УДК 623.983

А.В. ДЕРЕПА, доктор технических наук, старший научный сотрудник

И.В. АВЕРИЧЕВ, начальник научноисследовательского отдела

(Центральный научно-исследовательский институт вооружения и военной техники Вооруженных Сил Украины, г. Киев) **О.Г. ЛЕЙКО,** доктор технических наук, профессор

Д.М. КИЗИМА, магистрант

(Национальный технический университет Украины «Киевский политехнический институт имени Сикорского», г. Киев)

A.O. СВЯТНЕНКО, начальник научноисследовательского отдела

(Государственное предприятие «Киевский научно-исследовательский институт гидроприборов», г. Киев)

Свойства цилиндрических гидроакустических преобразователей с внутренними податливыми экранами

Приведены аналитические соотношения и на их основе численными методами исследованы свойства механических полей цилиндрических пьезокерамических преобразователей с внутренними акустически мягкими экранами. Установлены в широком диапазоне частот закономерности поведения частотных и угловых зависимостей амплитуд и фаз колебательной скорости от размеров экрана и степени удаления его от центра пьезокерамической оболочки преобразователя.

Ключевые слова: цилиндрический пьезокерамический преобразователь, внутренний экран, излучение звука.

Приведені аналітичні співвідношення та на їх основі чисельними методами досліджені властивості механічних полів циліндричних п'єзокерамічних перетворювачів з внутрішніми акустично м'якими екранами. Встановлені в широкому діапазоні частот закономірності поведінки частотних і кутових залежностей амплітуд і фаз коливальної швидкості від розмірів екрану та віддаленості його від центру п'єзокерамічної оболонки перетворювача.

Ключові слова: циліндричний п'єзокерамічний перетворювач, внутрішній екран, випромінювання звуку.

Создание гидроакустических преобразователей представляет собой длительный технологический процесс, обусловленный сложностью доведения их параметров, в частности, резонансной частоты излучения, до заданных технических требований. Одним из кардинальных путей решения этой проблемы является переход к построению преобразователей с управляемыми параметрами. При этом управление этими параметрами может осуществляться как пассивными, так и активными методами. Применительно к цилиндрическим преобразователям идея пассивного управления их параметрами реализуется путем введения в их состав акустических экранов. Эти экраны могут располагаться как с внешней стороны пьезокерамической оболочки преобразователя, так и во внутренней полости ее, заполненной для этой цели упругой средой. В первом случае расчетное обеспечение проектирования таких преобразователей наиболее полно было разработано в работе [1]. Отдельные вопросы управления параметрами цилиндрических пьезокерамических преобразователей с помощью внешних экранов были предметом изучения в работах [2-4]. Серьезным недостатком рассматриваемого подхода является увеличение габаритных размеров преобразователя за счет наличия акустического экрана.

Этого недостатка лишены цилиндрические преобразователи с внутренними экранами. При их технической реализации возможны несколько подходов, связанных с выбором формы акустических экранов и способом их размещения внутри пьезокерамических оболочек [3]. Форма экранов может быть выполнена либо симметричной, в виде кругового цилиндра [5, 6], либо ассиметричной в виде сектора кругового цилиндра [3, 7]. По размещению экрана внутри пьезокерамической оболочки могут быть выбраны варианты совмещения [3, 5, 6] либо разнесения [3, 7] продольных осей оболочки и экрана. Из физических соображений ясно, что при совпадении продольных осей цилиндрической пьезокерамической оболочки и экрана, экранированный преобразователь имеет радиальную симметрию относительно своей продольной оси. В этом случае в нем может генерироваться при радиально симметрическом электрическомм возбуждении оболочки только нулевая мода ее колебаний. При этом изменяются частотные свойства преобразователя, но остается всестороннее излучение звука, как во внутреннюю, так и во внешнюю среды. Детальное изучение свойств таких преобразователей было выполнено в работах [5, 6, 8, 9]. В случаях выполнения экрана в виде сектора кругового цилиндра и разнесения в пространстве продольных осей пьезокерамической оболочки и экрана при любой его форме гидроакустический преобразователь теряет указанную выше радиальную симметрию колебаний оболочки. В преобразователе с нарушенной симметрией механической колебательной системы, при сохранении радиальной симметрии его электрического нагружения, генерируются последующие за нулевой моды колебаний [3, 10] с большой амплитудой. Естественным следствием их появления является изменение не только частотных, но и направленных свойств таких экранированных



Рис. 1. Нормальное сечение цилиндрического преобразователя с внутренним экраном

цилиндрических преобразователей. Исследованию отдельных аспектов построения таких радиально несимметричных цилиндрических преобразователей были посвящены работы [1, 4, 7, 10, 11].

Целью данной работы является изучение изменений свойств механических полей цилиндрических пьезокерамических преобразователей с внутренними акустическими мягкими цилиндрическими экранами в зависимости от размеров экрана и условий его размещения.

Аналитические соотношения для расчета физических полей. Рассмотрим излучение звука цилиндрическим гидроакустическим преобразователем с несимметрично расположенным внутренним акустическим экраном (рис. 1).

Преобразователь состоит из цилиндрической пьезокерамической оболочки 1 средним радиусом r_0 толщиной h, цилиндрического акустического мягкого экрана 2 внешним радиусом α_0 и жидкости 3, заполняющей внутреннюю полость оболочки 1. Продольные оси оболочки и экрана разнесены на расстояние $l_{OO'}$. Пьезокерамическая оболочка 1 образована из М жестко склеенных между собой электрически параллельно включенных призм 4. На призмы подается гармоническое электрическое напряжение $\Psi = \Psi_0 e^{-i\omega t}$, где ω – циклическая частота, i – мнимая единица. Преобразователь расположен в середе с плотностью ρ и скоростью звука c, а его внутренняя полость заполнена средой с параметрами $\rho_2 c_2$.

Поставленная задача является частным случаем задачи об излучении звука плоской решеткой, образованной из цилиндрических пьезокерамических преобразователей с внутренними экранами [11]. Для этого случая расчетные формулы для определения физических полей преобразователя приобретают следующий вид. Механическое поле рассчитывается согласно выражений:

$$u=\sum_{n}u_{n}e^{in\varphi}; w=\sum_{n}w_{n}e^{in\varphi},$$

где *и* и *w* – окружная и радиальная составляющие вектора смещений точек срединной поверхности пьезокерамической оболочки преобразователя.

Для определения акустических полей вне и внутри преобразователя используются соответственно выражения.

$$\Phi_{I}(r,\varphi) = \sum_{n} A_{n} H_{n}^{(1)}(kr) e^{in\varphi};$$

$$\Phi_{II}(r,\varphi) = \sum_{m} \sum_{n} C_{m} J_{m-n}(k_{2} l_{OO}) e^{i(m-n)\varphi_{OO}} e^{in\varphi} \left[J_{n}(k_{2}r) - \frac{J_{m}(k_{2}\alpha_{0})}{N_{m}(k_{2}\alpha_{0})} N_{n}(k_{2}r) \right]$$

Параметры электрического поля преобразователя рассчитываются по формулам:

ассчитываются по формулам: напряженность электрического поля: $E_{\varphi} = -\frac{\psi_0 M}{2\pi r_0};$ электрический ток возбуждения:

$$J = -i\omega S_{33} \left\{ \varepsilon_{33}^0 \frac{\psi_0 M^2}{2\pi r_0} + \frac{e_{33}}{r_0} \sum_{j=1}^M \left[\sum_n inu_n e^{\frac{in2\pi}{M}j} + \sum_n w_n e^{\frac{in2\pi}{M}j} \right] \right\}.$$

Неизвестные коэффициенты u_n, w_n, A_n, C_n определяются в результате решения бесконечной системы линейных алгебраических уравнений:

$$w_{n} = \frac{1}{ic_{2}} \sum_{m} C_{m} J_{m-n}(k_{2} l_{O'O}) e^{i(m-n)\phi_{O'O}} \Delta'_{nm}(k_{2} r_{2});$$

$$R_{g} w_{g} + \frac{\alpha}{h} i\omega \bigg[\rho A_{g} H_{g}(kr_{1}) - \rho_{2} \sum_{m} C_{m} J_{m}(kl_{O'O}) e^{i(m-n)\phi_{O'O}} \Delta_{gm}(k_{2} r_{2}) \bigg] =$$

$$= \frac{e_{33}}{C_{33}^{E}} \frac{\psi_{0} M}{4\pi^{2}} Q_{g};$$

$$n = -\infty, u, \infty; \quad \mathcal{G} = -\infty, \varphi, \infty.$$

³десь $\Delta_{nm} = J_n(k_2 r_2) - \frac{J_m(k_2 \alpha_0)}{N_m(k_2 \alpha_0)} N_m(k_2 r_2);$
 $Q_{\mathcal{G}} = \int_{0}^{2\pi} e^{i\mathcal{G}\varphi} d\varphi;$

"штрих" означает производную функций.

Анализ результатов расчетов механических полей.

Используя приведенные аналитические соотношения, изучим свойства механических полей цилиндрических пьезокерамических преобразователей с внутренними акустически мягкими экранами в зависимости от размеров экрана и степени удаленности его от центра преобразователя.

При этом обратим внимание на ряд физических обстоятельств, существенно влияющих на формирование механических полей исследуемого преобразователя.

Первое из них связано с тем, что при заданном способе электрического возбуждения преобразователя его электрическое поле является радиально симметричным. В этом случае в механическом поле пьезокерамической оболочки преобразователя возбуждается только одна собственная форма колебаний – нулевая и она имеет один собственный резонанс.

Второе обстоятельство обусловлено тем, что несоосное размещение во внутренней полости пьезокерамической оболочки цилиндрического акустического экрана нарушает радиальную симметрию преобразователя. В системе с нарушенной симметрией появляются последующие моды, амплитуды колебательных скоростей которых сопоставимы с амплитудой скорости нулевой моды [3, 10]. Это свидетельствует о том, что энергия, «закачиваемая» в преобразователь на нулевой моде, в его механическом поле перераспределяется между всеми формами колебаний преобразователя и одномодовый преобразователь превращается в многомодовый.

Третье обстоятельство сопряжено с наличием упругой среды во внутренней полости пьезокерамической оболочки и наличием зазора между оболочкой и экраном. В этом случае звуковая энергия, излучаемая внутренней поверхностью пьезокерамической оболочки в зазор начинает играть существенную роль [3] в формировании механического поля преобразователя. Поскольку в рассматриваемом случае величина зазора между оболочкой и экраном непрерывно изменяется, то и ее роль в формировании этого поля на разных участках зазора будет разной. На участках с относительно малыми волновыми размерами зазора влияние зазора мало. Наиболее существенные изменения зазора происходит на тех его участках, где волновая ширина зазора $\frac{2(r_0 - h - \alpha_0)}{2}$, близка к величине 0,25. При этом на этих участках зазора возникает стоячая волна, которая является результатом взаимодействия прямой волны, излученной пьезокерамической оболочкой во внутреннюю полость, и волны, отраженной от экрана. Следствием этого является резкое повышение звукового давления на этом участке. Такое поведение соответствует резонансным явлениям, имеющим место в своеобразном механическом контуре, образованном механическими параметрами зазора и присоединенной массы среды на внешней поверхности преобразователя [3]. Описанные явления должны найти отображения на частотных характеристиках амплитуд и фаз колебательной скорости основной возбуждающей моды – нулевой моды колебаний. Для подтверждения правильности этих качественных рассуждений выполним численные эксперименты и проведем анализ их результатов.

Вычисления параметров полей производились для следующих параметров преобразователей: $r_0 = 0,068 \, M$; $h_0 = 0,008 \, M$; M = 48; $\alpha_0 = 0,2 \, r_0$, $0,5 \, r_0$, $0,9 \, r_0$; $\varphi_{OO} = 30^\circ$; $\psi_0 = 200 \, B$; $\rho c = \rho_2 c_2 = 1,5 \cdot 10^6 \, \text{кc} / M^2 c$; $r_0 - \alpha_0 - l_{OO} = 0,003 \, M$. Расчеты частотных зависимостей амплитуд и фаз ко-

лебательной скорости выполнялись в точке с координатами (0,072 м; 30°). При этом минимальное расстояние между внешней поверхностью экрана и внутренней поверхностью пьезокерамической оболочки сохранялось постоянным.

Анализ кривых рис. 2 позволяет установить следующее. Во-первых, амплитуды колебательных скоростей некоторых из вновь генерируемых мод сравнимы с амплитудой скорости нулевой моды.

Поскольку при радиальной симметрии электрического нагружения преобразователя электрическая энергия в цилиндрическом пьезокерамическом преобразователе преобразуется в механическую только на нулевой моде его колебаний, это значит, что идет ее эффективное перераспределение между последующими модами колебаний преобразователя. Во-вторых, количество мод, эффективно «отсасывающих» энергию из нулевой моды, и распределение амплитуд их колебательных скоростей по частотам зависят от размеров экрана и степени удаленности его от центра пьезокерамической оболочки. При малых размерах экрана $\alpha_0 = 0, 2 r_0$ и больших расстояний l_{OO} (рис. 2 а) количество вновь генерируемых мод наибольшее, амплитуды их колебательных скоростей сравнимы или существенно превышают амплитуду скорости нулевой моды. При этом большинство механических резонансов, генерируемых этими модами, сосредотачивается в низкочастотной области, а значения их частот в (2-3) раза меньше основной резонансной частоты пьезокерамической оболочки преобразователя. Нулевая мода сохраняет неизменной свою резонансную частоту, а на ее зависимости. На этой зависимости в области низких частот появляется новый дополнительный резонансный выброс. Этот выброс возникает в области частот, для которых размер зазора близок к 0,25 соответствующей им длины волны в среде, заполняющей внутреннюю полость преобразователя.

Очевидно, он обусловлен взаимодействием прямых волн, излученных в области этих частот внутренней поверхностью пьезокерамической оболочки преобразователя, и волн, отраженных на этих частотах внутренним экраном.

Этот вывод подтверждается тем, что при $\alpha_0 = 0, 3 r_0$ дополнительный резонанс нулевой моды перемещается в область частот, близких к 6,5 *кГц*, а при дальнейшем увеличении $\alpha_0 = 0,5 r_0$ – в область частот 11-12 кГц.



Рис. 2. Частотные зависимости амплитуд колебательных скоростей преобразователя для размеров экрана $\alpha_0 = 0, 2 r_0$ (a); $\alpha_0 = 0, 5 r_0$ (б); $\alpha_0 = 0, 9 r_0$ (в)

Увеличение размеров экрана до величины $\alpha_0 = 0,5 r_0$ существенно (рис. 2 б) изменяет установленные выше закономерности. Моды, формирующие механические резонансы в низкочастотной области, исчезают. Дополнительные механические резонансы сосредотачиваются в резонансной (8-14 $\kappa \Gamma u$) и высокочастотной (14-20 $\kappa \Gamma u$) областях, а амплитуды их колебательных скоростей сравниваются с амплитудой скорости нулевой моды. При этом частотная зависимость амплитуды колебательной скорости нулевой моды в резонансной области существенным образом изменяет свою форму. Ее собственная резонансная частота снижается. Это обусловлено тем, что при акустически мягком экране и слабом проявлении упругих свойств жидкости в зазоре изменение объема жидкости в нем происходит за счет перемещения слоя жидкости практически как единого целого [3]. Следствием этого является массовый характер реакции жидкости в слое на движение пьезокерамической оболочки, что является причиной некоторого снижения ее собственной резонансной частоты. Это демонстрирует резонансная кривая на рис. 2 б. О физических причинах появления новых резонансных частот нулевой моды колебаний пьезокерамической оболочки говорилось выше. Кроме механических резонансов нулевой моды колебаний в резонансной и высокочастотной областях возникают механические резонансы,



Рис. 3. Частотные зависимости амплитуд (а) и фаз (б) колебательных скоростей с экранами разных размеров $\alpha_0 = 0, 2 r_0$; $\alpha_0 = 0, 5 r_0$; $\alpha_0 = 0, 9 r_0$ и без экрана

обусловленные вновь генерируемыми модами колебаний, следующими за нулевой модой.

Дальнейшее увеличение размеров акустического экрана до $\alpha_0 = 0,9 r_0$ и выше сопровождается (рис. 2 в) потерей как дополнительных резонансов нулевой моды пьезокерамической оболочки, так и генерации новых более высоких мод колебаний. При этом влияние зазора падает, а упругие свойства жидкости в нем начинают проявляться, что сопровождается небольшим повышением собственной резонансной частоты пьезокерамической оболочки и преобразователя в целом.

Приведенные выше результаты по частотным зависимостям колебательных скоростей модовых составляющих механического поля естественным образом определяют и частотную зависимость полной колебательной скорости преобразователя.

Анализ графиков рис. 3 позволяет установить следующие закономерности. В отсутствие экрана частная зависимость колебательной скорости преобразователя представляет собой двухрезонансную кривую. Ее первый резонанс определяется собственным резонансом керамической оболочки, второй – резонансом объема жидкости во внутренней полости оболочки.

Введение в состав преобразователя акустически мягкого несимметрично расположенного цилиндрического экрана полностью изменяет описанные выше частные зависимости амплитуд и фаз преобразователя. При этом принципиально важную роль приобретают размеры экрана и степень удаления его от центра преобразователя. При малых размерах экрана ($\alpha_0 = 0, 2r_0$) и максимально возможном удалении его от центра преобразователя спектр собственных частот преобразователя существенно обогащается и сильно расширяется как в область низких, так и высоких частот. О том, что все эти частоты относятся к резонансным, свидетельствует фазочастотная характеристика (рис. 3 б) преобразователя. Особенно интересным для практики является генерация механических резонансов преобразователя без изменения его размеров в низкочастотной области со значениями частот, в 2-8 раз меньше значения собственной резонансной частоты пьезокерамической оболочки. При этом амплитуды колебательных скоростей преобразователя на этих вновь генерируемых резонансах сравнимы, а в ряде случаев превышают амплитуду скорости колебаний на собственном резонансе оболочки, хотя области их резонансных частот значительно сужаются по сравнению с последней.

Увеличение размеров экрана ($\alpha_0 = 0,5 r_0$) и сопряженное с ним уменьшение степени нарушения радиальной симметрии преобразователя сопровождается вначале резким сокращением количества вновь генерируемых механических резонансов в низкочастотной области и увеличением их количества в резонансной и высокочастотной областях. При дальнейшем увеличении



Рис. 3. Угловые распределения амплитуд колебательной скорости преобразователя с внутренним экраном разных размеров с экранами разных размеров $\alpha_0 = 0, 2 r_0$ (a); $\alpha_0 = 0, 5 r_0$ (б) на разных частотах

размеров экрана ($\alpha_0 = 0,9 r_0$) преобразователь с внутренним экраном теряет способность генерирования дополнительных механических резонансов, а его частотные характеристики приближаются к частотным характеристикам пьезокерамической оболочки преобразователя в вакууме.

Сопоставление между собой графиков рис. 2 и 3 позволяет сделать вывод, что резонансы полной колебательной скорости преобразователя с экраном образованы механическими резонансами как нулевой моды колебаний его пьезокерамической оболочки, так и вновь генерируемых мод. При этом эффективность преобразователя с экраном в резонансной области 8-12 *кГц* практически не зависит от размеров экрана.

Определим теперь особенности углового распределения колебательной скорости на поверхности преобразователя с внутренним экраном. Прежде всего заметим, что при радиальной симметрии электрического возбуждения и схемы построения преобразователя с экраном распределение амплитуд и фаз его колебательной скорости по поверхности преобразователя является однородным, поскольку в нем возбуждается только нулевая мода колебаний. Нарушение симметрии построения преобразователя, приводящее к генерации последующих за нулевой мод колебаний и появление на отдельных участках внутреннего объема преобразователя стоячих волн, создает физические причины возникновения неоднородности углового распределения колебательных скоростей. При этом в разных частотных диапазонах эта неоднородность будет разной, поскольку она зависит от степени потери радиальной симметричности схемой построения преобразователя. Последняя определяется размерами внутреннего экрана и его удалением от центра симметрии пьезокерамической оболочки. Анализ кривых рис. 4 показывает, что наибольшей угловой неоднородностью распределения колебательной скорости характеризуются преобразователи с малыми экранами и большим их удалением от центра преобразователя (рис. 4 а). Причем эта неоднородность сохраняется во всем исследуемом частотном диапазоне. По мере увеличения размеров экрана и уменьшения расстояния между продольными осями экрана и оболочки (рис. 4 б), неоднородность углового распределения колебательной скорости в низкочастотной области практически исчезает, перемещаясь в резонансный и высокочастотный диапазоны.

При больших размерах экрана ($\alpha_0 = 0.9 r_0$) распределение колебательной скорости по поверхности преобразователя с экраном становится практически однородным во всем исследуемом частном диапазоне.

Выводы.

Установлено, что несимметричное размещение акустически мягкого экрана во внутренней полости гидроакустического цилиндрического пьезокерамического преобразователя с целью уменьшения его габаритных размеров и учете связанности физических полей преобразователя при излучении звука, является причиной возникновения ряда физических эффектов. К ним относятся генерация последующих за нулевой мод колебаний и возникновение на отдельных участках внутреннего объема преобразователя с экраном стоячих волн. Выполнен большой объем численных экспериментов и произведен анализ количественной оценки влияния этих эффектов на свойства механических полей исследуемых преобразователей. Установлено, что размер экрана и степень удаления его от центра преобразователя по-разному влияют на частотные и угловые характеристики колебательной скорости преобразователя в различных частотных диапазонах. При малых волновых размерах экрана и больших удалениях экрана от центра преобразователя спектр его собственных резонансных частот существенно расширяется и, что особенно интересно, в основном в сторону низких частот, более чем в 3 раза ниже собственной резонансной частоты пьезокерамической оболочки преобразователя. Увеличение волновых размеров экрана сопровождается сначала исчезновением собственных дополнительных механических резонансов в низкочастотной области и перемещением их в резонансную и высокочастотную области, а при размерах, близких к внутреннему размеру пьезокерамической оболочки - полной потерей многомодовости преобразователя. Установленные эффекты свидетельствуют о возможностях управления параметрами гидроакустических цилиндрических пьезокерамических преобразователей при их создании с помощью выбора внутренних экранов.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

 Гусак З. Т. Излучение гидроакустических сигналов цилиндрическими пьезокерамическими преобразователями с экранами: дис. канд. техн. наук: 05.09.08/
 3. Т. Гусак. – К., 2017. – 270 с.

- Лейко А. Г. Подводные акустическая аппаратура и устройства. Т.1. Подводные акустические антенны / А. Г. Лейко, Ю. Е. Шамарин, В. П. Ткаченко. – К. : Аванпостприм, 2000. – 320 с.
- Гринченко В. Т. Волновые задачи акустики: монография / В. Т. Гринченко, И. В. Вовк, В. Т. Мацыпура. – К. : Интерсервис, 2013. – 572 с.
- Гринченко В. Т. Волновые задачи рассеяния звука на упругих оболочках / В. Т. Гринченко, И. В. Вовк. – К. : Наукова думка, 1986. – 240 с.
- 5. Меленко Ю.Я. Об одном подходе к построению круговых цилиндрических пьезокерамических преобразователей // Электроника и связь. 2012 – №2 – С.36-40.
- 6. Меленко Ю.Я. Об одном из путей управления резонансной частотой круговых цилиндрических преобразователей // Электроника и связь. 2013 – №2 – С.63-68.
- Вовк И. В. Излучение звука заполненной жидкостью пьезокерамической оболочкой с несимметричной внутренней вставкой / И. В. Вовк, В. Т. Гринченко // Акустический журнал. – 1994 – Т.40 – №2 – С. 220-224.
- Меленко Ю.Я. Свойства цилиндрического пьезокерамического излучателя с упругой цилиндрической оболочкой во внутренней полости // Электроника и связь. 2013 – №1 – С.59-64.
- Меленко Ю.Я. Акустические свойства цилиндрического пьезокерамического излучателя разгруженной конструкции // Электроника и связь. 2014 – №3 – С.101-105.
- Гусак З. Т. О частотных характеристиках электрических полей цилиндрической пьезокерамической антенны с экраном в виде незамкнутого кольцевого слоя / З. Т. Гусак, А. Г. Лейко // Журнал нано- та електронної фізики. 2016. Т.8. №1, 01029 с. 1-6.
- Лейко А. Г. Физические поля направленных гидроакустических антенн на основе цилиндрических излучателей с внутренними экранами / А. Г. Лейко, А. О. Святненко // Электроника и связь, 2017 – №6 – С. 62-73.

Стаття надійшла до редакції 19.10.2018 р.

Рецензент О. В. Коржик, д-р техн. наук, проф. (Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Сікорського»)