

МЕТОДЫ ВЫЧИСЛЕНИЙ КОЛИЧЕСТВА ИНЖЕНЕРНО-ТЕХНИЧЕСКОГО ПЕРСОНАЛА НА ОСНОВЕ СТАТИСТИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ.

Себова А.Ю., Федорук А.В.

Одесская государственная академия строительства и архитектуры

Вступление.

За последнее время в строительстве произошли серьезные количественные и качественные изменения, которые вызвали ряд трудностей в области управления и организации строительного производства, обусловленных постоянным снижением масштабов и объемов строительства, повышением требований к качеству возводимых объектов, ликвидацией крупных организаций и, следовательно, увеличением количества участников строительства [1]. То есть нестабильные рыночные условия требуют пересмотра существующих подходов и применения статистического моделирования к определению количества инженерно-технического персонала.

Основная часть.

Опытным путем было определено, что на количество инженерно-технического персонала в составе генподрядной организационной структуры управления в большей степени влияют четыре показателя:

- 1) количество инженерно-технического персонала (N);
- 2) численность работающих на строительномонтажных работах и в подсобном производстве (P);
- 3) годовое число строящихся объектов (Q);
- 4) годовой объем строительномонтажных работ (Qс).

Данные показатели являются переменными показателями, так как их значения зависят от большого количества случайных факторов. Таким образом, для расчета количества аппарата управления применим многомерный закон нормального распределения [2].

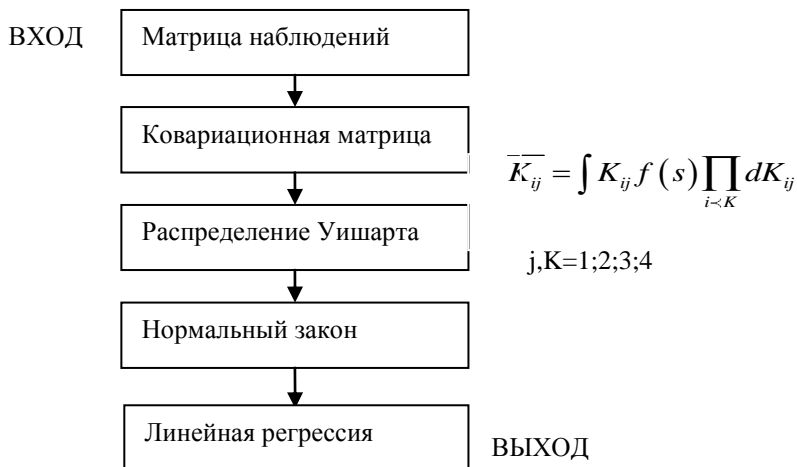
Формируем статистическую модель количества инженерно-технического персонала [3].

1. Нормальный закон распределения случайного вектора.

Показатели N, P, Q, Qс зависят от ряда случайных факторов (финансирование, портфель заказов, квалификации и специализации рабо-

чих и работников и т.д.). Каждый из перечисленных факторов может колебаться в течение года, что порождает случайный вектор

$$R = (Q, Q_c, P, N)$$



$$N = 13.8 + 0.31 Q_c + 0.03Q + 0.014P \quad (1)$$

Рис. 1. Блок-схема вычислений линейной регрессии.

Статистическая информация о векторе R представляется таблицей выборочных значений (табл. 1).

Таблица 1

Выборочные значения

j \ i	1	2	3	4
i	Q	Q _c	P	N
1	X ₁₁	X ₁₂	X ₁₃	X ₁₄
2	X ₂₁	X ₂₂	X ₂₃	X ₂₄
...
n	X _{n1}	X _{n2}	X _{n3}	X _{n4}

Исходные данные для использования методов математической статистики содержит матрица наблюдений размера $n \times 4$.

$$X = [x_{ij}], \quad (2)$$

где i – номер строки,

j – номер столбца,
 n – количество строк,
 4 – количество столбцов.

С помощью матрицы можно реализовать на ЭВМ получение вариационного и статистического рядов, группировку данных, построение гистограмм и эмпирических функций распределения, вычисление выборочных начальных и центральных моментов, вычисление коэффициентов корреляции и коэффициентов регрессии.

Обозначим

$$\bar{x}_j = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_{ij} ; K = \begin{vmatrix} K_{11} & K_{12} & K_{13} & K_{14} \\ K_{21} & K_{22} & K_{23} & K_{24} \\ K_{31} & K_{32} & K_{33} & K_{34} \\ K_{41} & K_{42} & K_{43} & K_{44} \end{vmatrix} ; \quad (3)$$

$$K_{im} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n \sum_{m=1}^4 (x_{ji} - \bar{x})(x_{mi} - \bar{x}_m) ; y_j = \frac{x_j - \bar{x}_j}{K_{jj}}$$

Формулы (2) преобразуют матрицу наблюдений X в матрицу $Y = [y_{ij}]$ и позволяют ввести распределение Уишарта с плотностью вероятности

$$f(s) = \frac{|s|^{\frac{n-5}{2}} \times l^{-\frac{1}{2}S_p(SK^{-1})}}{2^{2n} \pi^3 |K|^{\frac{n}{2}} \prod_{i=1}^4 \Gamma\left(\frac{n-3}{2}\right)}, \quad (4)$$

где S_p – след матрицы,

$\Gamma(z)$ – гамма-функция,

$$S = \sum \overline{y_K} \overline{y'_K}$$

$$\overline{y_K} = (y_{1K}, y_{2K}, y_{3K}, y_{4K}),$$

$$\overline{y'_K} = \begin{pmatrix} y_{1K} \\ y_{2K} \\ y_{3K} \\ y_{4K} \end{pmatrix}.$$

Равенство $E(S) = nK$ подтверждает гипотезу о нормальном распределении вектора (x_1, x_2, x_3, x_4) . Последнее равенство позволяет применить нормальный закон для матрицы наблюдений.

$$\varphi(x_1, x_2, x_3, x_4) = \frac{1}{4\pi^2 \sqrt{\det K}} \exp \left\{ -\frac{1}{2} (\bar{x} - E\bar{x})' K^{-1} (\bar{x} - E\bar{x}) \right\} \quad (5)$$

$$\bar{x} = (x_1, x_2, x_3, x_4),$$

$E\bar{x}$ - математическое ожидание,

K - ковариационная матрица,

$(\bar{x} - E\bar{x})'$ - транспонирование вектора $(\bar{x} - E\bar{x})$

2. Корреляционный анализ.

Корреляционная матрица вычисляется на основе матрицы наблюдений

$$\Omega = [\rho_{ij}], i, j = 1; 2; 3; 4$$

$$\rho_{ji} = \frac{\sum_{K=1}^n (x_{iK} - \bar{x}_i)(x_{jK} - \bar{x}_j)}{\sqrt{\sum_{K=1}^n (x_{iK} - \bar{x}_i)^2} \sqrt{\sum_{K=1}^n (x_{jK} - \bar{x}_j)^2}}; \quad (6)$$

$$\bar{x}_i = \frac{1}{n} \sum_{K=1}^n x_{iK},$$

$$\bar{x}_j = \frac{1}{n} \sum_{K=1}^n x_{jK}$$

Инструмент MATLAB. Команда `Korrccoef (xi, xj)`.

Так как вектор (x_1, x_2, x_3, x_4) имеет нормальное распределение, то статистика

$$z_{ij} = \frac{1}{2} \ln \frac{1 + \rho_{ij}}{1 - \rho_{ij}}$$

имеет доверительный интервал

$$\frac{1}{2} \ln \frac{1 + \rho_{ij}}{1 - \rho_{ij}} - \frac{U_{1-\alpha/2}}{\sqrt{n-3}} < \frac{1}{2} \ln \frac{1 + \rho_{ij}}{1 - \rho_{ij}} < \frac{1}{2} \ln \frac{1 + \rho_{ij}}{1 - \rho_{ij}} + \frac{U_{1-\alpha/2}}{\sqrt{n-3}} \quad (7)$$

3. Линейная модель регрессии.

Регрессия величины x_4 на остальные три величины (x_1, x_2, x_3) в матрице наблюдений аппроксимируется линейной функцией – линейной регрессией

$$g = g_0 + \sum_{K=1}^3 \beta_{4K} (x_K - \bar{x}_K); \quad (8)$$

$$g = g_0 - \sum_{K=1}^3 \beta_{4K} \overline{x_k} + \sum_{K=1}^3 \beta_{4K} x_K ;$$

$$N = \beta_0 + \beta_1 Q_c + \beta_2 Q + \beta_3 P$$

$$N = 13.8 + 0.31 Q_c + 0.03Q + 0.014P$$

4. Матричная модель численности инженерно-технического персонала.

Все полученные результаты относятся к матричной алгебре, обеспеченной компьютерными программами системы MATLAB [4]. В данной работе использовались команды:

Corrcoef (X, Y);
 Det (A);
 Inv (A);
 Polyfit (X, Y, n);
 Rand (m, n).

Выводы

В результате проведенных вычислений удалось вывести формулу для определения количества инженерно-технического персонала генподрядной строительной фирмы, реализующей свою деятельность в условиях нестабильной рыночной экономики.

Summary

Investitionno-building activity of a building complex of the Odessa area on the basic indicators is analyzed.

Литература

1. В.В.Костюченко, К.М.Крюков, О.А.Кудинов. Менеджмент строительства. Ростов-на-Дону, 2002.
2. В.С.Королюк, Н.И. Потренюк, А.В. Скороход. Справочник по теории вероятностей и математической статистике. Москва, 1985.
3. Г.Корн, Т.Корн. Справочник по математике для научных работников и инженеров. Москва: Наука, 1973.
4. С.П.Иглин. Математические расчеты на базе MATLAB.СПб: БХВ-Петербург, 2005.