## УДК 621.771.28.001.57 С.Р. Рахманов Национальная металлургическая академия Украины В.П. Ольшанский Харьковский национальный технический университет сельского хозяйства НЕСТАЦИОНАРНЫЕ ПРОЦЕССЫ В МЕХАНИЗМЕ УДЕРЖАНИЯ ОПРАВКИ АВТОМАТИЧЕСКОГО СТАНА С УЧЕТОМ

ПЕРЕМЕННОСТИ МАССЫ ПРОКАТЫВАЕМОЙ ГИЛЬЗЫ

Рассмотрены нестационарные колебания системы «гильза – оправка – стержень» автоматического стана трубопрокатного агрегата. Составлено уравнение вынужденных колебаний оправки со стержнем автоматического стана с учетом переменной массы прокатываемой гильзы и сил технологического сопротивления. Нестационарные динамические процессы в упругой системе «гильза – оправка – стержень» представлены коэффициентом динамичности перемещения оправки. Установлены особенности функционирования оправки со стержнем в очаге деформации автоматического стана с учетом переменной массы прокатываемой трубы.

**Ключевые слова:** труба, автоматический стан, оправка, стержень, вынужденные колебания, вибрация, переменная масса, очаг деформации, скорость прокатки, дифференциальное уравнение, решение Лагранжа, коэффициент динамичности.

**Введение.** Интенсификация работы трубопрокатных агрегатов (ТПА) с автоматическими станами влечет за собой ужесточение режимов функционирования основного и вспомогательного оборудования всей технологической линии. Автоматический стан, по ряду сложившихся причин, во всей линии ТПА является наиболее узким местом при реализации необходимых технологических процессов производства горячекатаных бесшовных труб на ТПА [1].

Переходные нестационарные процессы на выходной стороне при прокатке гильз на автоматическом стане сопровождаются значительными циклическими динамическими нагрузками. Как правило, пиковые динамические нагрузки возникают при захвате гильзы (трубы) рабочими валками и находят свое дальнейшее продолжение в период взаимодействия гильзы с механизмом удержания оправки [2, 3].

Следует отметить, что при принудительной подаче гильзы в очаг деформации стана (предусмотрена подача гильзы толкателем в калибры) происходит определенное улучшение захвата гильзы рабочими валками стана. Захват гильзы валками автоматического стана, помимо всего прочего, существенно осложнен тем, что гильза, касаясь валков, одновременно взаимодействует с оправкой, находящейся в пережиме калибра, и всей стержневой системой механизма ее удержания на оси прокатки (рисунок 1) [4].

Данные базовые условия прокатки труб на автоматическом стане, наряду со всеми другими, формируют начальные параметры технологического процесса, сложное напряженно-деформированное состояние металла в очаге деформации и нестационарные динамические процессы в элементах выходной стороны стана в целом.

Постановка задачи. Среди совокупности факторов, определяющих нестационарные динамические нагрузки, действующие на все несущие элементы выходной стороны автоматического



3 – гильза; 4 – стержень оправки

стана трубопрокатного агрегата (ТПА), наименее изученными являются значительные по величине и меняющиеся во времени повторяющиеся цикловые динамические нагрузки, вызываемые преимущественно изменяющимся во времени взаимодействием гильзы с оправкой, особенно в период принудительной подачи гильзы.

Отметим, что принудительная подача гильзы в очаг деформации автоматического стана пневматическим вталкивателем, по сути, формирует начальные силовые условия прокатки и усугубляет нестационарные динамические процессы в элементах механизма удержания оправки [1 – 4].

Цель работы. Данная работа выполнена на основе дальнейшего совершенствования исходной расчетной схемы и математической модели нестационарных процессов в системе «гильза – оправка – стержень» автоматического стана. При этом сделана попытка по установлению влияния основных силовых параметров очага деформации и меняющейся во времени массы прокатываемой гильзы на нестационарную динамику оправки со стержнем автоматического стана в линейной постановке задачи.

Методы решения задачи. Анализу и синтезу аналогичных динамических процессов взаимодействия гильзы с технологическим инструментом автоматического стана посвящен ряд работ [1 – 4]. При этом приближенная математическая модель процесса взаимодействия гильзы с оправкой и стержнем стана предложена в работе [4], что в дальнейшем позволило получить выражение для упрощенной формы расчета характерных сил технологического сопротивления, воздействующих со стороны очага деформации на элементы выходной стороны стана.

Далее рассмотрим подробно уточненную динамическую модель системы «гильза – оправка – стержень» автоматического стана в предложенной постановке. Для анализа нестационарных динамических характеристик в сложной механической системе составим дифференциальное уравнение продольного движения оправки со стержнем механизма удержания оправки вдоль оси прокатки автоматического стана ТПА с учетом сил технологического сопротивления и переменности во времени массы прокатываемой гильзы (трубы).

В связи с этим проведем некоторое уточнение базовой расчетной схемы, которая достаточно близка к реальному технологическому процессу прокатки гильз на автоматическом стане (рисунок 2). Очевидно, это позволить глубже отражать динамические явления в механизме удержания оправки в очаге деформации вдоль оси прокатки стана.

Для исследования нестационарных динамических процессов оправки со стержнем автоматического стана с учетом силового взаимодействия со стороны очага деформации и изменяющейся во времени массы прокатываемой гильзы воспользуемся основным законом динамики в дифференциальной форме [5 – 9]

$$\frac{d}{dt}\left[m(t)\frac{dx(t)}{dt}\right] = \sum_{k=1}^{n} F_{kx},$$
(1)

где x(t) – продольное перемещение оправки со стержнем вдоль оси прокатки; m(t) – переменная во времени масса механической системы удержания оправки.



Рисунок 2 – Расчетная схема вынужденных продольных нестационарных колебаний оправки со стержнем автоматического стана ТПА

Нестационарные движения оправки с учетом переменности во времени массы гильзы и сил технологического сопротивления, в фундаментальной постановке задачи И.В. Мещерского [5], представим в виде

$$m(t)\frac{d^{2}x(t)}{dt^{2}} + \frac{dm(t)}{dt}\frac{dx(t)}{dt} = -F_{y} + F(t).$$
(2)

Многочисленные экспериментальные исследования энергосиловых параметров очага деформации автоматического стана ТПА [3, 4] показывают, что осевая составляющая усилия прокатки, действующая

на стержневую систему, носит преимущественно периодический характер и очевидно, соответствует гармоническому закону  $F(t) = F_1 \sin(\omega t)$  (рисунок 1, а). Причем периодическая составляющая усилия прокатки гильзы, амплитуда и частота ее изменения являются определяющими. Тогда есть достаточно полное основание предположить, что в первом приближении можно принять условия, описанные в работе [4]. При этом горизонтальную составляющую усилия прокатки гильзы можно принимать условно – гармонической  $F(t) = F_0 \sin(\omega t)$ . Здесь  $F_0$ ,  $\omega$  – соответственно амплитуда и частота осевой составляющей усилия прокатки гильзы на автоматическом стане.

Силу упругости, действующую на стержень оправки в продольном направлении оси прокатки, принимаем по линейному закону Гука F(t) = cx(t), где c – коэффициент жёсткости упругих систем механизма удержания оправки.

Тогда дифференциальное уравнение продольных колебаний оправки со стержнем (2) с учетом вышеизложенного приобретает вид

$$m(t)\frac{d^{2}x(t)}{dt^{2}} + \frac{dm(t)}{dt}\frac{dx(t)}{dt} = -cx(t) + F_{0}\sin(\omega t).$$
(3)

Следовательно, предложенный подход учитывает силу технологического сопротивления и переменность во времени массы прокатываемой гильзы, что по сравнению с [1 - 4], более корректен. Это обуславливает детальное исследование сложных нестационарных динамических процессов в базовых элементах выходной стороны автоматического стана (ТПА).

С учетом вышеизложенного, переходим к детальному исследованию нестационарной динамики стержневой системы механизма удержания оправки с учетом переменности во времени массы прокатываемой гильзы. Отметим, что переменность во времени массы прокатываемой гильзы с течением времени вызывает изменение массы всего механизма удержания оправки.

Принимаем линейный закон изменения массы системы «гильза – оправка – стержень» во время прокатки гильзы на стане. Исходя из этого условия и пропорциональности изменения массы системы, запишем

$$m(t) = m_0 + m_q \left. \frac{x}{l} \right|_{x=\upsilon t} = m_0 (1 + \frac{m_q}{m_0} \frac{\upsilon t}{l}) = m_0 (1 + \gamma t) , \qquad (4)$$

где  $\gamma = \frac{m_q}{m_0} \frac{\upsilon}{l}$  – скорость изменения массы системы ( $\gamma > 0$  масса системы всегда увеличивается);  $m_0$  –

масса стержня оправки;  $m_q$  – масса трубы;  $\upsilon$  – скорость прокатки гильзы; l – длина стержня оправки; t – время прокатки гильзы на стане.

Базируясь на исследованиях фундаментальных вопросов динамики тела переменной массы, в очередном приближении решения задачи в замкнутом виде реактивной слагаемой  $\frac{dm(t)}{dt}\frac{dx(t)}{dt}$  в уравнении (3) пренебрегаем [5 – 9].

Далее переходим к исследованию нестационарной динамики системы «гильза – оправка – стержень» и определению коэффициента динамичности при продольных перемещениях оправки со стержнем в очаге деформации автоматического стана без учета реактивной силы.

Тогда, без учёта диссипативных сил, продольные перемещения оправки x(t) со стержнем, при ее нагружении со стороны очага деформации периодической составляющей усилия прокатки  $F_0 \sin(\omega t)$ , исходя из (3) описываются неоднородным дифференциальным уравнением

$$\frac{d^2 x(t)}{dt^2} + \omega_0^2 \frac{x(t)}{1 + \gamma t} = \frac{F_0 \sin(\omega t)}{(1 + \gamma t)m_0} H(t),$$
(5)

где  $\omega_0 = \sqrt{c/m_0}$  – частота свободных колебаний системы «гильза (труба) – оправка – стержень»; H(t) – импульсная функция Хевисайда.

Для удобства решения задачи вводим новую переменную

$$\dot{\xi} = 1 + \gamma t . \tag{6}$$

Очевидно, при этом дифференциальное уравнение (5) можно представить в виде

$$\frac{d^2 x(\xi)}{d\xi^2} + \frac{\omega_0^2}{\gamma^2} \frac{x(\xi)}{\xi} = \frac{F_0}{m_0 \xi \gamma^2} \sin\left[\frac{\omega}{\gamma}(\xi - 1)\right].$$
(7)

Решение неоднородного дифференциального уравнения (7) найдено при следующих начальных условиях

$$x(0)\Big|_{\xi=0} = 0; \frac{dx(0)}{d\xi}\Big|_{\xi=0} = 0.$$
 (8)

Это отличает от работ [4 – 7], где однородное дифференциальное уравнение (7) решено с помощью фундаментальных функций Бесселя. Упрощая математическую модель вынужденных продольных нестационарных колебаний оправки, фундаментальные решения  $x_1(\xi)$  и  $x_2(\xi)$  определим приближённо, методом ВБК [7 – 9]. Согласно этому методу решение однородного дифференциального уравнения ( $F_0 = 0$ )

$$\frac{d^2 x(\xi)}{d\xi^2} + \frac{\omega_0^2}{\gamma^2} \frac{x(\xi)}{\xi} = 0,$$
(9)

запишем в виде

$$x_1(\xi) = \sqrt{\eta} \cos(\eta); \quad x_2(\xi) = \sqrt{\eta} \sin(\eta).$$
 (10)

Здесь 
$$\eta = \eta_0 \sqrt{\xi};$$
  $\eta_0 = \frac{2}{\gamma} \omega_0$ . Дифференцируя выражения (10) в новой переменной, находим

$$\frac{dx_1(\xi)}{d\xi} = \frac{\eta_0^2}{2\eta} \left[ \frac{\cos(\eta)}{2\sqrt{\eta}} - \sqrt{\eta}\sin(\eta) \right]; \tag{11}$$

$$\frac{dx_2(\xi)}{d\xi} = \frac{\eta_0^2}{2\eta} \left[ \frac{\sin(\eta)}{2\sqrt{\eta}} - \sqrt{\eta} \cos(\eta) \right].$$
(12)

Задача Коши (7), представленная равенствами (10), согласно Лагранжу, имеет решение в квадратурах

$$x(\xi) = c_1(\eta) x_1(\eta) + c_2(\eta) x_2(\eta),$$
(13)

где

$$c_{1}(\eta) = -\frac{2}{\eta_{0}^{2}} \int_{\eta_{0}}^{\eta} \frac{\eta f(\eta) x_{2}(\eta) d\eta}{\Delta(\eta)};$$

$$c_{2}(\eta) = \frac{2}{\eta_{0}^{2}} \int_{\eta_{0}}^{\eta} \frac{\eta f(\eta) x_{1}(\eta) d\eta}{\Delta(\eta)}.$$
(14)

Здесь 
$$f(\eta) = \frac{F_0 \eta_0^2}{m_0 \gamma^2 \eta^2} \sin \left[ \frac{\omega}{\gamma} \left( \frac{\gamma^2}{\eta_0^2} - 1 \right) \right]$$

При этом из соответствующих уравнений (10), (11) и (12) для системы уравнений составляем определитель Воронского. После раскрытия определителя следует

$$\Delta(\eta) = x_1(\eta) \frac{dx_2(\eta)}{d\eta} - x_2(\eta) \frac{dx_1(\eta)}{d\eta}.$$
(15)

Следовательно, согласно постановке Лагранжа, из (13) окончательно находим решение задачи в квадратурах. Вынужденные колебания оправки со стержнем в очаге деформации определяются как

$$x(\eta) = \frac{F_0}{c} \sqrt{\eta \eta_0} \left[ a_1(\eta) \sin\left[\frac{\omega}{\gamma} \left(\frac{\gamma^2}{\eta_0^2} - 1\right)\right] + a_2(\eta) \cos\left[\frac{\omega}{\gamma} \left(\frac{\gamma^2}{\eta_0^2} - 1\right)\right] \right],$$
(16)

где

$$a_{1}(\eta) = \int_{\eta_{0}}^{\eta} \frac{\sin(\eta - \eta_{0})}{\sqrt{y}} \cos\left[\frac{\omega^{2}}{\gamma} \left(y^{2} - \frac{\eta^{2}}{\eta_{0}^{2}}\right)\right] dy;$$
(17)

$$a_2(\eta) = \int_{\eta_0}^{\eta} \frac{\sin(\eta - \eta_0)}{\sqrt{y}} \sin\left[\frac{\omega^2}{\gamma} \left(y^2 - \frac{\eta^2}{\eta_0^2}\right)\right] dy.$$
(18)

Коэффициент динамичности системы «гильза (труба) - оправка - стержень»

$$K_{\partial}(\eta) = \sqrt{\eta \eta_0} \left[ a_1(\eta) \sin\left[\frac{\omega}{\gamma} \left(\frac{\gamma^2}{\eta_0^2} - 1\right)\right] + a_2(\eta) \cos\left[\frac{\omega}{\gamma} \left(\frac{\gamma^2}{\eta_0^2} - 1\right)\right] \right].$$
(19)

Амплитудное значение коэффициента динамичности имеет вид:

$$K_{\partial}(\eta) = \frac{c}{F_0} ampl[x(\eta)].$$
<sup>(20)</sup>

После преобразований (20) для вынужденных колебаний оправки окончательно определяем коэффициент динамичности системы «гильза - оправка - стержень» автоматического стана

$$K_{\partial}(\eta) = \sqrt{\eta_0 \eta} \left[ \sqrt{a_1^2(\eta) + a_2^2(\eta)} \right].$$
<sup>(21)</sup>

Согласно (21) значение  $K_{\partial}^{\max}$  в основном зависит от массы системы «гильза (труба) – оправка – стержень» и скорости нарастания массы прокатываемой гильзы. Максимумы, при различных скоростях прокатки трубы и линейном возрастании массы системы ( $\gamma > 0$ ) становится больше двух, а последующие больше первого.

Таким образом, следует подчеркнуть, что без учёта реактивной силы, коэффициенты динамичности в колебательной системе механизма удержания оправки с линейно возрастающей массой всегда больше двух и для нестационарных процессов носят достаточно сложный характер.

Результаты расчётов и их анализ. Далее переходим к численному анализу и синтезу результатов задачи о вынужденных колебаниях оправки со стержнем автоматического стана ТПА 140 с учетом переменности во времени массы гильзы.

Уравнение продольных колебаний оправки со стержнем (16) составлено и представлено в виде базовых уравнений тела переменной во времени массы. Определим коэффициент динамичности оправки в очаге деформации по формуле (21) без учета реактивной силы. Для проведения расчётов принимаем данные автоматического стана ТПА 140:  $F_0 = 120000 \text{ H}, m_0 = \overline{m}_0 l; \overline{m}_0 = 100 \text{ кг/м}; m_a = \overline{m}_q l;$ 

$$\overline{m}_q = 120 \text{ Kg/m}; c = 16 \cdot 10^5 \text{ H/m}; l = 11 \text{ m}; \upsilon = 4 \text{ m/c}; t \in [0; 4, 5].$$

Численное решение дифференциального уравнения (5) методом Рунге – Кутта и замкнутое решение задачи (16) позволяет оценить динамические перемещения изображающей точки оправки в очаге деформации и поведение всей механической системы для наиболее распространенных форм колебаний механической системы строго в продольном направлении оси прокатки стана. Результаты численного анализа продольных колебаний оправки совместно со стержнем механизма ее удержания при прокатке труб диаметром 114х12, материал – сталь 20 на автоматическом стане ТПА 140 приведены на рисунке 3.

 $x(t)/10, M \downarrow$ 

Рисунок 3 - Продольные колебания оправки со стержнем автоматического стана ТПА 140 при прокатке труб диаметром 114x12, материал - сталь 20

В таблице 1 представлены значения  $K_{\partial}$ , полученные с помощью численного интегрирования уравнения (5) (первая строка), приближённой формулы (19) (вторая строка), а также приближённой формулы (21) (третья строка), при линейном увеличении массы системы удержания оправки.

Результаты из таблицы 1 свидетельствуют о высокой точности асимптотических формул, из которых проще использовать в инженерных расчётах формулу (21).

На рисунке 4 представлена зависимость коэффициента динамичности К<sub>д</sub> от времени t при возрастании массы, рассчитанная с помощью формулы (12).

Вісник СевНТУ: зб. наук. пр. Вип. 148/2014. Серія: Механіка, енергетика, екологія. — Севастополь, 2014.



<i>t</i> , c	0,5	1	1,5	2	2,5	3	3,5	4	4,5
$K_{\partial}$	<u>1,4402</u>	<u>1,4560</u>	<u>0,1106</u>	<u>1,8024</u>	<u>0,4557</u>	<u>1,4135</u>	<u>0,4730</u>	<u>1,6660</u>	<u>1,3247</u>
Ū	<u>1,4399</u>	<u>1,4543</u>	0,1108	1,8021	0,4526	<u>1,4158</u>	0,4678	1,6623	1,3289
	1,4514	1,4447	0,1138	1,8076	0,4454	1,4255	0,4628	1,6639	1,3391

Таблица 1 – Значения  $K_{\partial}$  в разные моменты времени, полученные несколькими способами

График на рисунке 4 подтверждает ранее сделанный вывод о том, что для системы с линейно возрастающей массой без учёта реактивной силы первый максимум  $K_{\partial} > 2$ , а последующие больше первого.

Сравнение разработанной математической модели и экспериментальных исследований динамических процессов за время реализации одного цикла технологического процесса прокатки гильз на автоматическом стане ТПА 140 [3, 4] указывают на высокую сходимость картин виброактивности системы и достоверность величин амплитудно-частотных характеристик при вынужденных продольных колебаниях оправки со стержнем.



Рисунок 4 – Зависимость коэффициента динамичности  $K_{\partial}$  от времени t при возрастании массы системы

Возможность комплексного моделирования режимов прокатки гильз на этапе назначения технологических процессов существенно отличает полученные результаты от результатов ранее известных работ в области исследования динамической устойчивости и виброактивности стержневой системы механизма удержания оправки автоматического стана ТПА [1 – 4].

Очевидно, что учет интенсивности воздействия очага деформации и изменяющейся во времени инертности прокатываемой гильзы, надвигающейся со скоростью  $\vec{v}$ , являются определяющими параметрами в рамках выбранной динамической модели элементов механизма удержания оправки.

Применение дополнительных модернизированных регулируемых центрующих проводок на упругом основании приводит к стабилизации динамических процессов на выходной стороне автоматического стана и улучшению качества прокатываемых гильз [4]. Решение дифференциального уравнения (5) и уравнения (10) с учетом проектных положений и жесткости рядно установленных группы опор стержня на упругом основании позволяет, на этапе конструирования механизмов выходной стороны стана, путем комплексного математического моделирования нестационарных динамических процессов определить требуемые жесткости опорных узлов и их проектные положения на оси прокатки.

## Выводы

1. Выявлены динамические особенности функционирования системы «гильза – оправка – стержень» автоматического стана ТПА. Составлено уточненное дифференциальное уравнения вынужденных продольных колебаний оправки со стержнем с учетом переменности массы прокатываемой гильзы и сил технологического сопротивления. Решение задачи реализовано в замкнутом виде.

2. Математическое моделирование нестационарной динамики системы «гильза – оправка – стержень» показало, что при периодическом нагружении оправки со стороны очага деформации и упругой системы механизмов ее удержания, максимумы коэффициента динамичности перемещений оправки вдоль оси прокатки существенно отличается от известных представлений задачи с постоянными массами. Значения коэффициента динамичности перемещений оправки в ходе вынужденных колебаний системы монотонно меняются и с линейным увеличением массы прокатываемой гильзы заметно возрастает.

3. Математическое моделирование нестационарных динамических процессов в системе «гильза – оправка – стержень» с учетом переменности во времени массы механической системы указывает на

разработку кардинальных мероприятий по стабилизации вынужденных колебаний оправки со стержнем автоматического стана до уровня допустимых величин [1 – 4].

4. Исследование вынужденных продольных колебаний оправки со стержнем позволяет, на этапе проектирования технологических процессов прокатки, прогнозировать особенности формирования нестационарной динамики механизмов выходной стороны, назначать рациональные режимы эксплуатации автоматического стана ТПА и управлять качеством (величиной продольной разностенности) выпускаемых труб.

### Библиографический список использованной литературы

1. Розов Н.В. Производство труб. Справочник / Н.В. Розов. — М.: Металлургия, 1974. — 598 с.

2. Технология трубного производства. Учебник для вузов /В.Н. Данченко, А.П. Коликов, Б.А. Романцев, С.В. Самусев. — М.: Интер. Инжиниринг, 2002. — 640 с.

3. Оклей Л.Н. Качество горячекатаных труб / Л.Н. Оклей. М.: Металлургия, 1986. — 144 с.

4. Разработка мероприятий по предотвращению изгиба стержня оправки автоматического стана ТПА 140. / Т.М. Сулухия, Р.Ш. Адамия, Л.Н. Оклей, Д.М. Ломсадзе // Труды Грузинского политехн. института. — 1976. — С. 98–102.

5. Мещерский И.В. Работы по механике тел переменной массы / И.В. Мещерский. — М.: ГИТЛ, 1952. — 252 с.

6. Бессонов А.П. Основы динамики механизмов с переменной массой звеньев / А.П. Бессонов. — М.: Наука, 1967. — 279 с.

7. Ольшанский В.П. Метод ВБК в расчетах нестационарных колебаний осцилляторов / В.П. Ольшанский, С.В. Ольшанский. — Харьков: Міскдрук, 2014. — 264 с.

8. Cveticanin L. Dynamics of Machines with Variable Mass / L. Cveticanin. — Taylor & Francis Ltd, 1998. — 300 p.

 Ольшанский В.П. Моделирование колебаний осциллятора линейно-переменной массы при импульсном нагружении / В.П. Ольшанский, С.В. Ольшанский // Вісник НТУ "ХПІ": Математичне моделювання в техніці та технологіях. — 2013. — № 37 (2010). — С. 125–130.
 10. Образцов И.Ф. Асимптотические методы в механике тонкостенных конструкций /

10. Образцов И.Ф. Асимптотические методы в механике тонкостенных конструкций / И.Ф. Образцов, Б.В. Нерубайло, И.В. Андрианов. — М.: Машиностроение, 1991. — 416 с.

11. Янке Е. Специальные функции / Е. Янке, Ф. Эмде, Ф. Лёш. — М.: Наука, 1977. — 344 с.

12. Абрамовиц А. Справочник по специальным функциям с формулами и таблицами /А. Абрмовиц, И. Стиган. — М.: Наука, 1979. — 832 с.

#### Поступила в редакцию 21.03.2014 г.

# Рахманов С.Р., Ольшанський В.П. Нестаціонарні процеси в механізмі втримання оправлення автоматичного стану з урахуванням змінності маси гільзи, що прокочується

Розглянуті нестаціонарні коливання системи «гільза – оправлення – стрижень» автоматичного стану трубопрокатного агрегату. Складене диференціальне рівняння змушених коливань оправлення зі стрижнем автоматичного стану з урахуванням змінності в часі маси гільзи, що прокочується, й сил технологічного опору. Нестаціонарні динамічні процеси в пружній системі «гільза – оправлення – стрижень» представлені коефіцієнтом динамічності переміщення оправлення. Установлені особливості функціонування оправлення зі стрижнем у вогнищі деформації автоматичного стану з урахуванням змінності в часі маси труби, що прокочується.

**Ключові слова:** труба, автоматичний стан, оправлення, стрижень, змушені коливання, вібрація, змінна маса, вогнище деформації, швидкість прокатки, диференціальне рівняння, розв'язок Лагранжа, коефіцієнт динамічності.

## Rakhmanov S.R., Olshanskiy V.P. Non-stationary processes in mechanism of mandrel holding mechanism of automatic camp with due regard for variability of mass of rolled sleeve

Non-stationary fluctuations of system "a sleeve -a mandrel -a core" an automatic camp of the piperolling unit are considered. The differential equation of the compelled fluctuations of a mandrel with a core of an automatic camp taking into account variability in time of mass of a rolled sleeve and forces of technological resistance is worked out. Non-stationary dynamic processes in elastic system "a sleeve -a mandrel -a core" are presented by coefficient of dynamism of movement of a mandrel. Features of functioning of a mandrel with a core in the center of deformation of an automatic camp taking into account variability in time of mass of a rolled pipe are established.

**Keywords:** pipe, automatic camp, mandrel, the core, the compelled fluctuations, vibration, variable weight, the deformation center, rolling speed, the differential equation, Lagrange's decision, dynamism coefficient.