

УДК 681.3.06

А.А. КУЗНЕЦОВ, Ю.А. ИЗБЕНКО, И.В. МОСКОВЧЕНКО

Харьковский университет Воздушных Сил им. И. Кожедуба, Украина

**ИССЛЕДОВАНИЕ КРИПТОГРАФИЧЕСКИХ СВОЙСТВ НЕЛИНЕЙНЫХ БУЛЕВЫХ ФУНКЦИЙ, ПОСТРОЕННЫХ МЕТОДОМ ГРАДИЕНТНОГО СПУСКА**

Исследуется криптографическая стойкость булевых функций, построенных методом градиентного спуска. Проводится сравнительный анализ с функциями, сформированными с использованием наилучших методов.

**булевы функции, криптографические свойства, метод градиентного спуска****Введение**

В настоящее время обеспечение безопасности информации в информационно-телекоммуникационных системах является одной из первоочередных задач. Данная задача, в частности, может быть решена за счет использования симметричных схем криптопреобразования, стойкость которых обеспечивается за счет использования нелинейных преобразований. Поэтому разработка нелинейных преобразований, обеспечивающих стойкость к современным методам криптоанализа, является актуальной задачей.

В качестве нелинейных преобразований в симметричных криптосистемах используются нелинейные булевы функции [1–9]. Разработка таких функций является областью широких исследований. В [1] представлен метод построения нелинейных булевых функций, основанный на градиентном спуске. В качестве прототипа использовался метод градиентного подъема [2], который является на сегодняшний день одним из наиболее эффективных методов формирования криптографических булевых функций. Оба метода относятся к классу эвристических методов и потенциально позволяют достигать больших показателей стойкости, нежели другие классы построения функций за счет использования не каких-либо формальных алгебраических конструкций, а интуитивно понятных принципов и ‘ухищрений’. В данной статье исследуются криптографические свойства функций, построенных в соответствии с [1].

**Основные результаты исследований**

При проведении исследований криптографических свойств нелинейных булевых функций использованы следующие показатели: сбалансированность, нелинейность  $N_f$ , алгебраическая степень  $deg$ , значение функции автокорреляции  $ac$ , степень корреляционного иммунитета  $CI$ , степень критерия распространения  $PC$ . Методика исследования и детальное описание данных показателей представлены [3]. При описании основных показателей использованы следующие типы формализованной записи [4]:  $(n, deg, N_f, ac)$  – если не обсуждаются показатели  $CI$  и  $PC$ ;  $(n, CI/PC, deg, N_f, ac)$  – если данные показатели обсуждаются ( $n$  – размерность функции). В качестве дополнительных показателей рассмотрены коэффициент равномерности минимизации корреляции  $k_{pm}$  и абсолютное значение корреляции функции  $C_f$  [3].

В табл. 1 представлены результаты сравнительной оценки нелинейности функций, полученных при использовании разработанного метода, метода-прототипа и наилучших известных методов.

Приведенные данные свидетельствуют, что среди эвристических методов разработанный метод позволяет достигать наивысшей нелинейности и стремится к верхней границе нелинейности. Высокая нелинейность свидетельствует о высокой степени замешивания данных, что определяет стойкость преобразований. Функции, построенные в соответствии с разработанным методом, по степени нелинейности уступают лишь конструкции Доббертина,

однако, во-первых, данная конструкция не является столь гибкой, как представленный метод, и, во-вторых, данная конструкция не позволяет обсуждать значение функции автокорреляции.

Таблица 1  
Сравнительная оценка нелинейности функций

	$V_6$	$V_8$	$V_{10}$	$V_{12}$
Наивысшая достижимая нелинейность [5]	26	118	494	2014
Наилучший известный рез-т [4]	26	116	492	2010
Конструкция Доббертина [4]	26	116	492	2010
Бент конкатенация [9]	24	112	480	1984
Random [2]	–	112	472	1954
Random + Hill Climbing [2]	–	114	476	1960
Генетический алгоритм [6]	26	116	484	1976
NLT [4]	26	116	486	1992
ACT [4]	26	116	484	1986
Разработанный метод	26	116	488	1998

В табл. 2 приведены сравнительные характеристики основных показателей стойкости функций,

полученных с использованием разработанного и наилучших известных эвристических методов. Как видно из таблицы, разработанный метод позволяет строить функции с наилучшими известными на сегодняшний день профилями. Так, на сегодня функции, построенные над  $V_6$ , имели наилучший профиль (6,5,26,16), теперь данный профиль имеет вид (6,5,26,8) (значение функции автокорреляции уменьшено в 2 раза); функции, построенные над  $V_8$ , имели наилучший профиль (8,7,116,24), теперь – (8,7,116,16) (значение функции автокорреляции уменьшено в 1,5 раза); функции, построенные над  $V_{10}$ , имели наилучший профиль (10, 9, 484, 56), теперь – (10, 8, 488, 32) (значение функции автокорреляции уменьшено в 1,75 раза); функции, построенные над  $V_{12}$ , имели наилучший профиль (12, 10, 1992, 156), теперь – (12, 11, 1998, 72) (значение функции автокорреляции уменьшено в 2,16 раза).

Таблица 2

Наилучшие известные профили ( $n, deg(f), N_f, AC$ )

NLT [4]	(5,3,12,8); (5,4,12,16)	(6,5,26,16)	(7,6,56,16)	(8,7,116,24); (8,5,112,16)
	(9,8,238,40)	(10,9,486,72) (10,9,484,64)	(11,9,984,96) (11,10,982,96)	(12,10,1992,156) (12,10,1990,144)
ACT [4]	(5,3,12,8); (5,4,12,16)	(6,5,26,16)	(7,6,56,16)	(8,7,116,24); (8,5,112,16)
	(9,8,238,40)	(10,9,484,56)	(11,10,982,88)	(12,11,1986,128)
Разработанный метод	-	(6,5,26,8)	-	(8,7,116,16)
	-	(10,8,488,32)	-	(12,11,1998,72)

В табл. 3 приведены сравнительные характеристики наилучших известных методов, позволяющих строить функции с низкими значениями автокорреляции. Как видно, разработанный метод позволяет строить функции с наименьшими известными на сегодняшний день значениями автокорреляции. Можно отметить, что только над  $V_8$  NLT и ACT методы позволяют строить функции с AC=16, как и предло-

женный метод, однако при этом функции, полученные использованием NLT и/или ACT методов, имеют нелинейность 112. Разработанный же метод при том же самом значении автокорреляции позволяет строить функции с нелинейностью 116. Над всеми же остальными векторными пространствами предложенная автокорреляция является недостижимой для других методов.

Таблица 3

Наилучшие известные значения автокорреляции

	$V_5$	$V_6$	$V_7$	$V_8$	$V_9$	$V_{10}$	$V_{11}$	$V_{12}$
Zhang Zheng [9]	8	16	16	24	32	48	64	96
Maitra [8]	8	16	16	24	32	40	64	80
NLT [4]	8	16	16	16	40	64	96	144
ACT [4]	8	16	16	16	40	56	88	128
Разработанный метод		8	–	16	–	32	–	72

Рассмотрим также дополнительные показатели стойкости. Коэффициент равномерной минимизации корреляции и абсолютное значение корреляции

определяют спектральные свойства функций и отражают их корреляционные свойства. Коэффициент равномерной минимизации корреляции определяет,

во сколько раз, по сравнению с бент-функцией, ухудшилась равномерность спектра функции. Абсолютное значение корреляции функции, как следует из названия, определяет значение максимальной корреляции функции с некоторой аффинной функцией. В табл. 4 представлены дополнительные показатели стойкости, характеризующие спектральные свойства бент-функций, функций, построенных в соответствии с предлагаемым и известными алгеб-

раическими и эвристическими методами построения высоконелинейных нелинейных булевых функций.

Приведенные данные показывают, что булевы функции, построенные в соответствии с разработанным методом, при равных наивысших показателях нелинейности с другими функциями имеют максимально достижимую алгебраическую степень, при этом все остальные известные методы уступают по своим спектральным характеристикам.

Таблица 4

Дополнительные показатели стойкости нелинейных булевых функций

	$N_f$	$deg(f)$	$k_{pm}$	$C_f$
Бент-функция [4]	120	4	1	0,06250
Разработанный метод	116	7	1,058333	0,09375
Метод Кларка [4]	116	6	1,099567	0,09375
Метод Маитры-Пасалика [7]	116	6	1,154545	0,09375
Метод Себерри-Чжэня (КИ)[9]	112	4	1,322917	0,12500

Обсуждая дополнительные показатели стойкости, можно отметить, что функции, полученные в соответствии с разработанным методом, имеют наилучшие спектральные характеристики: их коэффициенты корреляции наиболее равномерно минимизированы, абсолютные значения корреляции имеют наименьшие значения по сравнению с функциями, построенными согласно известных методов.

### Выводы

На основе проведенных исследований можно сделать вывод о том, что функции, сформированные в соответствии с разработанным методом построения, имеют высокие показатели стойкости и превосходят по данным показателям известные функции.

### Литература

1. Кузнецов А.А., Избенко Ю.А., Московченко И.В. Метод построения криптографически стойких булевых функций на основе градиентного спуска // Збірник наукових праць ХУ ПС. – Х.: ХУПС, 2007. – Вип. 1 (13). – С. 63-66.
2. Millan W., Clark A., Dawson E. Smart Hill Climbing Finds Better Boolean Functions // Workshop on Selected Areas in Cryptography 1997 (SAC'97) : Workshop Record, 1997 – P. 50.
3. Горбенко И.Д., Потий А.В., Избенко Ю.А. Исследование свойств булевых функций криптоал-

горитма Rijndael (FIPS 197) // Радиотехника. – Х.: ХНУРЭ, 2004. – № 126. – С. 132-138.

4. Evolving of Boolean functions satisfying multiple criteria / J. Clark and s.o. // Proc. of INDOCRYPT'02, LNCS. – Springer, 2002. – Vol. 2551. – P. 246-259.

5. Maier W., Staffelbach O. Nonlinearity criteria for cryptographic functions // EUROCRYPT'89 (Comp. Science). – Springer-Verlag, 1990. – Vol. 434. – P. 549-562.

6. Millan W., Clark A., Dawson E. An effective genetic algorithm for finding highly nonlinear Boolean functions // 1<sup>st</sup> Int. Conf. on Inf. and Commun. Security. – Springer Verlag, 1997. – N. 1334. – P. 149-158.

7. Maitra S., Pasalic E. Further constructions of resilient Boolean functions with very high nonlinearity. – Accepted in SETA, Norway. – May, 2001.

8. Pasalic E., Johansson T., Maitra S. New constructions of resilient and correlation immune Boolean functions achieving upper bounds of nonlinearity // Electronic Notes in Discrete Mathematics. – Elsevier, January, 2001.

9. Seberry J, Zhang X.-M., Zheng Y. Nonlinearity and Propagation Characteristics of Balanced Boolean Functions // In Information and Computation. – 1995. – Vol. 119, No 1. – P. 1-13.

Поступила в редакцию 6.06.2007

**Рецензент:** д-р техн. наук, проф. И.Д. Горбенко, Харьковский национальный университет радиоэлектроники, Харьков.