УДК 62.83

Л.В. Акимов, д-р техн. наук, **Д.Г. Литвиненко**

ДИНАМИКА ТРЕХКРАТНОИНТЕГРИРУЮЩЕЙ СИСТЕМЫ ВЕКТОРНОГО УПРАВЛЕНИЯ ДВУХМАССОВОГО АСИНХРОННОГО ЭЛЕКТРОПРИВОДА С ПОСТОЯННОЙ НАГРУЗКОЙ

Рассмотрена методика создания трехкратно интегрирующей системы векторного управления двухмассового асинхронного электропривода. Выполнена оптимизация динамических характеристик этой системы методом диаграмм качества управления.

Ключевые слова: трехкратно интегрирующая система, векторное управление, асинхронный электропривод.

L.V. Akimov, ScD, D.G. Litvinenko

DYNAMICS OF TRIPLY INTEGRATING VECTOR CONTROL SYSTEM OF TWO–MASS ASYNCHRONOUS ELECTRIC DRIVE WITH CONSTANT LOAD

The creation methodology of the triply integrating vector control system of two-mass asynchronous electric drive is examined. Optimization of dynamic characteristics of this system by the method of control quality diagrams is made. *Keywords*: triply integrating system, vector control, asynchronous electric drive.

Л.В. Акімов, д-р техн. наук, **Д.Г. Литвиненко**

ДИНАМИКА ТРИКРАТНО ІНТЕГРУЮЧОЇ СИСТЕМЫ ВЕКТОРНОГО КЕРУВАННЯ ДВОМАСОВОГО АСИНХРОННОГО ЕЛЕКТРОПРИВОДА З ПОСТІЙНИМ НАВАНТАЖЕННЯМ

Розглянуто методику створення трикратно інтегруючої системи векторного керування двомасового асинхронного електропривода. Виконана оптимізація динамічних характеристик цієї системи методом діаграм якості керування.

Ключові слова: трикратно інтегруюча система, векторне керування, асинхронний електропривод.

Введение. Известно [1, 2], что для электроприводов (ЭП) некоторых ответственных механизмов, где по условиям технологического процесса требуется обеспечить нулевую площадь ошибки регулирования скорости вращения при ступенчатом возмущающем воздействии, необходимо синтезировать трехкратно интегрирующую систему управления. Исследование динамики такой системы с традиционным ПИ² регулятором скорости (PC) и наблюдателем состояния и ее оптимизация по критерию максимальной добротности и запаса устойчивости (МДУ) были рассмотрены на примере электроприводов постоянного тока в работах [3, 4]. Методика синтеза асинхронного электропривода с трехкратноинтегрирующей системой векторного управления разработана в [5]. Отметим, что все исследования в указанных выше работах проводились только для одномассового электропривода.

© Акимов Л.В., Литвиненко Д.Г., 2012

Разнообразие конструкций механизмов и повышенное быстродействие современных электроприводов в ряде случаев вызывают необходимость рассматривать не одномассовую, а двухмассовую модель электропривода. Таким образом, теоретический и практический интерес представляет разработка методик синтеза и оптимизации по критерию МДУ трехкратноинтегрирующего асинхронного электропривода с двухмассовой механической частью и постоянной нагрузкой.

Постановка задач исследования. Целью исследования является реализация комплексного подхода к улучшению динамических характеристик частотнорегулируемого двухмассового асинхронного ЭП путем синтеза методом полиномиальных уравнений трехкратно интегрирующей системы управления с астатическим регулятором скорости и последующей оптимизацией его параметров методом диаграмм качества управления (ДКУ), обеспечивающей сбалансированное увеличение добротности системы и ее запаса устойчивости.

Для достижения поставленной цели в работе решаются следующие задачи:

синтез полиномиальным методом РС с астатизмом первого порядка векторноуправляемого асинхронного ЭП для двухкратноинтегрирующей (v=2) системы и построение на его основе методом систем подчиненного регулирования (СПР) трехкратноинтегрирующей (v=3) системы;

оптимизация исследуемой системы методом ДКУ по критерию максимальной добротности и запаса устойчивости;

непосредственный синтез полиномиальным методом регулятора скорости с астатизмом второго порядка для трехкратноинтегрирующей (v=3) системы векторноуправляемого асинхронного ЭП;

оптимизация исследуемых систем с *v*=3 методом ДКУ по критерию максимальной добротности и запаса устойчивости.

Материалы исследования. Положим структуру, показанную на рис. 1, в основу исследования двухмассового асинхронного ЭП на базе автономного инвертора напряжения (АИН) [6, 7].

Запишем передаточную функцию объекта в контуре регулирования скорости первой массы ω_1

$$W_{\rm OF}(p) = \frac{U_{\rm oc}(p)}{U_{\rm pc}(p)} = \frac{K_{\rm o}\left(\frac{\gamma}{\omega_{12}^2}p^2 + 1\right)}{p(2T_{\mu}p + 1)\left(\frac{1}{\omega_{12}^2}p^2 + 1\right)}, (1)$$

где коэффициент усиления объекта $K_{\rm O}=(1,5ZpK_r\psi_{r0}K_{\rm QC})/(J_{\Sigma}K_{\rm T}); K_{\rm T}$ – коэффициент датчика тока; Zp – число пар полюсов;

 K_r – коэффициент связи ротора; ψ_{r0} – потокосцепление ротора; $K_{\rm ДC}$ – коэффициент датчика скорости; C_{12} – жесткость упругой механической части; T_{μ} – малая постоянная времени контура тока; $\omega_{12} = \sqrt{C_{12}\gamma/J_2}$ – резонансная частота упругих колебаний; $J_{\Sigma} = J_1 + J_2$ – суммарный приведенный к валу двигателя момент инерции привода; $\gamma = (J_1 + J_2)/J_1$ – параметр, характеризующий соотношения масс.

Первая методика синтеза трехкратноинтегрирующей системы. Проведем полиномиальным методом синтез двукратноинтегрирующей системы управления (v=2) с астатическим РС пониженного порядка и построим на ее основе методом СПР трехкратноинтегрирующую систему с v=3.

Представим передаточную функцию объекта (1) в виде

$$W_{\rm OF}(p) = \frac{P(p)}{Q(p)} = \frac{K_{\rm O}P_{\kappa+}(p)P_{n+}(p)P_{-}(p)}{Q_{\kappa+}(p)Q_{n+}(p)Q_{-}(p)p^{s}}, (2)$$

где $P_{\kappa+}(p)$, $Q_{\kappa+}(p)$ – полиномы, имеющие в качестве своих нулей только левые нули и полюсы, компенсируемые при помощи регулятора; $P_{n+}(p)$, $Q_{n+}(p)$ – полиномы, содержащие только левые нули и полюсы объекта, в компенсации которых нет необходимости; $P_{-}(p)$, $Q_{-}(p)$ – полиномы, содержащие правые и нейтральные нули и полюсы, за исключением расположенных в точке p=0, компенсация которых неприемлема из-за нарушения условия грубости; s=0, 1, 2 – количество полюсов объекта в точке p=0.

Из сравнения (1) и (2) следует, что

$$P_{\kappa+}(p)=1; \quad P_{n+}(p)=1; \quad P_{-}(p)=\frac{\gamma}{\omega_{12}^{2}}p^{2}+1;$$
$$Q_{\kappa+}(p)=(2T_{\mu}p+1); \quad Q_{n+}(p)=1;$$
$$Q_{-}(p)=\frac{1}{\omega_{12}^{2}}p^{2}+1; \quad s=1.$$

Зададимся астатизмом замкнутой системы регулирования скорости v=2 и запишем на основании метода полиномиальных уравнений передаточную функцию астатического PC пониженного порядка

$$W_{\rm PC}(p) = \frac{Q_{\kappa+}(p)M(p)}{K_{\rm o}P_{\kappa+}(p)N(p)p^{\nu-s}},\qquad(3)$$



Рис. 1. Одноканальная структура асинхронного ЭП при ψ_r = const

8

где M(p), N(p) – неизвестные полиномы пониженной на единицу степени *i*-1 и *j*-1 соответственно имеющие вид

$$M(p) = m_{i-1}p^{i-1} + \dots + m_1p + m_0;$$

$$N(p) = n_{j-1}p^{j-1} + \dots + n_1p + n_0.$$
(4)

Коэффициенты полиномов *М*(*p*) и *N*(*p*) находятся из полиномиального уравнения синтеза

$$M(p)P_{-}(p)P_{n+}(p) + + N(p)Q_{-}(p)Q_{n+}(p) \cdot p^{\vee} = G(p),$$
(5)

где G(p) – характеристический полином замкнутой системы, задаваемый исходя из условия обеспечения желаемого переходного процесса, в частности, отвечающий одному из известных стандартных распределений или их видоизменений. Найдем обозначаемые в виде степени полиномов, входящих в (2) с учетом (1): $|P_{\kappa+}|=|P_{n+}|=|Q_{n+}|=0$; $|P_{-}|=|Q_{-}|=2$; $|Q_{\kappa+}|=1$; |Q|=4.

Тогда полиномы M(p), N(p) и G(p) имеют степени: $|M|=(|Q_-|+|Q_{\kappa+}|+\nu-1)-1=2; |N|=(|Q|-|P_{\kappa+}|-1)-1=2; |G|=(|M|+|N|+2)=6$ и представляются в развернутом виде как

$$M(p) = m_2 p^2 + m_1 p + m_0;$$

$$N(p) = n_2 p^2 + n_1 p + n_0.$$

Запишем уравнение синтеза (5) в форме суммы слагаемых по мере убывания степени *р*

$$\frac{n_2}{\omega_{12}^2} p^6 + \frac{n_1}{\omega_{12}^2} p^5 + \left(\frac{m_2 \gamma}{\omega_{12}^2} + \frac{n_0}{\omega_{12}^2} + n_2\right) p^4 + \left(\frac{m_1 \gamma}{\omega_{12}^2} + n_1\right) p^3 + \left(\frac{m_0 \gamma}{\omega_{12}^2} m_2 + n_0\right) p^2 +$$
(6)

$$+ m_1 p + m_0 = \alpha_6 I_0 p + \alpha_5 I_0 p + \alpha_4 T_0^4 p^4 + \alpha_3 T_0^3 p^3 + \alpha_2 T_0^2 p^2 + \alpha_1 T_0 p + \alpha_0.$$

где α_0 , α_1 , α_2 , α_3 , α_4 , α_5 , α_6 – коэффициенты выбранного стандартного распределения; $T_0=1/\omega_0$ –

эквивалентная малая постоянная времени системы, определяющаяся величиной выбираемого значения среднегеометрического корня ω_0 .

Неизвестные коэффициенты m_{i-1} и n_{j-1} полиномов M(p), N(p) находятся из сравнения сомножителей при одинаковых степенях pлевой и правой частей уравнения (8). Они имеют следующие значения

$$n_{2} = \frac{\alpha_{6}\omega_{12}^{2}}{\omega_{0}^{6}}; \quad n_{0} = \frac{\alpha_{2}}{\omega_{0}^{2}} - \frac{\gamma}{\omega_{12}^{2}} - m_{2};$$

$$m_{2} = \frac{1}{\gamma - 1} \left(\left(\frac{\alpha_{4}}{\omega_{0}^{4}} - \frac{\alpha_{6}\omega_{12}^{2}}{\omega_{0}^{6}} \right) \cdot \omega_{12}^{2} - n_{0} \right); \quad (7)$$

$$n_{1} = \frac{\alpha_{5}\omega_{12}^{2}}{\omega_{5}^{5}}; \quad m_{1} = \frac{\alpha_{1}}{\omega_{12}}; \quad m_{0} = \alpha_{0}.$$

$$\frac{m_1\gamma}{\omega_{12}^2} + n_1 = \frac{\alpha_3}{\omega_0^3}, \qquad (8)$$

решением, которого при известных m_1 и n_1 из (7) находится величина среднегеометрического корня системы

$$\omega_{0i} = \sqrt{\frac{\alpha_3 \omega_{12}^2}{2\alpha_1 \gamma}} \pm \sqrt{\frac{\alpha_3^2 \omega_{12}^4}{4\alpha_1^2 \gamma^2} - \frac{\alpha_5 \omega_{12}^4}{\alpha_1 \gamma}} . \quad (9)$$

Из условия положительности второго подкоренного выражения в (9) имеем неравенство

$$\gamma \le \frac{\alpha_3^2}{4\alpha_1 \alpha_5}, \qquad (10)$$

которое накладывает ограничение по использованию стандартных распределений полюсов для различных γ при синтезе PC пониженного порядка. При этом из (9) следует ограничение на значение среднегеометрического корня, а значит, на быстродействие системы. Отметим, что условие (10) может быть обеспечено либо выбором подходящего распределения, либо за счет изменения параметра соотношения масс γ механизма, если это возможно.

1.	. J	опустимые диапазон и	зменения параметра	ү и величина	среднегеометрическ	ого корня ω ₀
----	-----	----------------------	--------------------	--------------	--------------------	--------------------------

Параметр у	ω_0, c^{-1}	Стандартные распределения вида $\alpha_6 p^6 + \alpha_5 \omega_0 p^5 + \alpha_4 \omega_0^2 p^4 + \alpha_3 \omega_0^3 p^3 + \alpha_2 \omega_0^4 p^2 + \alpha_1 \omega_0^5 p + \alpha_0 \omega_0^6$
γ < 1,398	23,6	Баттерворт «Идеальный фильтр» $p^{6}+3,86\omega_{0}p^{5}+7,46\omega_{0}^{2}p^{4}+9,13\omega_{0}^{3}p^{3}+7,46\omega_{0}^{4}p^{2}+3,86\omega_{0}^{5}p+\omega_{0}^{6}$
γ < 1,89	17,0	Критическое затухание «Кратные корни» $p^{6}+4,5\omega_{0}p^{5}+9,75\omega_{0}^{2}p^{4}+12,375\omega_{0}^{3}p^{3}+9,75\omega_{0}^{4}p^{2}+4,5\omega_{0}^{5}p+\omega_{0}^{6}$
γ < 2,77	13,28	Биномиальное распределение «Максимальная степень устойчивости» $p^{6}+6\omega_{0}p^{5}+15\omega_{0}^{2}p^{4}+20\omega_{0}^{3}p^{3}++15\omega_{0}^{4}p^{2}+6\omega_{0}^{5}p+\omega_{0}^{6}$

В таблице 1 приведены некоторые распределения, для которых указаны допустимые диапазон изменения параметра γ и величина среднегеометрического корня ω_0 .

Запишем передаточные функции синтезированного астатического РС и необходимого фильтра на входе *двукратноинтегрирующей системы*

$$W_{\rm PC}(p) = \frac{(2T_{\mu}p+1)(m_2p^2 + m_1p + m_0)}{K_0(n_2p^2 + n_1p + n_0)p};$$
(11)
$$W_{\Phi}(p) = \frac{1}{(m_2p^2 + m_1p + m_0)}.$$

Для проведения дальнейших исследований и математического моделирования воспользуемся параметрами АД и его полной двухканальной структуры системы векторного управления, приведенными в [6]. Для распределения Баттерворта шестого порядка $G(p) = p^6 + 3,86\omega_0 p^5 + 7,46\omega_0^2 p^4 + 9,13\omega_0^3 p^3 + 7,46\omega_0^4 p^2 + 3,86\omega_0^5 p + \omega_0^6$ принято $\gamma = 1,39$. Кроме того, построены графики изменения коэффициентов n_2 , n_1 , n_0 , m_2 и m_1 в функции ω_0 , представленные на рис. 2.



Рис. 2. Графики зависимостей коэффициентов *n*₂, *n*₁, *n*₀, *m*₂ и *m*₁ от величины ω₀

Необходимо график заметить, что $n_0 = f(\omega_0)$ дважды пересекает ось абсцисс при $\omega_0 = 10,823$ с⁻¹ и $\omega_0 = 20,83$ с⁻¹. В этом случае наблюдается явление параметрического астатизма. При n₀=0 двукратноинтегрирующая система с РС (11) становится трехкратноинтегрирующей. Таким образом, получим еще одну методику синтеза трехкратноинтегрирующей системы, основанную на явлении параметрического астатизма. Для оптимизации по критерию МДУ данной системы при $\omega_0=20,83c^{-1}$ мерой запаса устойчивости примем частотный показатель колебательности M и введем в коэффициент усиления и интегральную составляющую PC (11) переменные k и b. Тогда в численном виде передаточная функция регулятора скорости с астатизмом второго порядка имеет вид

13мом второго порядка имеет вид $h \times 185 2(0.0004 \text{ m} + 1)$

$$W_{\text{PCL1}}(p) = \frac{k \times 183, 2(0,0004p+1)}{(0,0124p+1)} \times \frac{(b^2 \times 0,0151p^2 + b \times 0,1853p+1)}{p^2}; \quad (12)$$
$$W_{\Phi 1.1}(p) = \frac{1}{(b^2 \times 0,0151p^2 + b \times 0,1853p+1)}.$$

Диаграмма качества управления в частотной области и амплитудные частотные характеристики, подтверждающие существование оптимальной по критерию МДУ точки с минимальным показателем колебательности (максимальным запасом устойчивости), представлены на рис.3.





Отметим незначительную эффективность проведенной оптимизации: показатель колебательности удается понизить на 1,7 % с исходного значения *М*=4,2 в точке 1 до *М*=4,13 в оптимальной точке 2.

Переходные процессы по скорости ω_2 в системе с PC (12), настроенным в исходную точку 1 (*k*=1, *b*=1) и оптимальную точку 2 (*k*=1, *b*=0,96), представлены на рис.4.



Рис. 4. Переходные характеристики скорости ω₂ в трехкратноинтегрирующей системе с PC (12) при ω₀=20,83c⁻¹

Используем методику синтеза трехкратноинтегрирующей системы на основе двухкратноинтегрирующей с РС (11). В результате решения соотношения (9) при γ =1,39 (ω_{01} =24,75 с⁻¹и ω_{02} =22,87 с⁻¹) с учетом характера графиков на рис. 2 для среднегеометрического корня примем величину ω_0 =23 с⁻¹.

Согласно методам СПР, введем в астатический РС (11) интегральную часть с эквивалентной постоянной времени $7,72T_0=7,72/\omega_0$ и получим передаточные функции астатического РС и необходимого фильтра на входе *трехкратноинтегрирующей системы*

$$W_{PC12}(p) = \frac{(2T_{\mu}p+1)(m_2p^2 + m_1p + m_0)}{K_0P_{\kappa+}(p)(n_2p^2 + n_1p + n_0)p} \times \frac{(7,72T_0p+1)}{7,72T_0p};$$

$$W_{\Phi 12}(p) = \frac{1}{(m_2p^2 + m_1p + m_0)} \times \frac{1}{(7,72T_0p+1)}.$$
(13)

Для оптимизации трехкратноинтегрирующей системы по критерию МДУ в постоянные времени полиномов числителя PC (13) введем переменные b_1 и b_2 . Примем k=1, что приводит к неизменности коэффициента усиления PC. Тогда, подставив численные значения параметров PC, получим

$$W_{pCL2}(p) = \frac{k \times 24,73(0,0004\,p+1)}{(0,00091p^2 + 0,0814\,p+1)} \times \frac{(b_1^2 \times 0,0071p^2 + b_1 \times 0,1678\,p+1)}{7,72 \times 0,04348\,p} \times \frac{(b_2 \times 7,72 \times 0,04348\,p+1)}{p};$$

$$W_{\Phi L2}(p) = \frac{1}{(b_1^2 \times 0,0071p^2 + b_1 \times 0,1678\,p+1)} \times \frac{1}{(b_2 \times 7,72 \times 0,04348\,p+1)}.$$
(14)

В результате компьютерного моделирования трехкратноинтегрирующей системы векторного управления асинхронным ЭП рис. 1 с астатическим РС (14) была построена ДКУ в частотной области (рис. 5,а), где точка 1 соответствует исходной настройке с параметрами $b_1=1$ и $b_2=1$; точка 2 – настройке по критерию МДУ при вариации параметров b_1 и b_2 ($b_1=1,45$ и $b_2=0,39$); точка 3 – настройке по критерию МДУ при $b_1=var$ и $b_2=const$ ($b_1=0,96$ и $b_2=1$); точка 4 – настройке по критерию МДУ при $b_2=var$ и $b_1=const$ ($b_1=1$ и $b_2=0,8$). На рис. 5,6 показан фрагмент диаграммы рис 5,а.



Рис. 5. Диаграмма качества управления в частотной области (а) и ее фрагмент (б)

Амплитудные частотные характеристики замкнутой системы для четырех рассматриваемых настроек представлены на рис. 6.





Согласно диаграмме и АЧХ система с исходной настройкой (точка 1) имеет показатель колебательности M = 3,95. Оптимизация на максимальный запас устойчивости при вариации только параметра b_1 (точка 3) понижает показатель колебательности всего на 1,8 % до значения M = 3,88. При настройке только параметра b_2 (точка 4) по критерию МДУ M снижается до 3,46, что на 14 % меньше его исходного значения. Максимальный запас устойчивости M = 2,85 достигается при одновременной вариации параметров b_1 и b_2 (точка 2). В этом случае выигрыш составляет 36,8 %.

На рис. 7 показаны переходные характеристики по управлению – а и по возмущению – б в указанных четырех точках настройки оптимизируемой системы. Из представленных рисунков виден достигаемый эффект по уменьшению перерегулирования и колебательности системы.

Вторая методика синтеза трехкратноинтегрирующей системы. Зададимся астатизмом замкнутой системы регулирования скорости v=3 и непосредственно синтезируем методом полиномиальных уравнений передаточную функцию астатического РС пониженного порядка.

В данном случае полиномы M(p), N(p) и G(p) имеют пониженную степень: |M|=3; |N|=2; |G|=7, т.е.

$$M(p) = m_3 p^3 + m_2 p^2 + m_1 p + m_0;$$

$$N(p) = n_2 p^2 + n_1 p + n_0.$$



Рис. 7. Переходные характеристики по управлению – а и по возмущению – б

Уравнение синтеза (5) в развернутой форме слагаемых по мере убывания степени *р* представляется как

$$\frac{n_2}{\omega_{12}^2} p^7 + \frac{n_1}{\omega_{12}^2} p^6 + \left(\frac{m_3\gamma}{\omega_{12}^2} + \frac{n_0}{\omega_{12}^2} + n_2\right) p^5 + \left(\frac{m_2\gamma}{\omega_{12}^2} + n_1\right) p^4 + \left(\frac{m_1\gamma}{\omega_{12}^2} + m_3 + n_0\right) p^3 + \left(\frac{m_0\gamma}{\omega_{12}^2} + m_2\right) p^3 + m_1 p + m_0 = \alpha_7 T_0^7 p^7 + (15) + \alpha_6 T_0^6 p^6 + \alpha_5 T_0^5 p^5 + \alpha_4 T_0^4 p^4 + \alpha_3 T_0^3 p^3 + \alpha_2 T_0^2 p^2 + \alpha_1 T_0 p + \alpha_0.$$

Неизвестные коэффициенты m_{i-1} и n_{j-1} полиномов M(p), N(p), как и ранее, находятся из сравнения сомножителей при одинаковых степенях p левой и правой частей уравнения (15). Они имеют следующие значения:

$$n_{2} = \frac{\alpha_{7} \omega_{12}^{2}}{\omega_{0}^{7}}; \quad n_{1} = \frac{\alpha_{6} \omega_{12}^{2}}{\omega_{0}^{6}};$$

$$n_{0} = \frac{\alpha_{3}}{\omega_{0}^{3}} - \frac{\alpha_{1} \gamma}{\omega_{0} \omega_{12}^{2}} - m_{3};$$

$$m_{3} = \frac{1}{\gamma - 1} \left(\left(\frac{\alpha_{5}}{\omega_{0}^{5}} - \frac{\alpha_{7} \omega_{12}^{2}}{\omega_{0}^{7}} \right) \cdot \omega_{12}^{2} - n_{0} \right);$$

$$m_{2} = \frac{\alpha_{2}}{\omega_{0}^{2}} - \frac{\gamma}{\omega_{12}^{2}}; \quad m_{1} = \frac{\alpha_{1}}{\omega_{0}}; \quad m_{0} = \alpha_{0}.$$
(16)

Акимов Л.В. / Электротехнические и компьютерные системы № 05(81), 2012 Автоматизированные электромеханические системы

Анализ (16) показывает, что коэффициенты n_2 , n_1 , m_1 и m_0 при любых значениях ω_0 положительны. Поэтому на рис.8 построены только графики зависимостей n_0 , m_2 и m_3 в функции ω_0 . Учитывая условие одновременной положительности коэффициентов n_0 , m_2 и m_3 , величину среднегеометрического корня системы ω_0 выберем 23 с⁻¹.

Для моделирования принято $\gamma=1,39$, а в качестве характеристического полинома используется распределение Баттерворта седьмого порядка $G(p)=p^7+4,5\omega_0p^6+10,1\omega_0^2p^5+$ +14,6 $\omega_0^3p^4+14,6\omega_0^4p^3+10,1\omega_0^5p^2+4,5\omega_0^6p+\omega_0^7$.



Рис. 8. Графики зависимостей коэффициентов *n*₀, *m*₂ и *m*₃ от величины ω_0

При этом получены передаточные функции астатического РС и необходимого фильтра на входе *трехкратноинтегрирующей системы*

$$W_{PC2}(p) = \frac{(2T_{\mu}p+1)}{K_{0}(n_{2}p^{2}+n_{1}p+n_{0})} \times \frac{(m_{3}p^{3}+m_{2}p^{2}+m_{1}p+m_{0})}{p^{2}}; \quad (17)$$
$$W_{\Phi 2}(p) = \frac{1}{(m_{3}p^{3}+m_{2}p^{2}+m_{1}p+m_{0})}.$$

При оптимизации синтезированной трехкратноинтегрирующей системы по критерию МДУ, выделим в РС (17) интегральную составляющую. Для этого найдем корни полинома числителя M(p) и представим его в виде произведения двух многочленов. Тогда с учетом введения переменных b_1 и b_2 при k=1 и подстановки численных значений коэффициентов получим

$$W_{PC2}(p) = \frac{k \times 256, 6(0,0004\,p+1)}{(0,00041\,p^2 + 0,0428\,p+1)} \times \frac{(b_1^2 \times 0,0129\,p^2 + b_1 \times 0,172\,p+1)}{p} \times \frac{(b_2 \times 0,02326\,p+1)}{p}; \qquad (18)$$
$$W_{\Phi_2}(p) = \frac{1}{(b_1^2 \times 0,0129\,p^2 + b_1 \times 0,172\,p+1)} \times \frac{1}{(b_2 \times 0,02326\,p+1)}.$$

На рис. 9,а приведена диаграмма качества управления в плоскости параметров b_1 и b_2 ; ее фрагмент изображен на рис. 9,6.



Рис. 9. Диаграмма качества управления в частотной области (а) ее фрагмент (б)

На ДКУ точка 1 соответствует исходной настройке (b_1 =1, b_2 =1) с M=6,4. При оптимизации b_2 =var и b_1 =const (b_1 =1, b_2 =1,6) точка 3 показатель колебательности M понижается до 5,47, что на 17 % меньше исходного значения M. При одновременной настройке b_1 и b_2 (b_1 =0,71, b_2 =3,35) точка 2 достигнуто уменьшение показателя колебательности M на 58 % с 6,4 до 4,05. АЧХ и переходные характеристики по скорости ω_2 для трех рассматриваемых точек представлены на рис.10. Они подтверждают улучшение динамических характеристик трехкратноинтегрирующей системы в точках 2 и 3 по сравнению с исходной 1.





Выводы

1. Использование полиномиального метода для синтеза астатических регуляторов одновременно с оптимизацией их параметров с помощью диаграмм качества управления способствует не только подавлению упругих колебаний в системе, но и снижению показателя колебательности *M*, достигающему в некоторых случаях 58 %.

2. В результате проведенных исследований разработаны три методики синтеза и оптимизации по критерию МДУ трехкратноинтегрирующего асинхронного электропривода с двухмассовой механической частью и постоянной нагрузкой.

3. При использовании астатических регуляторов (12), (14) и (18) с усложненными передаточными функциями впервые предложена для оптимизации системы по критерию МДУ комплексная вариация постоянных времени их полиномов числителя за счет введения переменных b1 и b2.

4. Установлено, что выбор стандартного распределения полюсов и величина среднегеометрического корня во многом определяются коэффициентом соотношения масс двухмассового электропривода.

Список использованной литературы

1. Динамика трехкратноинтегрирующей системы подчиненного регулирования привода постоянного тока / В.Г. Миткевич, Е.А. Церазова, А.П. Целлагов, Д.С. Ямпольский // Электричество. – 1981. – № 1. – С. 26–31.

2. Крупович В.И. Справочник по проектированию автоматизированного электропривода и систем управления технологическими процессами / В.И. Крупович, Ю.Г. Барыбин, М.Л. Самовер. – М.: Энергоиздат, 1982. – 416 с.

3. Акимов Л.В. Динамика трехкратноинтегрирующей системы подчиненного регулирования скорости с наблюдателями состояния полного и пониженного порядков / Л.В. Акимов, В.Т. Долбня, В.И. Колотило // Техническая электродинамика. – 1998. – № 4. – С. 98-103.

4. Гуль А.И. Повышение качества регулирования тиристорных электроприводов непрерывных прокатных станов минимаксными методами / А.И. Гуль // Технічна электродинаміка – К.: – 1998. – Спец. вип. – Т. 2. – № 2. – С.105 – 110.

5. Акимов Л.В. Улучшение динамики трехкратноинтегрирующего асинхронного электропривода с векторным правлением методом диаграмм качества управления / Л.В. Акимов, Д.Г. Литвиненко // Электротехнические и компютерные системы. – К.: – № 02(78). –Техника. – 2011. – С.13–19.

6. Акимов Л.В. Улучшение динамики астатической системы векторного управления двухмассового асинхронного электропривода с постоянной нагрузкой / Л.В. Акимов, Д.Г.Литвиненко, А.А.Вакуленко // Электротехнические и компютерные системы. – № 03(79). – К.: Техника. – 2011. – С.92–97.

7. Литвиненко Д.Г. Математические модели асинхронного электропривода с векторным управлением для задач оптимизации полиномиальным методом с использованием диаграмм качества управления / Д.Г. Литвиненко // Електротехніка і електромеханіка. – № 2. – Харьков: ТОВ Друкарня "Мадрид". – 2011. – С.27–30.

Получено 25.01.12

References

1. Mitkevich V.G., Cerazova Y.A., Cellagov A.P., Yampolskiy D.S. Dynamics of triply integration system of subordinate control of direct current electric drive / Electricity.– $1981. - N_{\odot} 1. - P 26-31$ [in Russian].

2. Krupovich V.I. Baribin Y.G. Samover M.L. Engineering handbook of automated electric drive and technological processes control systems. – Moscow: Energopubl, 1982. – 416 p. [in Russian].

3. Akimov L.V. Dolbnia V.T., Kolotilo V.I. Dynamics of triply integration system of subordinate control of velocity with full and reduced order state observer / Technical electrodynamics. – $1998. - N \le 4. - P. 98-103$ [in Russian].

4. Gull A.I. Improving the quality control of thyristor electric drive of continuous rolling mills by minimax methods. – Kyiv: Technical electrodynamics. – 1998. – Spec. Issue. – V. 2. – № 2. – P.105–110 [in Russian].

5. Akimov L.V., Litvinenko D.G. Improving the dynamics of triply integration asynchronous electric drive with vector control by the quality control diagrams method / Electrical and computer systems. $-N_{\odot}$ 02(78). -Kyiv: Technique. -2011. - P.13-19[in Russian].

6. Akimov L.V., Litvinenko D.G. Vakulenko A.A. Improving the dynamics of the astatic system of the astatic of two-mass vector control of asynchronous electric drive with a constant load / Electrical and computer systems. – № 03(79). – Kyiv: Technique. – 2011. – P.92 – 97 [in Russian].

7. Litvinenko D.G. Mathematical models of asynchronous electric drive with vector control for polynomial optimization problems by using quality control diagrams / Electrical engineering and electromechanics. – Kharkov: Co.Ltd Drukarnia "Madrid". – 2011. – N_{2} 2 – P.27–30 [in Russian].



Акимов

Леонид Владимирович, д-р техн. наук, проф. каф. «Автоматизированные электромеханические системы», НТУ «ХПИ»,

т. (057) 70-50-356



Литвиненко

Дмитрий Григорьевич, аспирант каф. «Автоматизированные электромеханические системы», НТУ «ХПИ», т. (057) 70-76-445, e-mail: dilitne@mail.ru