48). – С. 24-30.

Вивчається природа впливу пружно-напруженого стану кожуха тристепеневого вільного гіроскопа на точность азимутального позиціонування наземних рухомих об'єктів

ED-

-0

Ключові слова: тристепеневий вільний гіроскоп, азимутальне позиціонування

Изучается природа влияния упруго-напряженного состояния кожуха трехстепенного свободного гироскопа на точность азимутального позиционирования наземных подвижных объектов

Ключевые слова: трехстепенной свободный гироскоп, азимутальное позиционирование

Nature of influence of the resiliently-tense state of casing of three-sedate free gyroscope is studied on the azimuthal positioning of surface movable objects

Keywords: three-sedate free gyroscope, azimuthal positioning

0 D

#### 1. Введение

Исследования относятся к области прикладной механики и посвящены изучению упругого взаимодействия проникающей акустической волны с устройством автономного азимутального позиционирования наземных подвижных объектов на базе свободного гироскопа, приводящего к девиации оси фигуры. Изучение природы этого явления представляет известный научный и практический интерес, так как раскрывает механизм влияния упруго-напряженного состояния

### УДК 629.7.054

# ОСОБЕННОСТИ ИНЕРЦИАЛЬНОГО КУРСОУКАЗАНИЯ НАЗЕМНЫХ ОБЪЕКТОВ

В.Н. Мельник

Доктор технических наук, профессор Кафедра биотехники и инженерии Национальный технический университет Украины «Киевский политехнический институт» пр. Победы, 37, г. Киев, Украина, 03056 Контактный тел.: (044) 454-94-51 E-mail: karachun 1@gala.net

кожуха гироскопа на погрешность позиционирования объекта, когда поверхность подвеса гироскопа переходит в разряд импедансной.

## 2. Анализ состояния проблемы и постановка задачи исследований

Сочетая в себе такие качества как автономность, помехозащищенность и непрерывность навигационной информации, инерциальные средства нашли широкое