

ОБЕСПЕЧЕНИЕ ТРЕБУЕМОЙ ТОЧНОСТИ ПОВОРОТА СУДНА  
СПОСОБОМ ПЕРЕМЕЩЕНИЯ ЕГО КРИВОЛИНЕЙНОЙ  
ТРАЕКТОРИИ

Для обеспечения необходимой точности реализации криволинейных участков программной траектории движения судна параметры его поворота следует рассчитывать с использованием модели поворотливости с высокой степенью адекватности реальному процессу поворота.

В предлагаемой статье рассмотрен один из аспектов обсуждаемой проблемы – обоснование расчета момента времени начала поворота судна способом перемещения его криволинейной траектории.

Вопросам исследования криволинейного движения судна при выполнении поворота посвящены работы [1 – 3]. Динамические модели поворотливости судна различной степени адекватности представлены в работе [1]. Результаты экспериментального исследования моделей поворотливости судна приведены в работе [2], а в работе [3] рассмотрено формирование переходной траектории поворота судна с учетом экспериментальных данных поворотливости судна.

При выполнении поворота судна характеристики его поворотливости учитываются приблизительно, что снижает точность выхода судна на очередной участок программного движения и ведет к увеличению вероятности возникновения навигационных аварий. Данное обстоятельство обуславливает актуальность тематики статьи.

Целью статьи является разработка процедуры расчета момента времени начала поворота судна способом перемещения его криволинейной траектории для обеспечения требуемой точности выполнения поворота.

Рассмотрим процедуру расчета момента времени начала  $t_n$  поворота судна с курса  $K_1$  на курс  $K_2$  программной траектории движения (рис. 1). На рисунке начало системы координат ОХУ совмещено с начальным положением судна.

Допустим, что поворот судна начинается в начальный момент времени  $t = 0$  и завершается в точке М выходом на курс  $K_2$ . Перемещая криволинейную траекторию поворота судна ОМ по направлению курса  $K_1$  до совмещения точки М со вторым программным участком с курсом  $K_2$ , который проходит через точку А, определяем

точку начала поворота с моментом времени  $t_n$ .

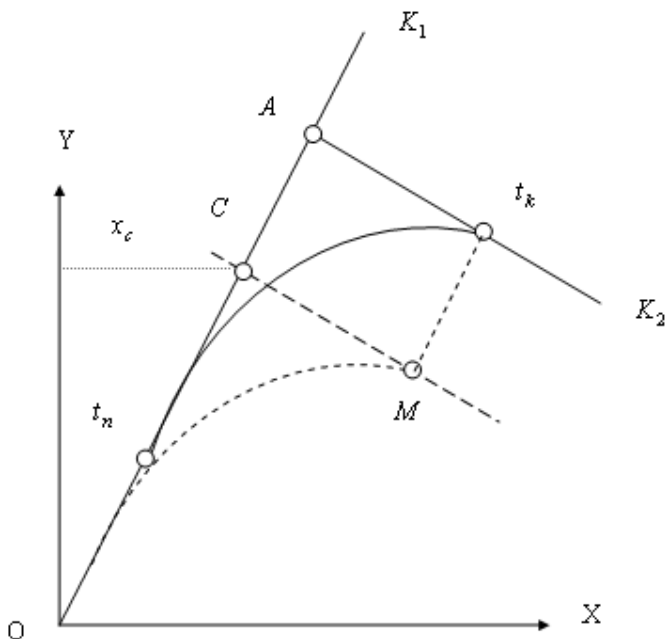


Рис. 1. Криволинейная траектория движения судна при повороте

Обоснуем аналитическое описание предложенного способа. Уравнение прямолинейного участка траектории с курсом  $K_1$  имеет вид:

$$y = x \operatorname{ctg} K_1.$$

Уравнение прямой линии, проходящей через точку  $M$  курсом  $K_2$ :

$$y = y_m + (x - x_m) \operatorname{ctg} K_2.$$

Координаты точки  $C(x_c, y_c)$  найдем, учитывая, что она является точкой пересечения упомянутых двух прямых линий, т.е. из системы уравнений:

$$\begin{cases} y_c = x_c \operatorname{ctg} K_1; \\ y_c = y_m + (x_c - x_m) \operatorname{ctg} K_2. \end{cases} \quad (1)$$

Откуда:

$$x_c \operatorname{ctg} K_1 = y_m + (x_c - x_m) \operatorname{ctg} K_2.$$

Из последнего уравнения находим

$$x_c = \frac{y_m - x_m \operatorname{ctg} K_2}{\operatorname{ctg} K_1 - \operatorname{ctg} K_2}.$$

С учетом первого уравнения системы уравнений (1) получим

$$OC = \sqrt{x_c^2 + x_c^2 \operatorname{ctg}^2 K_1} = \frac{x_c}{\sin K_1}.$$

Очевидно, что время  $t_n$  начала поворота судна

$$t_n = \frac{OA - OC}{V_1} = \frac{D - \frac{x_c}{\sin K_1}}{V_1} = \frac{D \sin K_1 - x_c}{V_1 \sin K_1}.$$

Для расчета значения  $x_c$  необходимо определить приращения координат судна  $x_m$  и  $y_m$  за время маневра  $\tau$ :

$$x_m = \int_0^{\tau} V_1 \sin [K_1 + K(t)] dt, \quad y_m = \int_0^{\tau} V_1 \cos [K_1 + K(t)] dt. \quad (2)$$

Поворот судна состоит из двух этапов, причем на первом этапе судно в течение интервала времени  $\Delta t_1$  совершает поворот под действием переложенного руля на угол  $\beta_k$ .

Затем, на втором этапе, рули переключаются на противоположный борт на ту же величину и в течение интервала времени  $\Delta t_2$  гасится инерция поворота судна, а судно выходит на курс  $K_2$ .

Следовательно, выражение (2) принимает вид:

$$\begin{aligned} x_m &= \int_0^{\Delta t_1} V_1 \sin [K_1 + K] dt + \int_0^{\Delta t_2} V_1 \sin [K_1 + K(\Delta t_1) + \tilde{K}] dt, \\ y_m &= \int_0^{\Delta t_1} V_1 \cos [K_1 + K] dt + \int_0^{\Delta t_2} V_1 \cos [K_1 + K(\Delta t_1) + \tilde{K}] dt, \quad (3) \end{aligned}$$

где  $K$  и  $\tilde{K}$  – текущее значение курса судна соответственно на первом и втором этапах поворота.

Принимаем наиболее точную модель вращательного движения [1], согласно которой:

$$K = K_1 + a_{\omega} \{ t - \frac{T_1^2}{1} [1 - \exp(-t/T_1)] - T_2^2 [1 - \exp(-t/T_2)] \} / (T_1 - T_2). \quad (4)$$

$$\begin{aligned} \tilde{K} &= K(\Delta t_1) - a_{\omega} t + a_{\omega} \{ 2 - [ T_1 \exp(-\Delta t_1/T_1) - T_2 \exp(-\Delta t_1/T_2) ] / (T_1 - T_2) \} \times \\ &\quad \{ T_1^2 [1 - \exp(-t/T_1)] - T_2^2 [1 - \exp(-t/T_2)] \} / (T_1 - T_2), \quad (5) \end{aligned}$$

где  $a_\omega$  – установившееся значение угловой скорости поворота судна;  $T_1$  и  $T_2$  – постоянные времена, учитывающие инерционность судна.

Для вычисления интервалов времени  $\Delta t_1$  и  $\Delta t_2$ , в течение которых курс судна изменяется на величину  $\Delta K = K_2 - K_1$ , в общем виде предложена следующая система уравнений:

$$\begin{cases} \Delta K = K(\Delta t_1) + \tilde{K}(\Delta t_2); \\ \omega(\Delta t_1, \Delta t_2) = 0, \end{cases} \quad (6)$$

в которой первое уравнение является очевидным соотношением, а второе – является условием обращения в ноль к концу поворота угловой скорости  $\omega$  судна.

Подставляя в выражение (6) формулы (4) и (5), получим зависимости, из которых можно рассчитать значения  $\Delta t_1$  и  $\Delta t_2$  методом простых итераций. После этого, используя полученные значения  $\Delta t_1$  и  $\Delta t_2$ , подставляя формулы (4) и (5) в выражения (3), искомые приращения координат судна  $x_m$  и  $y_m$  рассчитываются следующим образом:

$$x_m = V_1 \left[ \int_0^{\Delta t_1} y_1(t) dt + \int_0^{\Delta t_2} y_2(t) dt \right]; \quad y_m = V_1 \left[ \int_0^{\Delta t_1} y_3(t) dt + \int_0^{\Delta t_2} y_4(t) dt \right], \quad (7)$$

$$\text{где} \quad y_1(t) = \sin[K_1 + K(t)]; \quad y_2(t) = \sin[K_1 + K(\Delta t_1) + \tilde{K}(t)]; \\ y_3(t) = \cos[K_1 + K(t)]; \quad y_4(t) = \cos[K_1 + K(\Delta t_1) + \tilde{K}(t)].$$

Каждый из четырех интегралов выражения (7) целесообразно вычислить методом Симпсона. В общем случае выражение искомого интеграла

$$\mathfrak{I}_i = \int_0^{\Delta t_i} y_i(t) dt.$$

Интервал времени  $\Delta t_i$ , на котором производится интегрирование, необходимо разбить на четное число  $n$  элементарных интервалов  $h_j$ , длительность каждого из которых целесообразно выбрать равной  $h = 1$  с. При этом  $n = 2\text{Trunc}(\Delta t_i/2)$ . В способе Симпсона подынтегральная функция  $y_i(t)$  на каждом отрезке  $2h_j$ , равном двум элементарным отрезкам, аппроксимируется интерполяционным многочленом Лагранжа второй степени и в этом случае справедливо соотношение:

$$\int_{t_{j-1}}^{t_{j+1}} y_i(t) dt \approx \frac{h}{3} [y_i(t_{j-1}) + 4y_i(t_j) + y_i(t_{j+1})].$$

Если обозначить  $y_{ij} = y_i(t_j)$ , то искомый определенный интеграл

$$\begin{aligned} \mathfrak{I}_i &= \int_0^{\Delta t_i} y_i(t) dt = \\ &= \frac{h}{3} [y_{i0} + 4(y_{i1} + y_{i3} + \dots + y_{i(n-1)}) + 2(y_{i2} + y_{i4} + \dots + y_{i(n-2)}) + y_{in}]. \end{aligned}$$

Момент времени  $t_k$  окончания поворота судна

$$t_k = t_n + \Delta t_1 + \Delta t_2.$$

Для проверки корректности процедуры расчета моментов времени начала  $t_n$  и окончания  $t_k$  поворота судна была разработана компьютерная программа, позволяющая рассчитать моменты времени  $t_n$  и  $t_k$ , а затем проиграть поворот и оценить точность выхода судна с предыдущего прямолинейного участка программной траектории движения на последующий, как показано на рис. 2.

В реальных условиях эксплуатации производились натурные наблюдения поворотов судов "Oxford" и "Sheila Ann", в результате чего были рассчитаны параметры поворотливости обеих судов. Для двух экспериментальных поворотов судна "Oxford", характеристики которых представлены в первых двух строках табл., и трех – судна "Sheila Ann", представленных в ее остальных строках, можно сделать вывод о хорошей сходимости экспериментального и расчетного значений угла изменения курса ( $\Delta K_{ex}$  с  $\Delta K$ ) и длительности поворота ( $\Delta t_{ex}$  с  $\tau$ ).

Таблица  
Экспериментальные и расчетные характеристики поворотов судов

$\Delta K_{ex}$ , град	$\Delta t_{ex}$ с	$a_{\omega}$ °/с	$T_1$ с	$T_2$ с	$\Delta t_1$ с	$\Delta t_2$ с	$\tau$ с	$\Delta K_1$ , град	$\Delta K_2$ , град	$\Delta K$ , град
28	44	0,88	9,61	1,69	37	8	45	24	4	28
35	40	1,28	8,89	1,54	34	8	42	30	5	35
41	238	0,19	12	4	225	13	238	40	2	42
64	392	0,17	12	4	380	13	393	62	2	64
62	278	0,24	12	4	265	13	278	60	2	62

Таким образом, получена процедура расчета момента времени начала поворота судна способом перемещения его криволинейной траектории с учетом параметров его поворотливости, характеризующих инерционность судна.

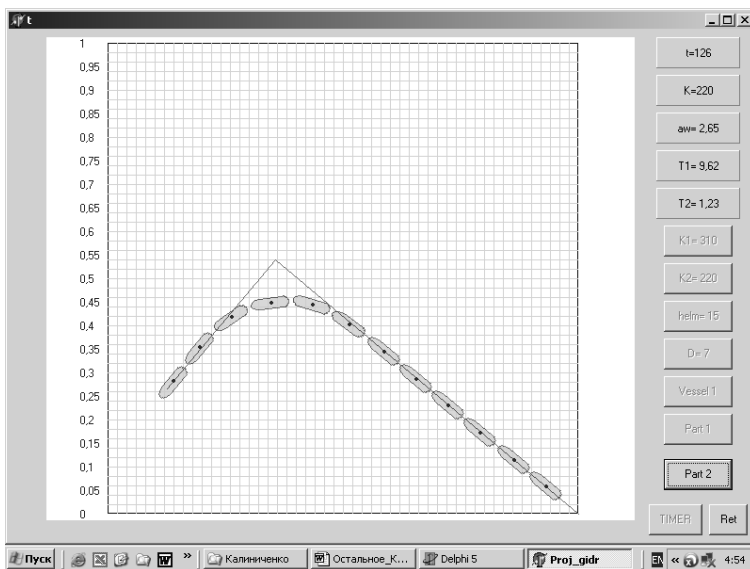


Рис. 2. Моделирование поворота судна с курса  $K_1=310^\circ$  на  $K_2=220^\circ$

Для описания вращательного движения судна выбрано дифференциальное уравнение третьего порядка. В дальнейшем целесообразно разработать алгоритм расчета курса уклонении судна для расхождения с опасной целью.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Цымбал Н.Н. Гибкие стратегии расхождения судов / Цымбал Н.Н., Бурмака И.А., Тюпиков Е.Е. – Одесса: КП ОГТ, 2007. – 424 с.
2. Чапчай Е.П. Экспериментальное исследование моделей поворотливости судна // Судовождение: сб. научн. трудов. – Одесса: ОНМА. – 2006. – № 11. – С. 139 – 142.
3. Стебновский О.В. Формирование переходной траектории поворота судна // Автоматизация судовых технических средств. – 2010. – № 16. – Одесса: ОНМА. – С. 92 – 95.
4. Вагущенко Л.Л. Судно как объект автоматического управления – Одесса: ОГМА, 2000. – 140 с.