М.Г. Иванец, Г.В. Ермаков, В.В. Воинов, С.Н. Власик

Харьковский университет Воздушных Сил им. И. Кожедуба, Харьков

# МЕТОДИКА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ДИАГРАММЫ НАПРАВЛЕННОСТИ СВЕРХШИРОКОПОЛОСНОЙ ЗЕРКАЛЬНОЙ АНТЕННЫ С УЧЕТОМ ВЗАИМНОГО ВЛИЯНИЯ ОБЛУЧАТЕЛЯ И РЕФЛЕКТОРА

Представлена методика определения диаграммы направленности сверхширокополосной зеркальной антенны с учетом взаимного влияния облучателя и рефлектора, основанная на методе расчета плотности поверхностного тока для незамкнутых поверхностей с помощью интегральных представлений.

Ключевые слова: сверхширокополосный сигнал, интегральные представления, диаграмма направленности.

#### Введение

Проведение натурных экспериментов по определению характеристик направленности СШП антенных систем требует наличия соответствующего радиолокационного полигона и дорогостоящего измерительного оборудования. В то же время использование уменьшенных моделей излучающих систем не всегда позволяет получить адекватные результаты. Поэтому расчетные методы определения характеристик направленности во многих случаях имеют первоочередное значение [1, 2].

Цель. Разработать методику определения диаграммы направленности (ДН) сверхширокополосной зеркальной антенны с учетом взаимного влияния облучателя и рефлектора.

Постановка задачи. Рассматривается случай возбуждения зеркальной антенны с помощью облучателя в виде системы ТЕМ-рупоров, расположенных в фокусе и ортогонально относительно друг друга, гауссовым видеоимпульсом тока единичной амплитуды и длительностью  $\tau_{\mu}$ =0,5 нс (пространственная длительность СШП сигнала с $\tau_{\mu}$ =15 см; взаимное влияние рупоров не учитывается; диаметр антенны – 3 м, фокусное расстояние – 1м.

Учитывая тот факт, что размеры короткоимпульсной зеркальной антенны являются большими в сравнении с рабочими длинами волн ( $\lambda$ =0,6÷0,15 м при диаметре d=3 м), для расчета плотности поверхностного тока и в последующем ее пространственных характеристик целесообразно использовать метод уточнения приближения физической оптики [3].

Форма импульса тока, возбуждающего облучатель, представлена на рис. 1 и описывается зависимостью:

$$I(t) = A \exp(-t/(2\tau_{e}))^{2}.$$
 (1)

Спектр сигнала, нормированный к максимальному значению, представлен на рис. 2 и описывается зависимостью:

$$I(\omega) = \sqrt{2\pi} \dot{A} \tau_{\dot{e}} \exp\left(-\omega^2 \tau_{\dot{e}}^2/2\right), \qquad (2)$$

где A=1 – амплитуда импульса; t – время, отсчитываемое от момента возбуждения; т<sub>и</sub> – длительность

© М.Г. Иванец, Г.В. Ермаков, В.В. Воинов, С.Н. Власик

импульса, определяемая по уровню 0,5; ω – круговая частота.



Рис. 1. Форма импульса тока, возбуждающего систему ТЕМ-рупоров



Рис. 2. Нормированный амплитудно-частотный спектр

При разработке методики определения ДН СШП зеркальной антенны с учетом взаимного влияния облучателя предлагается использовать итерационную процедуру определения напряженности электрического поля [4]. Основные расчетные обозначения представлены на рис. 3.





На рис. 3 даны такие расчетные обозначения:  $Q_{\mu c \tau}$  – точка расположения источника;  $P_i$  – точка

на поверхности ТЕМ-рупора;  $\vec{n}_{pyn}^{e}(P_i)$  – внешняя нормаль к поверхности ТЕМ-рупора в точке  $P_i$ ;  $\vec{r}_{QP_i}$ – расстояние от источника до точки  $P_i$  на поверхности ТЕМ-рупора;  $M_j$  – точка на поверхности зеркала;  $\vec{n}_{3ep}^{e}(M_j)$  – внешняя нормаль к поверхности зеркала в точке  $M_j$ ;  $\vec{r}_{M_j}^{3ep}$  – расстояние от точки  $M_j$ на поверхности зеркала до центра антенны;  $\vec{r}_{P_i}^{pyn}$  – расстояние от центра антенны до точки  $P_i$  на поверхности ТЕМ-рупора;  $\vec{r}_{P_iM_j}$  – расстояние от точки  $P_i$  на поверхности ТЕМ-рупора до точки  $M_j$  на поверхности зеркала.

Суть методики состоит в следующем.

I итерация.

1. Определение плотности поверхностного тока на ТЕМ-рупоре  $\vec{J}_{pyn}^{(1)}(P_i,\omega)$  с помощью метода уточнения приближения физической оптики:

$$\vec{J}_{py\pi}^{(1)}(P_{i},\omega) = \vec{J}_{S}^{+(1)}(P_{i},\omega) - \vec{J}_{S}^{-(1)}(P_{i},\omega),$$
 (3)

где  $\vec{J}_{S}^{+(1)}, \vec{J}_{S}^{-(1)}$  – плотность поверхностного тока на внутренней и внешней сторонах ТЕМ-рупора, определяемые из интегрального представления:

$$\frac{1}{2} \left( \vec{\mathbf{J}}_{\mathrm{S}}^{+(1)} \left( \mathbf{P}_{\mathrm{i}}, \omega \right) + \vec{\mathbf{J}}_{\mathrm{S}}^{-(1)} \left( \mathbf{P}_{\mathrm{i}}, \omega \right) \right) = \vec{\mathbf{J}}_{\mathrm{S}}^{0} \left( \mathbf{P}_{\mathrm{i}}, \omega \right) - \frac{1}{2\pi} \int_{\mathrm{S}} \vec{\mathbf{n}}_{\mathrm{pyrr}}^{e} \left( \mathbf{P}_{\mathrm{i}} \right) \times \\ \times \left[ \left( \vec{\mathbf{J}}_{\mathrm{S}}^{+(1)} \left( \mathbf{P}, \omega \right) - \vec{\mathbf{J}}_{\mathrm{S}}^{-(1)} \left( \mathbf{P}, \omega \right) \right) \times \operatorname{grad}_{\mathrm{P}} \frac{\exp\left( - jk(\omega)r_{\mathrm{PP}_{\mathrm{i}}} \right)}{r_{\mathrm{PP}_{\mathrm{i}}}} \right] d\mathrm{S},$$
(4)

где  $\vec{J}_{S}^{0}(P_{i},\omega) = 2\vec{n}_{pyn}^{e}(P_{i}) \times \vec{H}_{ucr}(P_{i},\omega)$  – плотность поверхностного тока на освещенной стороне в приближении физической оптики;  $\vec{H}_{ucr}(P_{i},\omega)$  – поле источника; P<sub>i</sub>, P – точка наблюдения и интегрирования соответственно; S – поверхность интегрирования, представляющая собой всю площадь ТЕМ-рупора;

$$r_{pp_{i}} = \sqrt{\left(x_{p} - x_{p_{i}}\right)^{2} + \left(y_{p} - y_{p_{i}}\right)^{2} + \left(z_{p} - z_{p_{i}}\right)^{2}}$$

 $k(\omega) = \omega / c$  – волновое число, соответствующее спектральной составляющей СШП сигнала на частоте  $\omega$ .

2. Определение магнитной составляющей поля, излученного ТЕМ-рупором, у зеркала (представление Стреттона-Чу):

$$\vec{H}_{q\hat{a}\delta}^{(1)}(\hat{I}_{j},\omega) = \vec{H}_{\hat{e}\tilde{n}\delta}(\hat{I}_{j},\omega) + \frac{1}{4\pi} \times \\ \times \int_{S_{\delta\delta\tilde{i}}} \left\{ \text{grad}_{P_{i}} \frac{\exp\left[-jk(\omega)r_{P_{i}M_{j}}\right]}{r_{P_{i}M_{j}}} \times \vec{J}_{\delta\delta\tilde{i}}^{(1)}(P_{i},\omega) \right\} dS_{\delta\delta\tilde{i}} ...(5)$$

 Определение плотности поверхностного тока на рефлекторе в физоптическом приближении:

$$\vec{\mathbf{J}}_{3ep}^{(1)}\left(\mathbf{M}_{j},\omega\right) = 2\vec{\mathbf{n}}_{3ep}^{e}\left(\mathbf{M}_{j}\right) \times \vec{\mathbf{H}}_{3ep}^{(1)}\left(\mathbf{M}_{j},\omega\right),\qquad(6)$$

 Расчет напряженности электрического поля, излучаемого рефлектором, в дальней зоне:

$$\begin{split} \vec{p} \dot{E}^{(1)} \left(\omega, \vec{R}^{0}\right) &= -j\Omega \Big[ k(\omega) \vec{r}_{M_{j}}^{\text{sep}} \Big] k(\omega)^{2} \times \\ &\times \sqrt{\frac{\mu_{0}}{\epsilon_{0}}} \int_{S_{\text{sep}}} \vec{p}^{0} \exp \Big[ -jk(\omega) \Big( \vec{R}^{0} \vec{r}_{M_{j}}^{\text{sep}} \Big) \Big] \vec{J}_{\text{sep}}^{(1)} \left( M_{j}, \omega \right) dS_{\text{sep}} \times \quad (7) \\ &\times dS_{\text{sep}}, \end{split}$$

где  $\vec{p}$  – единичный вектор, характеризующий поляризацию передающей антенны;

$$\Omega\left[k\left(\omega\right)\vec{r}_{M_{j}}^{\text{3ep}}\right] = \frac{1}{4\pi} \frac{\exp\left[jk\left(\omega\right)\vec{r}_{M_{j}}^{\text{3ep}}\right]}{k\left(\omega\right)\vec{r}_{M_{j}}^{\text{3ep}}}$$

 $\mu_0, \epsilon_0$  – электрическая и магнитная проницаемости свободного пространства;  $\vec{R}^0$  – единичный вектор направления на точку наблюдения;  $\vec{p}^0$  – единичный вектор, характеризующий поляризацию отраженной от зеркала волны.

II итерация.

 Определение магнитной составляющей поля, переизлученного рефлектором, у облучателя (представление Стреттона-Чу):

$$\vec{H}_{pyn}^{(2)}(P_{i},\omega) = \vec{H}_{ucr}(P_{i},\omega) + \frac{1}{4\pi} \times \int_{S_{sep}} \left\{ \text{grad}_{M_{j}} \frac{\exp\left[-jk(\omega)r_{P_{i}M_{j}}\right]}{r_{P_{i}M_{j}}} \times \vec{J}_{sep}^{(1)}(M_{j},\omega) \right\} \times dS_{sep},$$
(8)

5. Определение плотности поверхностного тока на ТЕМ-рупоре:

$$\vec{J}_{pyn}^{(2)}(P_{i},\omega) = \vec{J}_{S}^{+(2)}(P_{i},\omega) - \vec{J}_{S}^{-(2)}(P_{i},\omega), \qquad (9)$$

rge  

$$\frac{1}{2} \left( \vec{J}_{S}^{+(2)} \left( P_{i}, \omega \right) + \vec{J}_{S}^{-(2)} \left( P_{i}, \omega \right) \right) = \vec{J}_{S}^{0(1)} \left( P_{i}, \omega \right) - \frac{1}{2\pi} \int_{S} \vec{n}_{pyn}^{e} \left( P_{i} \right) \times \left[ \left( \vec{J}_{S}^{+(2)} \left( P, \omega \right) - \vec{J}_{S}^{-(2)} \left( P, \omega \right) \right) \times \text{grad}_{P} \frac{\exp\left( -jk(\omega)r_{PP_{i}} \right)}{r_{PP_{i}}} \right] dS.$$

$$\vec{J}_{S}^{0(1)} \left( P_{i}, \omega \right) = \vec{J}_{S}^{0} \left( P_{i}, \omega \right) + 2\vec{n}_{pyn}^{e} \left( P_{i} \right) \times \vec{H}_{pyn}^{(2)} \left( P_{i}, \omega \right) - \frac{1}{2\pi} \left( P_{i}, \omega \right) - \frac{1}{2\pi} \left( P_{i}, \omega \right) + 2\pi \left( P_{i}, \omega$$

плотность поверхностного тока с учетом поля источника и поля, отраженного от рефлектора.

6. Повторение шагов (2) – (4).

7. 
$$\sum_{\omega} \left| \dot{E}^{(n)}(\omega, \vec{R}^0) - \dot{E}^{(n-1)}(\omega, \vec{R}^0) \right|^2 \le 0, 01$$
, (11)

где n – номер итерации.

Последний шаг итерации предназначен для интегрального сравнения полей в дальней зоне. Отметим что, определению подлежат интегральные характеристики поля – пиковая ДН и КНД, поэтому указанную точность будем полагать достаточной.

Для использования предложенной методики определения ДН короткоимпульсной зеркальной антенны с учетом влияния облучателя был использован метод расчета плотности поверхностного тока для криволинейных незамкнутых экранов.

На рис. 4 – 7 представлены ДН зеркальной антенны с учетом направленных характеристик облучателя для спектральных составляющих СШП сигнала, соответствующие частотам: 500 МГц, 1 ГГц, 1,5 ГГц, 2 ГГц. На всех рисунках введены следующие обозначения: кривая 1 соответствует полю, формируемому центральной частью зеркала; кривая 2 – поле, формируемое кромкой; 3 – суммарное поле от центральной части и от кромки.



Рис. 4. ДН зеркальной КИА на частоте 500 МГц



Рис. 5. ДН зеркальной КИА на частоте 1 ГГц



Рис. 6. ДН зеркальной КИА на частоте 1,5 ГГц



Рис. 7. ДН зеркальной КИА на частоте 2 ГГц

### Выводы

Описанная выше методика позволяет расчитать ДН зеркальной антенны с учетом взаимного влияния облучателя и рефлектора для различных спектральных составляющих СШП сигнала, оценить энергетические характеристики антенной системы и определить с помощью Фурье-преобразования пространственно-временную структуру излучаемого СШП сигнала. Из графиков, представленных на рисунках, следует, что значительный вклад в формирование бокового и заднего лепестков диаграммы направленности дает кромка, в направлении главного максимума – центральная часть рефлектора.

### Список литературы

1. Казарин А.Н.Методы расчета и измерения характеристик и параметров антенн / А.Н. Казарин, И.Т. Кравченко, Ключников А.С.. – Минск: Изд-во БГУ, 1971. – 142 с.

2. Мицмахер М.Ю. Безэховые камеры СВЧ / М.Ю. Мицмахер, В.А. Торгованов. – М.: Радио и связь, 1982. – 128 с.

3. Вычислительные методы в электродинамике; под ред. Р. Миттры. – М.: Мир, 1977. – 485 с.

4. Ермаков Г.В. Электродинамический метод расчета пространственно-временных характеристик СШП антенных решеток с учетоми взаимного влияния элементов / Г.В. Ермаков, О.Л. Смирнов, Д.М. Литовченко, М.Г.Иванец // Системи обробки інформації. – 2007. – №1(57). – С. 36-39.

Поступила в редколлегию 24.01.2008

Рецензент: д-р техн. наук, проф. И.И. Обод, Национальный технический университет "ХПИ", Харьков.

# МЕТОДИКА ВИЗНАЧЕННЯ ДІАГРАМИ СПРЯМОВАНОСТІ НАДШИРОКОСМУГОВОЇ ДЗЕРКАЛЬНОЇ АНТЕНИ З УРАХУВАННЯМ ВЗАЄМНОГО ВПЛИВУ ОПРОМІНЮВАЧА І РЕФЛЕКТОРА

М.Г. Иванец, Г.В. Ермаков, В.В. Воинов, С.М. Власик

Представлена методика визначення діаграми спрямованості надширокосмугової дзеркальної антени з урахуванням взаємного впливу опромінювача і рефлектора, заснована на методі розрахунку густини поверхневого струму для незамкнутих поверхонь за допомогою інтегральних уявлень

Ключові слова: надширокосмуговий сигнал, інтегральні уявлення, діаграма спрямованості.

## METHOD OF ULTRAWIDEBAND REFLECTOR ANTENNA TAKING INTO ACCOUNT CROSS-COUPLING OF IRRADIATOR AND REFLECTOR PATTERN DETERMINATION

M.G. Ivanets, G.V. Yermakov, V.V. Voinov, S.M. Vlasik

The method of ultrawideband reflector antenna is presented taking into account the cross-coupling of irradiator and reflector pattern determination, based on the method of surface current density calculation for thumbs-under surfaces by integral presentations

Keywords: ultrawideband signal, integral presentations, directional diagram.