О.И. Толочко, д-р техн. наук, П.И. Розкаряка, Г.С. Чекавский, кандидаты техн. наук, В.Н. Трандафилов Украина Донецк

Донецкий национальный технический университет

## ОПТИМИЗАЦИЯ ЭНЕРГОПОТРЕБЛЕНИЯ ПОЗИЦИОННЫМ ЭЛЕКТРОПРИВОДОМ ПРИ УЧЕТЕ ЭНЕРГИИ ПОТЕРЬ ОТ ПОДДЕРЖАНИЯ МАГНИТНОГО ПОЛЯ ДВИГАТЕЛЯ

Рассматриваются системы позиционного электропривода на базе двигателя постоянного тока с независимым возбуждением и короткозамкнутого асинхронного двигателя, управляемого с ориентацией по потокосцеплению ротора. Определены времена отработки заданного перемещения из условия минимизации энергопотребления с учетом тепловых потерь, расходуемых на поддержание магнитного поля двигателя на заданном уровне, для наиболее распространенных законов управления процессом перемещения.

Розглядаються системи позиційного електропривода на базі двигуна постійного струму з незалежним збудженням і короткозамкненого асинхронного двигуна, керованого з орієнтацією за потокозчепленням ротора. Визначено тривалості відпрацьовування заданого переміщення за умови мінімізації енергоспоживання з урахуванням втрат, пов'язаних із підтриманням магнітного поля двигуна на заданому рівні, для найбільш поширених законів керування процесом переміщення.

In the paper positional electric drive systems on base of DC motor with independent excitation and induction motor, controlled by FOC-system, have been considered. Times of programming motion working-off have been found for the most popular position control algorithms from condition of power consumption minimization with considering of heat losses provided by motor magnetic flux holding on the reference level.

Введение. Задачи снижения энергопотребления средствами электропривода (ЭП) в последнее время приобрели большую актуальность при общей тенденции роста стоимости электроэнергии. В позиционных ЭП увеличение времени отработки перемещения приводит к уменьшению тепловых потерь от динамической составляющей моментообразующего тока [5,6] и к увеличению потерь от его статической составляющей при условии, что двигатель нагружен в течение всего времени отработки.

Поэтому существует некоторое оптимальное время отработки перемещения  $t_{0onm}$ , при котором сумма статических и динамических потерь будет минимально при принятом законе управления и существующих ограничениях на координаты привода (например, на скорость и ускорение). При определении этого времени мощность статических потерь обычно считают постоянной, что справедливо при постоянстве статического момента.

В большинстве случаев в позиционных системах ЭП не управляют магнитным полем двигателя, поддерживая значение его потока (потокосцепления) на заданном уровне, на что также расходуется определенное количество энергии, однако при оптимизации энергопотребления за счет выбора  $t_{0onm}$  этими потерями часто пренебрегают. В позиционных ЭП на основе двигателя постоянного тока (ДПТ) с независимым возбуждением такое пренебрежение не приводит к существенной погрешности в определении  $t_{0onm}$ ввиду малости величины тока возбуждения по сравнению с током якоря. Но для позиционных ЭП на основе короткозамкнутого асинхронного двигателя, (АД), управляемого с ориентацией по полю ротора,

© Толочко О.И., Розкаряка П.И., Чекавский Г.С., Трандафилов В.Н., 2011 такое допущение неприемлемо ввиду соизмеримости величин потоко- и моментообразующей составляющих обобщенного вектора тока статора.

Цель работы – определение оптимального по тепловым потерям времени отработки заданного перемещения позиционными ЭП с учетом потерь на поддержание магнитного поля двигателя.

Материал и результаты исследований. В качестве исследуемых позиционных ЭП выберем системы подчиненного управления положением на базе ДПТ с независимым возбуждением и АД с векторным полеориентированным управлением (FOC). Такой выбор обусловлен широким применением этих систем и общностью их математического описания.

При анализе тепловых потерь в исследуемых системах примем следующие допущения:

1) форма напряжений, подводимых к обмоткам приводного двигателя, идеальна применительно к питанию рассматриваемого типа двигателя (обмотки ДПТ питаются постоянным напряжением, трехфазная обмотка статора АД – синусоидальным напряжением; коммутационные составляющие и высшие гармоники отсутствуют);

2) параметры обмоток двигателя постоянные и сосредоточенные;

3) насыщение магнитной цепи и вихревые токи отсутствуют;

4) потери на перемагничивание в АД пренебрежимо малы по сравнению с греющими потерями в обмотках двигателя, размагничивающее влияние реакции якоря ДПТ отсутствует;

5) момент статического сопротивления остается неизменным на всем периоде отработки перемещения  $M_c(t) = M_c = \text{const};$ 

6) магнитный поток двигателя в процессе перемещения поддерживается неизменным;  инерционностью системы управления можно пренебречь, т.е. управляющие воздействия, сформированные задающими устройствами, воспроизводятся идеально точно;

 при формировании желаемых диаграмм отработки перемещений учитываются ограничения на скорость и ускорение.

Графики сигналов задания на ускорение  $\varepsilon(t)$ , скорость  $\omega(t)$  и положение  $\varphi(t)$  при отработке заданного перемещения  $\varphi_0$  за время  $t_0$ , обеспечивающие минимизацию динамических тепловых потерь  $\Delta A_j$  при наличии ограничений на ускорение  $\varepsilon_0$  и скорость  $\omega_0$ , представлены на рис.1.



Рис. 1. Обобщенная диаграмма отработки заданного перемещения

Характерной особенностью этих графиков является равенство ограничений на ускорение при разгоне и торможении с одновременным выполнением условий  $t_1=t_5$  и  $t_2=t_4$ . В дальнейшем такие диаграммы будем называть симметричными. В общем случае, при некоторых сочетаниях параметров  $\varepsilon_0$ ,  $\omega_0$ ,  $\phi_0$  и  $t_0$ , скорость и (или) ускорение могут не достигать своих уровней ограничения. При этом возможны частные случаи диаграмм.

Так, при  $\varepsilon(t) < \varepsilon_0$  и  $\omega(t) < \omega_0$  тахограмма будет иметь параболическую форму, а участки  $t_1$ ,  $t_3$  и  $t_5$ будут отсутствовать; при достижении  $\omega(t)$  уровня  $\omega_0$ в диаграммах появится участок  $t_3$ , а при достижении  $\varepsilon(t)$  уровня  $\varepsilon_0$  – участки  $t_1$  и  $t_5$ . Кроме того, при отсутствии участков  $t_2$  и  $t_4$  тахограмма будет иметь трапецеидальную форму, а при отсутствии участков  $t_2$ ,  $t_3$  и  $t_4$  – треугольную. Оба последних варианта обеспечивают управление, оптимальное по быстродействию. Таким образом, диаграмма рис. 1 является обобщенной, так как варьированием в ней количества указанных выше временных диапазонов можно получить 6 различных вариантов симметричных диаграмм, наиболее часто используемых для управления позиционными механизмами.

Для получения общих формул, позволяющих рассчитать тепловые потери в обеих рассматриваемых системах, введем обобщенные параметры, обозначения которых представлены в табл. 1 (столбец 1), которым соответствуют реальные параметры ДПТ и АД (столбцы 2 и 3 соответственно). Параметры ДПТ имеют следующие обозначения:  $R_{\rm g}$ ,  $R_{\rm g}$  – активные сопротивления обмоток якоря и возбуждения соответственно; k – конструктивная постоянная двигателя;  $\Phi_0$  – магнитный поток;  $L_{\theta}$  – индуктивность обмотки возбуждения;  $i_{g}$ ,  $i_{b0}$  – токи якоря и возбуждения. Параметры АД: R<sub>s</sub>, R<sub>r</sub> – активные сопротивления фаз статора и ротора;  $L_m$  – взаимная индуктивность;  $L_r$  – полная индуктивность ротора;  $k_r = L_m/L_r$  – коэффициент электромагнитной связи ротора;  $z_p$  – число пар полюсов;  $\Psi_{r0}$  – модуль обобщенного вектора потокосцепления ротора;  $i_{sq}$ ,  $i_{sd0}$  – моментообразующая и потокообразующая составляющие тока статора. Индексом «О» помечены поддерживаемые неизменными координаты, характеризующие состояние магнитного поля.

при анализе тепловых потерь		
Обозначение	Соответствующие параметры	
	ДПТ	АД
1	2	3
$R_a$	$R_{s}$	$\frac{3}{2}\left(R_s + k_r^2 R_r\right)$
$R_{f}$	$R_{_{\!  heta}}$	$\frac{3}{2}R_r$
С	$k\Phi_0$	$\frac{3}{2}z_pk_r\Psi_{r0}$
$i_f$	$i_{\rm B0} = \frac{\Phi_0}{L_{\rm B}}$	$i_{sd0} = \frac{\Psi_{r0}}{L_m}$
i <sub>a</sub>	i <sub>s</sub>	i <sub>sq</sub>

1. Параметры ДПТ и АД, используемые при анализе тепловых потерь

Суммарные потери энергии  $\Delta A_{\Sigma}$  в рассматриваемых системах с учетом принятых допущений и принятых обозначений можно представить в виде суммы

$$\Delta A_{\Sigma} = \Delta A_a + \Delta A_f = R_a \int_{0}^{t_0} t_0^2(t) dt + R_f t_f^2 t_0.$$
 (1)

Ток  $i_a(t)$  можно представить в виде суммы статической и динамической компонент, первая из которых зависит от величины момента сопротивления  $M_c$ , а вторая – от произведения момента инерции Jпривода на угловое ускорение  $\varepsilon(t)$ :

$$i_a(t) = i_{ac} + i_{aj}(t) = \frac{M_c}{c} + \frac{J}{c}\varepsilon(t).$$
<sup>(2)</sup>

Тогда энергия потерь (2) от тока  $i_a(t)$  также может быть представлена

$$\Delta A_a = \Delta A_{ac} + \Delta A_{aj} = R_a \int_0^{t_0} (i_{ac}^2 + i_{aj}^2(t) + 2i_{ac}i_{aj}(t)) dt =$$
$$= R_a \frac{M_c^2}{c^2} t_0 + R_a \frac{J^2}{c^2} \int_0^{t_0} \varepsilon^2(t) dt + 2R_a \frac{M_c J}{c^2} \int_0^{t_0} \varepsilon(t) dt dt + 2R_a \frac{M_c J}{c^2} \int_0^{t_0} \varepsilon(t) dt + 2R_a \frac{M_c$$

Из рис. 1 видно, что при всех рассматриваемых законах изменения ускорения  $\varepsilon(t)$  будет справедли-

вым равенство  $\int_{0}^{0} \varepsilon(t) dt = 0$ . С учетом этого выражение

(1) для суммарных потерь энергии

$$\Delta A_{\Sigma} = \Delta A_{ac} + \Delta A_{f} + \Delta A_{aj} =$$

$$= R_{a} \frac{M_{c}^{2}}{c^{2}} t_{0} + R_{f} i_{f}^{2} t_{0} + R_{a} \frac{J^{2}}{c^{2}} \int_{0}^{t_{0}} \varepsilon^{2}(t) dt$$
(3)

В последней формуле первые два слагаемых определяют статические потери  $\Delta A_{ac}$ , мощность которых постоянна, а энергия возрастает пропорционально времени работы привода. Третье слагаемое определяет динамические потери  $\Delta A_{ai}$ , мощность и энергия которых зависят от формы и параметров диаграммы ускорения  $\varepsilon(t)$ .

В [1] получено общее выражение для динамических потерь в позиционном ЭП на базе ДПТ, отрабатывающем диаграмму рис. 1, которое с учетом обозначений, принятых в настоящей статье, может быть представлено

 $\Delta A_{aj} = 2 \frac{R_a J^2}{c^2} \left( \varepsilon_0^2 t_1 + \frac{1}{3} \varepsilon_0^2 t_2 \right).$ 

Кроме того, получены формулы динамических потерь для каждого из 6 частных случаев рассматриваемой диаграммы, в которых времена t<sub>1</sub> и t<sub>2</sub> выражены через параметры  $\varepsilon_0$ ,  $\omega_0$ ,  $\phi_0$  и  $t_0$ , а также оптимальные с точки зрения энергопотребления времена отработки перемещений t<sub>00nm</sub> без учета потерь в обмотке возбуждения ДПТ для каждой из диаграмм [1] для удобства представлены в табл.2 (столбцы 2, 4).

При учете потерь на поддержание магнитного потока приводного двигателя на заданном уровне исследованию на минимум подлежит функция (3), имеющая дополнительную составляющую  $\Delta A_f = R_f i_f^2 t_0$ . Энергия динамических потерь определяется используемой в каждом конкретном случае диаграммой отработки заданного перемещения табл.2 (столбец 2). Расчетные формулы, полученные в результате решения уравнений  $d\Delta A_{\Sigma}(t_0)/dt_0 = 0$  относительно t<sub>0</sub>, приведены в табл. 2 (столбец 3). Они позволяют на основании параметров  $R_a$ ,  $R_f$ , c, J, тока возбуждения  $i_f$ , момента статического сопротивления  $M_c$  с учетом имеющихся ограничений  $\varepsilon_0$ ,  $\omega_0$  определить время  $t_{0onm}$ , необходимое для расчета параметров диаграммы рис.1 и ее частных случаев из условия минимизации суммарных тепловых потерь электроэнергии.

2. Формулы для вычисления энергии динамических тепловых потерь 
$$\Delta A_{aj}$$
 при перемещении и оптимального времени его отработки без учета и с учетом потерь на поддержание магнитного поля двигателя  $\Delta A_{aj}$   $L_{0omm}$  с учетом потерь на поддержание магнитного поля двигателя  $\Delta A_{f}$   $(i_{f} \neq 0)$   $\Delta A_{f}$   $(i_{f} \neq 0)$   $\Delta A_{f}$   $(i_{f} \neq 0)$   $\Delta A_{f}$   $(i_{f} = 0)$   
1 2 3 4  $\frac{1}{2}$   $\frac{1$ 

Количественную оценку необходимости учета потерь, имеющих место при поддержании магнитного потока двигателя на заданном уровне, целесообразно выполнять в каждом конкретном случае при известных значениях параметров  $R_f$ , c и  $i_f$ ; это может быть направлением для дальнейших исследований.

Следует также отметить, что при достаточно большой длительности пауз между режимами отработки очередных заданных перемещений, определенный интерес, как показано в [3, 4], представляет учет не только потерь от поддержания магнитного поля двигателя на заданном уровне, но и потерь на размагничивание и намагничивание двигателя в паузах.

## Выводы

1. Получены выражения, позволяющие при известных значениях параметров позиционного ЭП на основе ДПТ или АД и параметров режима работы приводного двигателя определить оптимальное с точки зрения минимизации энергопотребления двигателем время отработки заданного перемещения с учетом тепловых потерь, имеющих место при поддержании магнитного поля двигателя.

2. Направлениями дальнейших исследований могут быть, во-первых, количественная оценка эффективности учета потерь, имеющих место при поддержании характеристик магнитного поля на заданном уровне, и ее зависимость от параметров, определяющих величину тепловых потерь, для разных законов движения; во-вторых, учет потерь, имеющих место при размагничивании и намагничивании двигателя в паузах повторно-кратковременного режима, при разработке алгоритмов управления позиционными ЭП из условия минимизации общих тепловых потерь.

## Список использованной литературы

1. Толочко О.И. Расчет энергопотребления позиционного электропривода, реализующего оптимальное по тепловым потерям управление / О.И. Толочко, П.И. Розкаряка // Зб. Наук. праць ДонНТУ. Серія «Ел.техніка і енергетика». – Вип. 7 (128). – Донецьк: ДонНТУ. – 2007. – С.31-34.

2. Толочко О.И. Формирование оптимальных по нагреву диаграмм управления позиционным приводом с учетом ограничений на скорость и ускорение / О.И. Толочко, П.И. Розкаряка // Зб. Наук. праць Дон-ДТУ. Серія: «Ел.техніка і енергетика». – Вип. 41. – Донецьк: ДонДТУ. – 2002. – С. 159-163.

3. Толочко О.И. Оптимизация энергопотребления позиционного электропривода с векторным управлением асинхронным двигателем / О.И. Толочко, П.И. Розкаряка, Г.С. Чекавский // Наук.праць ДонНТУ. Серія: «Електротехніка і енергетика». – Вип. 11 (186). – Донецьк: ДонНТУ – 2011. – С.396-400.

4. Управление процессами намагничивания и размагничивания асинхронного двигателя в системах векторного управления / О.И. Толочко, П.И. Розкаряка, Г.С. Чекавский, А.К. Кужель // Проблеми енергоресурсозбереження в електротехнічних системах. На-

ука, освіта і практика. Наук. видання. – Вип.1/2011 (1). – Кременчук: КНУ. – 2011. – С. 40-41.

5.Энергосбережение и оптимизация потерь в позиционных электроприводах / Е.В. Полилов, А.Б. Зеленов, В.П. Яблонь, Д.И. Морозов // Електромашинобуд. та електрообладн. Тематич. вип.. «Проблеми автоматизованого ел.привода. Теорія і практика». – К.: Техніка. – 2006. – С.315-319.

6. Энергосбережение и оптимизация потерь в позиционных электроприводах. Ч.2. / А.Б. Зеленов, Е.В. Полилов, В.П. Яблонь, Д.И. Морозов // Вест. КГПУ им. М.Остроградского. – Вып. 3/2007 (44). – Кременчуг: КГПУ. – 2007. – С.82-87.

Получено 12.07.2011



Толочко Ольга Ивановна, д-р техн. наук, зав. каф. ЭАПУ ДонНТУ, 83001, г. Донецк, ул. Артема, 58, тел. (+38 062) 301-03-35, e-mail: toi@elf.dgtu.donetsk.ua



Розкаряка Павел Иванович, канд. техн. наук, доц. каф. ЭАПУ ДонНТУ, 83001, г. Донецк, ул. Артема, 58, тел. (+38 062) 301-09-78, e-mail: pavel\_rozkar@mail.ru







Трандафилов Владимир Николаевич, ассистент каф. ЭАПУ ДонНТУ, 83001, г. Донецк, ул. Артема, 58, тел. (+38 062) 301-03-05, e-mail: trandafilov\_vn@mail.ru