В.В. ЩЕРБАК, канд. физ.-мат. наук

КОНВЕРСИЯ *ТЕМ*-ВОЛНЫ В ВЫСШИЕ *ТМ*-ВОЛНЫ НА КАСКАДАХ РАЗНОПЕРИОДНЫХ ЛЕНТОЧНЫХ ДИАФРАГМ

Введение

В радиофизике актуальна проблема преобразователей волноводных волн с высоким КПД передачи энергии возбуждающей волны в энергию только одной из возбужденных волн. Известные разработки таких устройств (например, [1]) относились к случаю $TE_{n,0}$ -волн. В то же время существуют приложения (включая дифракционную электронику), которые требуют создания аналогичных устройств с *H*-поляризованными волнами, включая *TEM*-волну. В этой работе мы решаем такую проблему. Здесь мы столкнулись с трудностями обеспечения широкополосности рассмотренных устройств.

1. Решение задач дифракции

Рассмотрим структуру, изображенную на рис. 1, и далее более сложные структуры, необходимые для осуществления необходимых нам трансформаций волн планарного волновода. Идеальный импеданс стенок волновода предполагаем нулевым. Т.е. в отличие от ситуации [1] предполагаем наличие в полях нулевой (*TEM*) волны кроме высших волноводных волн, поляризованных по *y* (перпендикулярно плоскости рисунка). Так что искомые поля выразим через функцию

$$\Pi_{k} = \sum_{n} \{ C_{n}^{k} \exp[i\gamma_{n}(Z_{k-1} - z)] - D_{n}^{k} \exp[i\gamma_{n}(z - Z_{k})] \exp[ig_{n}x]; \gamma_{n} = \sqrt{\kappa^{2} - n^{2}}, \quad (1)$$

$$C, D_n^k = \pm C, D_{n-2s}^k; C_n^k + \Omega D_n^k e_n^k = C_n^{k-1} e_n^{k-1} + \Omega D_n^{k-1} e_n^{k-1}; D_n^3 = 0; e_n^k = exp(2i\gamma_n r_k \pi/a; (2))$$

 $(r_k = r1^r2)$, где $\kappa = 2a/\lambda$ – безразмерное волновое число $(a := \pi)$, λ – длина волны. При этом амплитуды полей связаны здесь при "±"="+" в (2) в отличие от "–" в [1], что и предполагает наличие нулевой (*TEM*) волны. Кроме того в (2) имеем иное "±1" в виде фактора Ω , зависящего от поляризации поля. Здесь $\Omega = -1$ (в отличие от случая [1] *E*-поляризации), а функция Π_k совпадает с компонентой H_{γ} , перпендикулярной плоскости чертежа.

Сшивая поля на границах z=0, -r1,-r1-r2 и используя метод матричных операторов [2], получим для расчета искомых амплитуд *С*,*D* бесконечную систему уравнений (СЛАУ)

$$C_{m}^{2} = (\delta_{m}^{p} \pm \delta_{m}^{-p-2s})T_{m\leftarrow p}^{1} + \sum_{n} R_{m\leftarrow n}^{1} D_{n}^{2} e_{n}^{1}; \ D_{m}^{2} = \sum_{n} (R_{m\leftarrow n}^{2} C_{n}^{2} e_{n}^{1} + T_{m\leftarrow n}^{2} D_{n}^{3} e_{n}^{2});$$

$$C_{m}^{3} = \sum_{n} (R_{m\leftarrow n}^{2} D_{n}^{3} e_{n}^{2} + T_{m\leftarrow n}^{2} C_{n}^{2} e_{n}^{1}); \ D_{m}^{3} = \sum_{n} R_{m\leftarrow n}^{3} C_{n}^{2} e_{n}^{2}.$$
(3)

с экспоненциальной сходимостью и похожие прямые равенства для расчета амплитуд $A_m = D_m^1$ и $B_m = C_m^4$ отраженных и прошедших волн для каскада в целом ($p \ge 0$ – номер дифрагирующей волны). В свою очередь, коэффициенты $\delta_m^n + R_{m \leftrightarrow n}^k \Omega = T_{m \leftrightarrow n}^k$ рассеяния на каждой из диафрагм каскада находим из эффективных алгоритмов [3] (зависящих от поляризации поля согласно принципу двойственности в формулировке [4]). Т.е., поставленная задача решена и допускает усечение полученной СЛАУ (3) до порядка 8.



Рис. 1. Каскад диафрагм для конверсии $TM_1 \Rightarrow TM_0$. Зависимости от параметра κ величин: $P = K\Pi Д$; *R*=отражения TM_1 ; *XR* и *XT*-паразитных потоков (TM_0 в отраженном поле и прохождение TM_1)

2. Оптимизация конверсии мод *ТМ*₁⇒*TEM*

В структуре рис. 1 диафрагмы D1 и D3 не связывают волны TEM и TM₁ (эпюры "0" и "1" на рисунке). Они преимущественно пропускают *ТМ*₁-волну либо *ТЕМ*. Смеситель *D*2 связывает эти волны. Так что возможен выбор параметров Δk и резонансных значений дистанций r1 и r2 между диафрагмами, который обеспечивает в двухмодовом диапазоне $1 < \kappa < 2$ возможность максимальной передачи энергии волны ТЕМ вправо от каскада (при возбуждении структуры волной *ТМ*₁ слева). На рис. 1,6 это соответствует полосе 1.61<к<1.83 с КПД конверсии 82%>P>80% (для Δk =0.6, 0.4, 0.85 и r_k =0.65, 0.1). При иных значениях параметров Δk и r_k (0.45, 0.6, 0.9, 0.76, 0.125) имеем 0.953>P>0.9 в более узкой полосе частот 5%. Резонансные минимумы на кривой R отражения волны TM_1 служат указателем, ведущим к нахождению интересующего нас максимума величины *P*. Из уравнения det[СЛАУ(3)]=0 вычислены комплексные частоты собственные колебаний в рассмотренных структурах и соответствующие им значения безразмерного волнового числа к. Их вещественные части показаны стрелками под осью κ на рис. 1 – 7. Они также –репер для нашего поиска оптимальных режимов конверсии волн. В силу теоремы взаимности полученные данные для конверсии $TM_1 \Rightarrow TEM$ совпадают с данными конверсии *TEM TM*₁ при падении *TEM* -волны на каскад справа. Для приложений в электронике более интересна ситуация $TM_1 \Rightarrow TEM$.

3. Оптимизация конверсии высших волн

Зеркальное удвоение (утроение и т.д.) структуры рис. 1 по *х* тривиально породит задачу о конверсии $M \Rightarrow 0$ вместо 1 $\Rightarrow 0$. Рассмотрим более общий случай p>0 конверсии $M \Rightarrow p$, когда отмеченной для p=0 тривиальности нет. Проблема разрешима. Мы ее упростим, если *M* и *p* нечетны. Так, режим $3 \Rightarrow 1$ и $1 \Rightarrow 3$ осуществим в структуре рис. 2 из 6-реберных селекторов и 4-реберного смесителя.

Данные оптимизации показаны на рис 2,6. Они относятся также к случаю волновода со стенками из идеального магнетика, если рис. 2 трактовать как нижнюю половину структуры, расположенной при $2\pi > x > 0$. В рабочем диапазоне $3 < \kappa < 5$ диафрагма D2 в структуре рис. 2 связывает (ввиду ее периодичности) лишь волны с номерами 1 и 3. Однако таким свойством обладает и 2-реберный смеситель D2 в альтернативе рис. 3. Как видим из данных рис. 3,6, в альтернативной конструкции удалось расширить полосу эффективной конверсии волн (с КПД $\geq 80\%$) в 3.5 раза (от 8% до 29%).

В общем случае $M \Leftrightarrow p$ берем смесительную периодическую диафрагму D2 с M+p полупериодами на сечении волновода и фильтрующие D1 и D3 с 2M полупериодами Например, M+p = 6 и 2M = 10 применительно к расчетным данным рис 4,a для конверсии $1 \Leftrightarrow 5$. При таких периодичностях диафрагм мы обеспечиваем разрежение спектра рассеянных волн, которое устраняет в рабочем диапазоне $M < \kappa < M+2p$ паразитные потоки волн с номерами между pи M. Заодно сохраняем порядок усечения СЛАУ (3) на уровне 8 (вследствие разреженности матриц $R_{m \leftrightarrow n}^k$ и $T_{m \leftrightarrow n}^k$). В свою очередь данным рис 4, δ . для конверсии 1 \Leftrightarrow 7 соответствует структура с числом ребер диафрагм M+p = 8 и 2M = 14.



Рис. 3. Альтернативная конструкция конвертора $TM_1 \Rightarrow TM_3$. Данные рассеяния

4. Модификация конструкций

Сравнение с данными работы [1] свидетельствует о худших результатах по широкополосности или КПД для рассматриваемы здесь новых режимов конверсии волн, особенно для *ТЕМ*-волны. Т.е., возникли трудности обеспечения плосковершинной (и отсюда широкополосной) АЧХ конверторов. Нужен поиск модифицированных конструкций таких устройств для преодоления этих трудностей. Одна из них изображена на рис. 5. С применением такой конструкции можно надеяться на более интенсивное взаимодействие волн TEM и TM_1 на смесителе D2 (и отсюда на улучшение энергетических характеристик прибора в целом) в связи с резонансными явлениями в двойном слое радиопрозрачной среды обрамляющим диафрагму D2. Другая идея состоит в модифицировании фильтра D3, задерживающего волну *TM*₁ (рис. 6.). Выполним его в виде двойной диафрагмы со слоем радиопрозрачной среды с оптической плотностью меньшей единицы, достаточной для запредельности TM₁-волны в ней (приводящей к снижению ее прохождения через узел D3). В обоих модифицированных структурах мы использовали среду с отличной от единицы магнитной проницаемостью μ , соответственно с *µ*=2 и *µ*≤1/4. (Алгоритмы [3] дополнили построениями [5]). Из расчетов для первого и второго вариантов модификации, отраженных на рис. 5 и 6, КПД устройств с полосой 7% или 3.6% удалось поднять до уровней >0.85 и >0.9.



Рис. 4. Данные рассеяния о конверсии $TM_1 \Leftrightarrow TM_5$ и для конверсии $TM_1 \Rightarrow TM_0$



Рис. 5. Модифицирование смесителя D2 для конверсии $TM_1 \Rightarrow TM_0$. Данные о конверсии $TM_1 \Leftrightarrow TM_0$



Рис. 6 Модифицирование фильтра D3 для конверсии TM₁⇔TM₀. Данные о конверсии TM₁⇔TM₀

Практически интересен и случай, когда выходной канал конвертора является одномодовым при двухмодовом входном. Для этого, например, расположим слева от диафрагмы D3 полубесконечный слой среды с $\mu \le 1/4$ (рис. 7). Найден оптимум (рис. 7, δ), когда при КПД ≥ 0.9 полоса частот конвертора равна 9%. Если вместо двойной диафрагмы D3 с запредельным для $TM_{1,0}$ волны слоем среды (рис. 6) используем одиночную диафрагму с таким слоем, то имеем данные рис. 7, ϵ . Осуществимость ситуаций $\mu \le 1$ следует из леммы [6] о пропорциональном изменении ϵ,μ среды. Более важно то, что полученные для таких ситуаций данные прогнозируют возможность аналогичных достижений при замене участков тракта с $\epsilon,\mu \le 1$ на зауженные в два или более раза отрезки волноводов с вакуумом.



Рис. 7. Конвертор $TM_1 \Rightarrow TM_0$ с одномодовым выходным каналом. Данные оптимизации при $r=\infty$ и $r<\infty$

Выводы

Приобретенный ранее [1] опыт оптимизации конверторов *TE*-волн использован для создания конверторов *TM*-волн в плоском (прямоугольном) волноводе, которые более интересны для использования в электронике. Показаны также пути оптимизации взаимодействия *TEM*-волны с высшими *TM*-волнами, чтоб создать конверторы на основе каскада из трех разнопериодных решеток в свободном пространстве. Однако, как видим из данных рис. 1 - 4, возникли трудности обеспечения широкополосной плосковершинной АЧХ конверторов для *TEM*-волны для КПД>90 %. Для их преодоления необходимо добавление в наши структуры дополнительных резонансных и селективных элементов.

Список литературы: 1. Щербак В.В. Режимы чистого преобразования волн TE_n с высоким номером на каскаде из трех разнопериодных ленточных диафрагм // Радиофизика и электроника. – 2008. – Т.13, № 1. – С. 20-28. 2. Шестопалов В.П., Щербак В.В. Матричные операторы в задачах дифракции Теор. откр. рез. // Изв.вуз. Радиофизика. – 1968. – Т.11, № 2. – С. 296 305. 3. Щербак В.В. Розв'язок задач дифракції хвиль на неоднорідностях з довільною кількістю стрічок та щілин на період і // ДАН УРСР, сер. А, <u>12</u>. – 1982. – С.51-54. 4. Шестопалов В.П., Щербак В.В. Неоднородности в прямоугольных волноводах. Высшие типы волн // Радиотехника и электроника. – 1966. – <u>11</u>, 4. – С.675-683. 5. Щербак В.В. Дифракция э.м. волн на двойной равнощелевой диафрагме с магнитодиэлектриком // Радиотехника. – 1966. – №2. – С. 18-29. 6. Вайнштейн Л.А. Электромагнитные волны. – М. : Сов. радио, 1957. – 582 с.

Институт радиофизики и электроники НАН Украины

Поступила в редколлегию 22.05.2013