УДК 530.1.537.86 + 621.396.96

Р.Э. Пащенко¹, Э.И. Пащенко²

¹Харьковский университет Воздушных Сил им. И. Кожедуба, Харьков ²Житомирский военный институт им. С.П. Королева Национального авиационного университета, Житомир

ФОРМИРОВАНИЕ КОДОФАЗОМАНИПУЛИРУЕМЫХ ФРАКТАЛЬНЫХ СИГНАЛОВ НА ОСНОВЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ МОРСА-ТУЭ

Показана возможность формирования КФМ фрактальных сигналов с использованием последовательности Морса-Туэ. Рассмотрена структура КФМ фрактального сигнала на основе последовательности Морса-Туэ и показана сложная структур такого сигнала, что может быть использовано для маскировки информационного сигнала в системах связи со скрытой передачей информации. С использованием фазовых портретов показано, что в результирующем КФМ фрактальном сигнале наблюдается воздействие отдельных составляющих друг на друга, в результате которого возникает сложное периодическое движение.

Ключевые слова: фрактальный сигнал, последовательность Морса-Туэ, фазовый портрет.

Введение

Постановка проблемы и анализ литературы. Построению систем связи со скрытой передачей информационного сигнала в последние годы уделяется все большее внимание [1-4]. В таких системах применяют способы кодирования маскирующих хаотических колебаний [1], маскировки многомодовым хаосом [2], переключения хаотических режимов [3], нелинейного подмешивания информационного сигнала [4] и т.д. Кроме того, для скрытой передачи информации может быть использован фрактальный сигнал, формируемый системой n-го числа связанных между собой генераторов [5]. Фрактальный сигнал в такой системе передачи информации используется как носитель информации. Другими словами, фрактальный сигнал определяет поведение информационного сигнала во временной области при передаче информации по линии связи.

Математической основой для формирования фрактальных сигналов являются фрактальные недифференцируемые функции, которые рассматриваются в ряде работ [5 – 7]. К числу таких фрактальных недифференцируемых функций относится функция Больцано [5], которая связана с последовательностью Морса-Туэ.

Такая последовательность представляет собой апериодическую рекурсивную строку, состоящую из нулей и единиц [5, 6].

Представляет практический интерес рассмотрение возможности применения последовательности Морса-Туэ для формирования кодофазоманипулируемых (КФМ) фрактальных сигналов (ФС).

Цель статьи: рассмотреть возможность формирования КФМ фрактальных сигналов с использованием последовательности Морса-Туэ и оценить свойства таких сигналов.

Структура и свойства последовательности Морса-Туэ

Рассмотрим последовательность неотрицательных целых чисел 0, 1, 2, 3, 4, 5,..., записанных в двоичной форме 00, 01, 10, 11, 100, 101, 110, 111,..., и получим из каждого двоичного числа сумму его цифр по модулю 2. В этом случае формируется последовательность 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, ..., которая называется последовательностью Морса-Туэ [7].

Последовательность Морса-Туэ можно также получить, итерируя отображение $0 \rightarrow 01$ и $1 \rightarrow 10$, при котором вслед за каждой двоичной цифрой записывается ее дополнение. Начав с единственного нуля можно получить такие последовательные "поколения":

- 01
- 0110
- 01101001 и т.д.

Построенная таким образом последовательность называется *самопорождающей последовательностью* [5].

Другой способ построения той же последовательности состоит в том, что каждое поколение получается из предыдущего путем приписывания справа его дополнения [6]:

0

0110

Каждое отображение более высокого порядка следует исходному правилу "повтори двоичное число и припиши к нему справа его дополнение". Иначе говоря, исходное правило, порождающее отображение, наследуется всеми последующими поколениями. Наследование такого рода является важным следствием итерированных отображений и приводит к самоподобным структурам. Известно [7], что са-

⁰

⁰¹

⁰¹¹⁰¹⁰⁰¹ ит.д.

моподобие является специфическим свойством фрактальной структуры.

Бесконечная последовательность, получаемая итерированием отображения $0 \rightarrow 01$, $1 \rightarrow 10$, инвариантна относительно этого отображения.

Последовательность Морса-Туэ *самоподобна*: сохраняя лишь нечетные члены этой последовательности (отмеченные чертой снизу) вновь можно получить последовательность Морса-Туэ:

<u>0</u>,1,<u>1</u>,0,<u>1</u>,0,<u>0</u>,1,...

Аналогично, сохраняя только нечетные пары двоичных чисел, можно также воспроизвести последовательность Морса-Туэ:

<u>0,1</u>,1,1,<u>1,0</u>,0,1,...

Последовательность Морса-Туэ воспроизводится и после замены каждой пары, четверки и т.д. на самую левую цифру. Очевидно, что свойство самоподобия не нарушится, если трансформировать последовательность Морса-Туэ, путем удвоения числа символов, приписывая в последовательности слева (справа) идентичный символ.

В этом случае последовательность Морса-Туэ преобразуется к виду

которая может быть использована при построении фрактального сигнала.

Кроме самоподобия последовательность Морса-Туэ обладает свойством *апериодичности*. Хотя последовательность Морса-Туэ и апериодична, она не является случайной. Более того, ее структура обладает ярко выраженным близким и дальним порядком. Например, в этой последовательности не может быть групп, состоящих более чем из двух одинаковых членов подряд.

Формирование КФМ фрактального сигнала на основе последовательности Морса-Туэ

В основе формирования структуры ФС лежит гипотеза самоподобия, допускающая бесконечную серию вложения друг в друга одинаковых (гомеоморфных) объектов [5]. При этом объект уменьшается только в размере, но остается гомеоморфным исходному объекту. При формировании ФС под такими объектами следует понимать отдельные детерминированные колебания (например, простые (гармонические) сигналы, а также сигналы с угловой модуляцией) гомеоморфные опорному (базовому) колебанию.

При построении КФМ ФС будем использовать правило, основанное на свойствах фрактальных недифференцируемых функций и учитывающее самоподобие, а также гиперболичность опорных колебаний. Это правило определяется выражением [5]

$$F(t) = \sum_{n=0}^{N} \frac{F_0(k^n t)}{k^n},$$
 (2)

где $F_0()$ – функция, описывающая опорное колебание; k – коэффициент подобия (масштабный коэффициент); N – число колебаний, участвующих в формировании фрактального сигнала.

Рассмотрим методику получения опорной (нулевой) (номер составляющей последовательности – N = 0) последовательности Морса-Туэ. Для получения 16-символьной последовательности Морса-Туэ (выражение (1)) запишем соответствующую ей дельта функцию

Решетчатая функция z_m рассчитывается по формуле

$$z_m = U_0 \,\delta_m \tag{4}$$

при следующих параметрах $m = 1, ..., 16; U_0 = 1.$

На рис. 1 показана решетчатая функция, соответствующая последовательности Морса-Туэ, во времени при изменении t от 0 до 1 с шагом $t_0 = 0.0625$.



Рис. 1. Решетчатая функция, соответствующая последовательности Морса-Туэ изменения фазы

Для построения опорной последовательности Морса-Туэ воспользуемся также функцией единичного скачка

$$F(t) = \begin{cases} 0 & \text{при } t < 0, \\ 1 & \text{при } t \ge 0. \end{cases}$$
(5)

С учетом выражений (4), (5) и методики, описанной в [8], запишем выражение для нормированной огибающей опорной последовательности Морса-Туэ

$$Y_{0}(t) = \sum_{m=1}^{M} z_{m} \left[F(t - (m-1)\tau_{0}) - F(t - m\tau_{0}) \right].$$
(6)

В выражении (6) $\tau_0 = 0,05$ – временная задержка, а амплитуда опорной (нулевой) составляющей последовательности Морса-Туэ равна $Y_0(t) = 1$. Опорная последовательность Морса-Туэ, полученная в соответствии с (8), показана на рис. 2.

На рис. 3 показана нулевая составляющая КФМ ФС, полученная в соответствии с опорной (нулевой) последовательностью Морса-Туэ изменения фазы и описываемая выражением

$$U_{\Sigma}(t) = \sum_{n=0}^{N} \frac{Y_{n}(t,a)}{2^{n}} \sin\left(\frac{2\pi 2^{n} t}{T_{0}}\right)$$
(7)

при N = 0 и периоде гармонического колебания (заполнения) $T_0 = 0,019$. В выражении (7) $Y_n(t,a)$ описывает код изменения фазы n-ой составляющей КФМ ФС.



Рис. 2. Последовательность Морса-Туэ изменения фазы нулевой составляющей КФМ ФС





В качестве кодов первой и второй гомеоморфных последовательностей Морса-Туэ изменения фазы примем последовательности, отличающиеся от опорной соответственно амплитудами $Y_1(t) = 0,5$ и $Y_2(t) = 0,25$.

Вид кодов первой и второй гомеоморфных последовательностей Морса-Туэ изменения фазы будет аналогичен виду, показанному на рис. 2, изменится только амплитуда кода.

На рис. 4, а, б показаны первая и вторая гомеоморфные составляющие КФМ ФС соответственно, полученные с использованием первой и второй последовательности Морса-Туэ изменения фазы и описываемые выражением (7).

Суммируя опорную и обе гомеоморфные последовательности Морса-Туэ в соответствии с выражением

$$Y_{\Sigma 3}(t) = Y_0(t) + Y_1(t) + Y_2(t)$$

и соответствующие им составляющие КФМ ФС согласно формулы

$$U_{\Sigma 3}(t) = U_0(t) + U_1(t) + U_2(t)$$

получим суммарную последовательность Морса-Туэ и суммарный КФМ фрактальный сигнал.



Рис. 4. Первая (а) и вторая (б) составляющие КФМ ФС, полученные в соответствии с первой и второй последовательностями Морса-Туэ изменения фазы

Как видно из рис. 3 и 4 амплитуды составляющих фрактального сигнала уменьшаются в два раз одна относительно другой, в тоже время частоты составляющих КФМ ФС увеличиваются в два раза, т.е. имеет место сжатие одних параметров и расширение других (свойство гиперболичности).

Вид суммарного кода последовательности Морса-Туэ изменения фазы будет аналогичен виду, показанному на рис. 2, изменится только амплитуда кода, которая составит $Y_{\Sigma 3}(t) = 1,75$.

На рис. 5 показан КФМ ФС, включающий три составляющие N = 2, и построенный на основе последовательности Морса-Туэ изменения фазы.



Рис. 5. КФМ ФС, полученный на основе последовательности Морса-Туэ изменения фазы

На рис. 5 видно, что наблюдается усложнение формы сигнала во временной области по сравнению с опорной (нулевой) составляющей, а при увеличении числа составляющих сложность сигнала будет еще увеличиваться, что можно использовать для маскировки информационного сигнала. На рис. 6, а, б приведены соответственно фазовые портреты суммарной последовательности Морса-Туэ изменения фазы и суммарного КФМ ФС, построенного на основе последовательности Морса-Туэ изменения фазы. На рис. 6, а функция $Y_{\Sigma 3p}(t) = Y_{\Sigma 3}(t+T)$ сдвинута на величину задержки T = 0,01, а на рис. 6, б – функция $U_{\Sigma 3p}(t)$ является производной суммарного КФМ ФС $U_{\Sigma 3}(t)$.



Рис. 6. Фазовые портреты последовательности Морса-Туэ изменения фазы (а) и КФМ ФС (б)

На рис. 6, б наблюдается воздействие отдельных составляющих КФМ ФС друг на друга. В результате такого взаимодействия возникает сложное периодическое движение, которому на фазовой плоскости соответствует траектория вложенных друг в друга фазовых портретов отдельных составляющих КФМ ФС.

На рис. 7 приведен спектр суммарной последовательности Морса-Туэ изменения фазы $S_{\Sigma 3}(f)$, полученный Фурье-преобразованием.



Рис. 7. Спектр суммарной последовательности Морса-Туэ изменения фазы

Как видно на рис. 7 особенностью спектра является наличие "пъедестала" (оторванности спектра от нулевого уровня). Многомодовость спектра и наличие "пъедестала" говорит о хаотичности суммарной последовательности Морса-Туэ изменения фазы. Такое поведение КФМ ФС во временной и частотной областях может быть использовано для маскировки информационного сигнала в системах связи.

Фильтровая обработка суммарной последовательности Морса-Туэ

Фильтровую обработку последовательности Морса-Туэ можно осуществить путем использования пассивного метода сжатия последовательности. На основе данного метода реализуется фильтр, включающий линию задержки, фазовращатели, отображающие код последовательности Морса-Туэ, и сумматор. Известно [9], что такой фильтр обладает импульсной характеристикой, являющейся зеркальным отображением суммарной кодовой последовательности Морса-Туэ. Такая импульсная характеристика представлена на рис. 8 и получена в соответствии с выражением

$$H_{\Sigma 3}(t) = H_0(t) + H_1(t) + H_2(t)$$

где H₀(t), H₁(t), H₂(t) – импульсные характеристики фильтров опорной и гомеоморфных последовательностей Морса-Туэ.



Рис. 8. Импульсная характеристика фильтра последовательности Морса-Туэ изменения фазы

При подаче на вход фильтра суммарной последовательности Морса-Туэ изменения фазы $Y_{\Sigma 3}(t)$ на его выходе получаем сжатую последовательность Морса-Туэ $F_{\Sigma 3}(t)$, показанную на рис. 9, а.

Характерной особенностью сжатой последовательности Морса-Туэ является ее зеркальная симметричность, что и следовало ожидать. Это обусловлено тем, что сжатая последовательность Морса-Туэ на входе фильтра обладает такой же симметричностью, как и исходная.

Сжатой последовательности Морса-Туэ соответствует фазовый портрет, представленный на рис. 9, б, где функция $F_{\Sigma3}(t+T)$ сдвинута на время T = 0,005 относительно функции $F_{\Sigma3}(t)$.

Как видно из рис. 9, б фазовый портрет отображает зеркальность сжатой последовательности Морса-Туэ $F_{\Sigma 3}(t)$.



Рис. 9. Сжатая последовательность Морса-Туэ (a) и ее фазовый портрет (б)

Выводы

1. Показана возможность формирования КФМ фрактальных сигналов с использованием последовательности Морса-Туэ.

2. Рассмотрена структура КФМ ФС на основе последовательности Морса-Туэ и показана сложная структур такого сигнала, что может быть использовано для маскировки информационного сигнала в системах связи со скрытой передачей информации.

 С использованием фазовых портретов показано, что в результирующем КФМ фрактальном сигнале наблюдается воздействие отдельных составляющих друг на друга, в результате которого возникает сложное периодическое движение.

4. При проведении дальнейших исследований целесообразно оценить возможность формирования КФМ фрактального сигнала на основе последовательности Морса-Туэ с одним пиком сжатой последовательности.

Список литературы

1. Кальянов Э.В. Передача информации при использовании кодирования маскирующих хаотических колебаний / Э.В. Кальянов // Радиотехника и электроника. – 2002. – Т. 47, №4. – С. 469-476.

2. Кальянов Э.В. Двухканальная передача информации при ее маскировке многомодовым хаосом / Э.В. Кальянов, Б.Е. Кяргинский // Радиотехника и электроника. – 2002. – Т. 47, №9. – С. 1091-1097.

3. Partlitz U. Transmission of digital signals by chaotic synchronization / [Partlitz U., Chua L., Kosarev L., Halle K., et al.] // Int. J. Bifurcation and Chaos. – 1992. – Vol. 2, no 4. – P. 973-977.

4. Волковский А.Р. Синхронный хаотический отклик нелинейной системы передачи информации с хаотической несущей / А.Р. Волковский, Н.В. Рульков // Письма в ЖТФ. – 1993. – Т. 9, №3. – С. 71-75.

5. Пащенко Р.Э. Формирование фрактальных сигналов / Р.Э. Пащенко. – Х.: ХООО "НЭО "ЭкоПерспектива", 2005. – 298 с.

6. Кравченко В.Ф. Новый класс фрактальных функций в задачах анализа и синтеза антенн / В.Ф. Кравченко, В.М. Масюк // Антенны. – 2002. – №10. – С. 3-72.

7. Шредер М. Фракталы, хаос, степенные законы. Миниатюры из бесконечного рая / Шредер М. – Ижевск: НИЦ "Регулярная и хаотическая динамика", 2001. – 340 с.

8. Лезин Ю.С. Оптимальные фильтры и накопители импульсных сигналов/ Лезин Ю.С. – М. : Сов. радио, 1969. – 448 с.

9. Теоретические основы радиолокации / [Ширман Я.Д., Голиков В.Н., Бусыгин И.Н. и др.]; под ред. Я.Д. Ширмана. – М.: Сов. радио, 1970. – 560 с.

Поступила в редколлегию 15.07.2010

Рецензент: д-р техн. наук, проф. В.Д. Карлов, Харьковский университет Воздушных Сил им. И. Кожедуба, Харьков.

ФОРМУВАННЯ КФМ ФРАКТАЛЬНИХ СИГНАЛІВ НА ОСНОВІ ПОСЛІДОВНОСТІ МОРСА-ТУЕ

Р.Е. Пащенко, Е.І. Пащенко

Показана можливість формування КФМ фрактальних сигналів з використанням послідовності Морса-Туе. Розглянута структура КФМ фрактального сигналу на основі послідовності Морса-Туе і показана складна структур такого сигналу, що може бути використано для маскування інформаційного сигналу в системах зв'язку з прихованою передачею інформації. З використанням фазових портретів показано, що в результуючому КФМ фрактальному сигналі спостерігається дія окремих складових одних на одну, в результаті чого виникає складний періодичний рух.

Ключові слова: фрактальний сигнал, послідовність Морса-туе, фазовий портрет.

FORMING KFM FRACTAL SIGNALS ON THE BASIS SEQUENCE OF MORS-TUE

R.E. Paschenko, E.I. Paschenko

Possibility forming KFM fractal signals is shown with the use sequence of Mors-Tue. The structure KFM fractal signal is considered on the basis sequence of Mors-Tue and the difficult is shown structures of such signal, that can be used for disguise of informative signal in communication of networks the hidden passing to information. It is shown with the use phase portraits that in resulting KFM fractal signal there is influence of separate constituents on each other, which difficult periodic motion is as a result of.

Keywords: fractal signal, sequence of Mors-Tue, phase portrait.