

14. Голоскоков Е. Г. Нестационарные колебания механических систем / Е. Г. Голоскоков, А. П. Филиппов. – К.: Наукова думка, 1966. – 336 с.

15. Камке Э. Справочник по обыкновенным дифференциальным уравнениям. / Э. Камке. – М.: Наука, 1971. – 576 с.

УДК 531

В. С. ЛОВЕЙКИН, д. т. н., Ю. В. ЧОВНЮК к. т. н.

Національний університет біоресурсів і природокористування України

К. И. ПОЧКА к. т. н.

Київський національний університет будівництва і архітектури

ОПТИМІЗАЦІЯ РЕЖИМІВ РУХУ МЕХАНІЧНИХ СИСТЕМ ПРИ ВРАХУВАННІ ПРИШВИДШЕНЬ ВИЩИХ ПОРЯДКІВ

Постановка проблеми. Сучасне виробництво характеризується зростаючими вимогами щодо якості руху різноманітних механізмів і машин. Під якістю руху розуміють точність виконання тієї чи іншої операції, енерговитрати на її виконання, тривалість руху та інші показники. Звичайно, необхідно, щоб бажані показники були максимальними, а небажані – мінімальними. Тому ці задачі формуються як оптимізаційні, у яких показники руху механічної системи є критеріями оптимізації. Для більшості промислових машин (роботи, вантажопідйомні машини, верстати, мобільні транспортні засоби тощо) робочі органи у процесі руху на початковій стадії моделювання (у першому наближенні) можна представити у вигляді руху матеріальної точки з деякою (приведеною) масою.

Аналіз останніх досліджень і публікацій. Для оптимізації режимів руху механічних систем використовуються різноманітні фундаментальні теорії оптимального керування: варіаційне числення [1], принцип максимуму Л.С. Понтрягіна [2], динамічне програмування [3]. Функція, яка доставляє екстремум критерію оптимізації (функціоналу) у варіаційному численні, шукається у класі неперервних функцій. При цьому режими руху механічних систем характеризуються плавністю [4]. На відміну від цього оптимізація руху механізмів, проведена за допомогою принципу максимуму, дає змогу отримати функції керування з характерним „релейним” перемиканням, що є небажаним. Однак принцип максимуму дає змогу враховувати різноманітні обмеження на керування та інші кінематичні функції руху механізму [5].

Мета даної роботи полягає у оптимізації режимів руху механічних систем при врахуванні пришвидшень вищих порядків.

Виклад основного матеріалу дослідження.

Розглянемо механічну систему, яка має характерний розмір l протягом її розгону за час $t = t_p$ зі стану спокою. Введемо позначення: $\Omega = \frac{1}{t_p}$, l/c . Визначимо закон руху $x(t)$ механічної системи (x – координата, яка визначає положення механічної системи у даний момент часу t , точніше – її центра мас; використовується одновимірна постановка задачі), за якою виконується критерій (гладкості) руху (механічної системи) виду:

$$I = \int_0^{t_p} \left[\left(\frac{\dot{x}(t)}{l \cdot \Omega} \right)^2 + \left(\frac{\ddot{x}(t)}{l \cdot \Omega^2} \right)^2 + \left(\frac{\dddot{x}(t)}{l \cdot \Omega^3} \right)^2 + \left(\frac{x^{(IV)}(t)}{l \cdot \Omega^4} \right)^2 \right] dt \Rightarrow \min, \quad (1)$$

де $\dot{x} = \frac{dx}{dt}$, $\ddot{x} = \frac{d^2x}{dt^2}$, $\dddot{x} = \frac{d^3x}{dt^3}$, $x^{(IV)} = \frac{d^4x}{dt^4}$.

Якщо ввести позначення $\tau = \Omega \cdot t$, $\tilde{x}(\tau) = \frac{x(t)}{l}$, отримаємо замість (1) наступний

вираз для I :

$$I = \frac{1}{\Omega} \cdot \int_0^1 \left[(\tilde{x}_\tau)^2 + (\tilde{x}_{\tau\tau})^2 + (\tilde{x}_{3\tau})^2 + (\tilde{x}_{4\tau})^2 \right] d\tau \Rightarrow \min. \quad (2)$$

Рівняння Ейлера-Пуассона для критерію (2), яке є необхідною умовою його реалізації, приймає вигляд:

$$-\tilde{x}_{\tau\tau} + \tilde{x}_{4\tau} - \tilde{x}_{6\tau} + \tilde{x}_{8\tau} = 0, \quad \tilde{x}_\tau = \frac{d\tilde{x}}{d\tau}, \quad \tilde{x}_{\tau\tau} = \frac{d^2\tilde{x}}{d\tau^2} \quad \text{і т.д.} \quad (3)$$

Це лінійне рівняння має характеристичний вид:

$$-\lambda^2 + \lambda^4 - \lambda^6 + \lambda^8 = 0. \quad (4)$$

Останнє рівняння (4) для характеристичного числа λ можна звести до наступного:

$$\lambda^2 \cdot [\lambda^6 - \lambda^4 + \lambda^2 - 1] = 0 \Leftrightarrow \lambda^2 \cdot [(\lambda^2 - 1) \cdot (\lambda^4 + 1)] = 0. \quad (5)$$

Рівняння (5) має наступні 8 коренів:

$$\lambda_1 = \lambda_2 = 0 \text{ (двократний виражений корінь); } \lambda_3 = +1; \lambda_4 = -1; \lambda_5 = \frac{1}{\sqrt{2}} + i \cdot \frac{1}{\sqrt{2}}; \lambda_6 = -\frac{1}{\sqrt{2}} - i \cdot \frac{1}{\sqrt{2}}; \lambda_7 = \frac{1}{\sqrt{2}} - i \cdot \frac{1}{\sqrt{2}}; \lambda_8 = -\frac{1}{\sqrt{2}} + i \cdot \frac{1}{\sqrt{2}}. \quad (6)$$

Тоді загальний розв'язок однорідного рівняння (3) набуває вигляду:

$$\begin{aligned} \tilde{x}(\tau) = & C_0 + C_1 \cdot \tau + C_2 \cdot e^\tau + C_3 \cdot e^{-\tau} + C_4 \cdot e^{\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \tau} \cdot \sin\left(\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \tau\right) + \\ & + C_5 \cdot e^{\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \tau} \cdot \cos\left(\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \tau\right) + C_6 \cdot e^{-\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \tau} \cdot \sin\left(\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \tau\right) + C_7 \cdot e^{-\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \tau} \cdot \cos\left(\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \tau\right). \end{aligned} \quad (7)$$

Якщо перейти до координат x та t , тоді замість (7) отримаємо:

$$\begin{aligned} \frac{x(\tau)}{l} = & C_0 + C_1 \cdot (\Omega \cdot t) + C_2 \cdot e^{+\Omega \cdot t} + C_3 \cdot e^{-\Omega \cdot t} + C_4 \cdot e^{\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \Omega \cdot t} \cdot \sin\left(\frac{\Omega \cdot t}{\sqrt{2}}\right) + \\ & + C_5 \cdot e^{\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \Omega \cdot t} \cdot \cos\left(\frac{\Omega \cdot t}{\sqrt{2}}\right) + C_6 \cdot e^{-\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \Omega \cdot t} \cdot \sin\left(\frac{\Omega \cdot t}{\sqrt{2}}\right) + C_7 \cdot e^{-\frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \Omega \cdot t} \cdot \cos\left(\frac{\Omega \cdot t}{\sqrt{2}}\right). \end{aligned} \quad (8)$$

Або:

$$\begin{aligned} \frac{x(\tau)}{l} = & C_0 + C_1 \cdot \left(\frac{t}{t_p}\right) + C_2 \cdot e^{\frac{t}{t_p}} + C_3 \cdot e^{-\frac{t}{t_p}} + C_4 \cdot e^{\frac{t}{\sqrt{2} \cdot t_p}} \cdot \sin\left(\frac{t}{\sqrt{2} \cdot t_p}\right) + \\ & + C_5 \cdot e^{\frac{t}{\sqrt{2} \cdot t_p}} \cdot \cos\left(\frac{t}{\sqrt{2} \cdot t_p}\right) + C_6 \cdot e^{-\frac{t}{\sqrt{2} \cdot t_p}} \cdot \sin\left(\frac{t}{\sqrt{2} \cdot t_p}\right) + C_7 \cdot e^{-\frac{t}{\sqrt{2} \cdot t_p}} \cdot \cos\left(\frac{t}{\sqrt{2} \cdot t_p}\right). \end{aligned} \quad (9)$$

У (7)-(9) $C_0, C_j, j = \overline{(1,7)}$ – невизначені константи.

Величини останніх можна знайти з 8-и наступних початкових умов задачі:

$$\begin{cases} \left. \frac{x(t)}{l} \right|_{t=0} = \frac{x_0}{l}; & \left. \frac{\dot{x}(t)}{l \cdot \Omega} \right|_{t=0} = \frac{\dot{x}_0}{l \cdot \Omega}; & \left. \frac{\ddot{x}(t)}{l \cdot \Omega^2} \right|_{t=0} = \frac{\ddot{x}_0}{l \cdot \Omega^2}; & \left. \frac{\ddot{x}(t)}{l \cdot \Omega^3} \right|_{t=0} = \frac{\ddot{x}_0}{l \cdot \Omega^3}; \\ \left. \frac{x(t)}{l} \right|_{t=t_p} = \frac{x_p}{l}; & \left. \frac{\dot{x}(t)}{l \cdot \Omega} \right|_{t=t_p} = \frac{\dot{x}_p}{l \cdot \Omega}; & \left. \frac{\ddot{x}(t)}{l \cdot \Omega^2} \right|_{t=t_p} = \frac{\ddot{x}_p}{l \cdot \Omega^2}; & \left. \frac{\ddot{x}(t)}{l \cdot \Omega^3} \right|_{t=t_p} = \frac{\ddot{x}_p}{l \cdot \Omega^3}. \end{cases} \quad (10)$$

Як правило, $\dot{x}_0 = \ddot{x}_0 = \ddot{\ddot{x}}_0 = 0$; $x_0 = 0$; $\dot{x}_p = \left\{ \begin{matrix} 0; \\ V_{ycm} \end{matrix} \right\}$; (V_{ycm} – усталене значення

швид-кості руху механічної системи у момент закінчення розгону $t = t_p$); $\ddot{x}_p = \ddot{\ddot{x}}_p = 0$; $x_p = \text{const} \neq 0$.

З рівнянь (10) можна скласти неоднорідну лінійну систему 8-и рівнянь відносно констант $C_0, C_j, j = \overline{(1,7)}$, яка легко розв'язується за допомогою правила Крамера.

Якщо інженера-конструктора, який прагне оптимізувати перехідний режим руху (пуску) даної механічної системи, цікавить тип руху останньої, за якою у точці $t = t_p$ рух має високий ступінь гладкості, тоді можна знаходити невизначені константи $C_0, C_j, j = \overline{(1,7)}$ з таких початкових умов:

$$\begin{aligned} \left. \frac{x(t)}{l} \right|_{t=0} = 0; \quad \left. \dot{x}(t) \right|_{t=0} = 0; \quad \left. \ddot{x}(t) \right|_{t=0} = 0; \quad \left. \frac{x(t)}{l} \right|_{t=t_p} = \frac{x_p}{l}; \\ \left. \frac{\dot{x}(t)}{l \cdot \Omega} \right|_{t=t_p} = \left\{ \begin{array}{l} 0; \\ V_{ycm}/l \end{array} \right\}; \quad \left. \frac{\ddot{x}(t)}{l \cdot \Omega^2} \right|_{t=t_p} = \left. \frac{\ddot{x}(t)}{l \cdot \Omega^3} \right|_{t=t_p} = \left. \frac{x^{(IV)}(t)}{l \cdot \Omega^4} \right|_{t=t_p} = 0. \end{aligned} \quad (11)$$

На відміну від (10) (симетричні початкові умови руху), (11) складають несиметричні початкові умови руху механічної системи.

Цікаво зазначити, що закон руху (9) з константами $C_0, C_j, j = \overline{(1,7)}$, визначеними з (10) чи (11), є доволі універсальним, оскільки діє для механічних систем будь-яких параметрів (лінійних розмірів l) та часової змінної $t \in [0, t_p]$, а значить може застосовуватись у задачах оптимізації руху механічних систем різних масштабів: 1) макро-; 2) мезо-; 3) мікро-; 4) нано.

Розглянемо далі метод оптимізації режимів руху механічних систем у період їх пуску за наявності пришвидшень до 4-го порядку включно. Але тепер перейдемо від безрозмірних величин до звичайних (розмірних). Вважаємо, що система має енергію руху, що складається з класичного компоненту (кінетичної складової) та енергій пришвидшень більш високого порядку. Тоді, вважаючи, що “вага” всіх складових енергій однакова, задамося критерієм якості руху (у період пуску механічної системи) наступного виду:

$$I^* = \frac{m}{2} \cdot \int_0^{t_p} \left\{ \left(\frac{\dot{x}}{l \cdot \Omega} \right)^2 + \left(\frac{\ddot{x}}{l \cdot \Omega^2} \right)^2 + \left(\frac{\ddot{\ddot{x}}}{l \cdot \Omega^3} \right)^2 + \left(\frac{x^{(IV)}}{l \cdot \Omega^4} \right)^2 \right\} dt \Rightarrow \min. \quad (12)$$

Критерій якості руху I^* (12) можна подати у вигляді:

$$I^* = \int_0^{t_p} \frac{1}{(l \cdot \Omega)^2} \cdot \left\{ \frac{m}{2} \cdot (\dot{x})^2 + \frac{m}{2 \cdot \Omega^2} \cdot (\ddot{x})^2 + \frac{m}{2 \cdot \Omega^4} \cdot (\ddot{\ddot{x}})^2 + \frac{m}{2 \cdot \Omega^6} \cdot \left(\frac{x^{(IV)}}{x} \right)^2 \right\} dt \Rightarrow \min. \quad (13)$$

Члени, що стоять у фігурних дужках описують складові енергії руху системи у період її пуску ($t \in [0, t_p]$), пов’язані з класичною енергією кінетичною (перший доданок у фігурних дужках) та три наступні доданки – енергії пришвидшень (високого порядку – другого, третього та четвертого), які вносять свою частку у загальну енергію руху механічної системи. Якщо у (13) винести всі спільні множники за знак інтегралу, тоді (13) зведеться до наступного:

$$\bar{I} = \int_0^{t_p} \left\{ (\dot{x})^2 + \frac{(\ddot{x})^2}{\Omega^2} + \frac{(\ddot{\ddot{x}})^2}{\Omega^4} + \frac{\left(\frac{(IV)}{x} \right)^2}{\Omega^6} \right\} dt \Rightarrow \min. \quad (14)$$

Рівняння Пуассона-Ейлера для (14) мають наступний вигляд:

A) враховуємо тільки перший доданок у (14) під знаком інтеграла –

$$\ddot{x} = 0; \quad (15)$$

B) враховуємо два перших доданки у (14) під знаком інтеграла –

$$\frac{(IV)}{x} - \Omega^2 \cdot \ddot{x} = 0; \quad (16)$$

C) враховуємо три перших доданки у (14) під знаком інтеграла –

$$\frac{(VI)}{x} - \Omega^2 \cdot \frac{(IV)}{x} + \Omega^4 \cdot \ddot{x} = 0; \quad (17)$$

D) враховуємо всі чотири члени у (14) під знаком інтеграла –

$$\frac{(VIII)}{x} - \Omega^2 \cdot \frac{(VI)}{x} + \Omega^4 \cdot \frac{(IV)}{x} - \Omega^6 \cdot \ddot{x} = 0. \quad (18)$$

Кожне з рівнянь (15)-(18) має своє характеристичне рівняння для λ (характеристичного числа):

$$A) \quad \lambda^2 = 0 \Rightarrow \lambda_1 = 0; \lambda_2 = 0; \quad (19)$$

$$B) \quad \lambda^4 - \Omega^2 \cdot \lambda^2 = 0 \Rightarrow \lambda_1 = 0; \lambda_2 = 0; \lambda_3 = +\Omega; \lambda_4 = -\Omega; \quad (20)$$

$$C) \quad \lambda^6 - \Omega^2 \cdot \lambda^4 + \Omega^4 \cdot \lambda^2 = 0 \Rightarrow \lambda_1 = 0; \lambda_2 = 0; \lambda^4 - \Omega^2 \cdot \lambda^2 + \Omega^4 = 0; \quad (21)$$

у останньому рівнянні корені знаходимо таким чином:

$$\lambda_{3,4}^2 = \frac{\Omega^2}{2} + i \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \Omega^2 = \Omega^2 \cdot e^{i \cdot \frac{\pi}{3}}; \quad \lambda_{5,6}^2 = \Omega^2 \cdot e^{-i \cdot \frac{\pi}{3}}; \quad i^2 = -1; \quad (22)$$

$$\lambda_3 = \Omega \cdot e^{i \cdot \frac{\pi}{6}} = \Omega \cdot \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + i \cdot \frac{1}{2} \right); \quad \lambda_4 = -\Omega \cdot e^{i \cdot \frac{\pi}{6}} = -\Omega \cdot \left(\frac{\sqrt{3}}{2} + i \cdot \frac{1}{2} \right); \quad (23)$$

$$\lambda_5 = \Omega \cdot \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - i \cdot \frac{1}{2} \right); \quad \lambda_6 = -\Omega \cdot \left(\frac{\sqrt{3}}{2} - i \cdot \frac{1}{2} \right);$$

$$D) \quad \lambda^8 - \Omega^2 \cdot \lambda^6 + \Omega^4 \cdot \lambda^4 - \Omega^6 \cdot \lambda^2 = 0 \Rightarrow \lambda_1 = 0; \lambda_2 = 0; \lambda_3 = +\Omega; \lambda_4 = -\Omega; \quad (24)$$

$$\lambda_5 = \Omega \cdot e^{i \cdot \frac{\pi}{4}} = \Omega \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{2}} + i \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \right);$$

$$\lambda_{5,6}^2 = \Omega^2 \cdot e^{i \cdot \frac{\pi}{2}};$$

$$\lambda_6 = -\Omega \cdot e^{i \cdot \frac{\pi}{4}} = -\Omega \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{2}} + i \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \right); \quad (25)$$

$$\lambda_{7,8}^2 = \Omega^2 \cdot e^{-i \cdot \frac{\pi}{2}}$$

$$\lambda_7 = \Omega \cdot e^{-i \cdot \frac{\pi}{4}} = \Omega \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{2}} - i \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \right);$$

$$\lambda_8 = -\Omega \cdot e^{-i \cdot \frac{\pi}{4}} = -\Omega \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{2}} - i \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \right).$$

Виходячи з виразів для λ (19)-(25), для кожного випадку можна записати загальний розв'язок $x(t)$ (закон руху), який відповідає конкретному критерію якості руху:

A)
$$x(t) = C_1 + C_2 \cdot t; \quad (26)$$

B)
$$x(t) = C_1 + C_2 \cdot t + C_3 \cdot e^{\Omega \cdot t} + C_4 \cdot e^{-\Omega \cdot t}; \quad (27)$$

C)
$$x(t) = C_1 + C_2 \cdot t + C_3 \cdot e^{\Omega \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot t} \cdot \sin\left(\frac{\Omega}{2} \cdot t\right) + C_4 \cdot e^{\Omega \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot t} \cdot \cos\left(\frac{\Omega}{2} \cdot t\right) + C_5 \cdot e^{-\Omega \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot t} \cdot \sin\left(\frac{\Omega}{2} \cdot t\right) + C_6 \cdot e^{-\Omega \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot t} \cdot \cos\left(\frac{\Omega}{2} \cdot t\right); \quad (28)$$

D)
$$x(t) = C_1 + C_2 \cdot t + C_3 \cdot e^{\Omega \cdot t} + C_4 \cdot e^{-\Omega \cdot t} + C_5 \cdot e^{\Omega \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot t} \cdot \sin\left(\frac{\Omega}{\sqrt{2}} \cdot t\right) + C_6 \cdot e^{\Omega \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot t} \cdot \cos\left(\frac{\Omega}{\sqrt{2}} \cdot t\right) + C_7 \cdot e^{-\Omega \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot t} \cdot \sin\left(\frac{\Omega}{\sqrt{2}} \cdot t\right) + C_8 \cdot e^{-\Omega \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot t} \cdot \cos\left(\frac{\Omega}{\sqrt{2}} \cdot t\right) \quad (29)$$

Всі константи $C_1, \dots, C_j, j = \overline{(1,8)}$ можна знайти з відповідних початкових умов руху механічної системи (симетричних/несиметричних), що задовольняють певним умовам “гладкості” цього руху у кінці перехідного процесу пуску, коли $t = t_p$.

Висновки. 1. У роботі розв'язано задачу оптимізації режимів руху механічних систем при врахуванні пришвидшень вищих порядків. В результаті досліджень отримано закони оптимальних режимів руху механічних систем на перехідних режимах руху. 2. Отримані у роботі результати можуть у подальшому бути використані для уточнення та вдосконалення існуючих інженерних методів розрахунку механічних систем як на стадіях їх проектування/конструювання, так і у режимах їх реальної експлуатації.

ЛІТЕРАТУРА

1. Петров Ю. П. Вариационные методы теории оптимального управления / Ю. П. Петров. – Л.: Энергия, 1977. – 280 с.

2. Математическая теория оптимальных процессов / [Л. С. Понтрягин, В. Г. Болтнянский, Р. В. Гамкрелидзе, Е. Ф. Мищенко] – М.: Физматгиз, 1961. – 392 с.
3. Беллман Р. Динамическое программирование / Р. Беллман [под. ред. Воробьева Н.Н.] – М.: Издательство иностранной литературы, 1960. – 400 с.
4. Ловейкін В. С. Динамічна оптимізація підйомних машин / В. С. Ловейкін, А. П. Нестеров. – Х.: ХНАДУ, 2002. – 291 с.
5. Смехов А. А. Оптимальное управление подъемно-транспортными машинами / А. А. Смехов, Н. И. Єрофеев. – М.: Машиностроение, 1975. – 239 с.
6. Теория, конструирование и расчёт строительных и дорожных машин / Л. А. Гоберман, К. В. Степанян, А. А. Яркин, В. С. Зеленский. Под ред. Л. А. Гобермана. – М.: Машиностроение, 1979. – 407 с.
7. Ловейкін В. С. Оптимізація режимів руху машин і механізмів/ В. С. Ловейкін // *Машинознавство*, Львів.: ТзОВ “КІНПАТРІ ЛТД”, 1999. – № 7 (25). – С. 24 – 31.
8. Ловейкин В. С. Расчеты оптимальных режимов движения механизмов строительных машин / В. С. Ловейкин. – К.: УМК ВО, 1990. – 168 с.

УДК 621.873.12

Т. В. ЛУЦЬКО, к. т. н., М. О. БАРКАЛОВ, магістр.

Донбаська національна академія будівництва і архітектури

ДОСЛІДЖЕННЯ НАПРУЖЕНО-ДЕФОРМОВАНОГО СТАНУ КОЗЛОВИХ КРАНІВ З РІЗНИМИ ВИДАМИ ОПОР ПРИ ПЕРЕКОСІ МОСТУ

Постановка проблеми. При експлуатації кранів прогінного типу в процесі їх пересування виникають перекосні навантаження, які викликані забіганням кранової опори одної відносно іншої, і, як наслідок, відбувається деформація прогонової будови крана [1–3]. Внаслідок перкоосу мостів виникає втомне руйнування кранових металоконструкцій. В даній роботі розглядається напружено-деформований стан козлового крана з різними видами опор при перекосі мосту. Перший варіант опирання козлового крана – обидві жорсткі опори, а другий варіант опирання – одна жорстка, а інша гнучка опори.

Аналіз останніх досліджень і публікацій. Схеми дії навантажень на опори козлового крана з різними схемами опирання в період сталого руху наведені на рис. 1. В даній роботі розглядаються тільки сили перекоосу, вплив на напружено-деформований