

УДК 637.358

**Перцевой Ф.В.**

Сумський національний аграрний університет

**Бідюк Д.О.**

Сумський національний аграрний університет

**Душенко Д.К.**

Харківський державний університет харчування та торгівлі

**Маренкова Т.І.**

Сумський національний аграрний університет

## ОПТИМІЗАЦІЯ СПІВВІДНОШЕННЯ ПОЛІСАХАРИДІВ У СИНЕРГЕТИЧНИХ КОМБІНАЦІЯХ «СУЛЬФАТОВАНИЙ ПОЛІСАХАРИД – КОНЖАКОВИЙ ГЛЮКОМАННАН»

У статті наведено дані щодо встановлення раціональних співвідношень гелеутворювачів у модельних системах «фурцелларан – конжаковий глюкоманнан» та «напівочищений каппа-каррагенан – конжаковий глюкоманнан» шляхом оптимізації результатів експериментальних досліджень за допомогою пакета MathCAD.

**Ключові слова:** фурцелларан, напівочищений каппа-каррагенан, конжаковий глюкоманнан, синергетична комбінація, оптимізація.

**Постановка проблеми.** Полісахариди харчових волокон мають фізіологічне значення. Вони впливають на перетравлюваність їжі взагалі та на зменшення потреб інсуліну в людей, які хворіють на цукровий діабет, зокрема. Ці полісахариди також впливають на метаболізм жовчних кислот, змінюють процес перетравлювання ліпідів, поглинання холестерину та захищають від раку кишківника [1]. Згадані полісахариди можуть протидіяти алергії на пшеничні білки. Такий ефект мають усі полісахариди та пов'язані з ними лігніни у харчовому раціоні, які не перетравлюються ендogenousними секретами травного тракту людини [2]. Наявні дані, що дозволяють припустити можливість захисту чутливих людей від шкідливих алергічних реакцій, зокрема на пшеничні, соєві та молочні білки, за рахунок реакцій взаємодії полісахаридів із харчовими білками [3].

*Каррагенан* – загальна назва сімейства водорозчинних, лінійних, аніонних, сульфатованих полісахаридів, що набули широкого розповсюдження в технологіях багатьох харчових продуктів як загусники, гелеутворювачі, стабілізатори тощо [4–8; 9, с. 73].

*Каррагенан* – це лінійний полісахарид із високою молекулярною масою, що містить дисахаридні фрагменти галактози та 3,6-ангідрогалактози, які повторюються. Ці фрагменти можуть мати як сульфатовану, так і нессульфатовану форму

і з'єднані  $\alpha$ -(1-3) та  $\beta$ -(1-4) глікозидними зв'язками [10, с. 126]. Авторами [11; 12] виділено хімічні властивості трьох типів каррагенанів: лямбда-, йота- та каппа-. Вміст 3,6-ангідрогалактози та етерифікованих сульфатних груп, а також їх варіації впливають на гідратацію, міцність гелів, текстуру, температури плавлення та гелеутворення, синергезис і синергізм [10, с. 128]. Вміст етерифікованих сульфатних груп та 3,6-ангідрогалактози становить: в каппа-каррагенані – 24 та 34%, йота-каррагенані – 32 та 30%, лямбда-каррагенані – 35% та сліди 3,6-ангідрогалактози.

*Фурцелларан* є аніонним частково сульфатованим полісахаридом. Принципова різниця між фурцеллараном та каппа-каррагенаном полягає у тому, що останній має один сульфатний залишок складного ефіру на два залишки цукрів, а фурцелларан – один сульфатний залишок складного ефіру на три або чотири залишки цукрів [9].

*Конжаковий глюкоманнан* (далі – КГМ) – високомолекулярний, добре розчинний, нейтральний полісахарид рослинного походження, отриманий із конжакового борошна. Цей полісахарид здатний до гелеутворення як самостійно, так і в поєднанні з іншими полісахаридами із проявом синергетичних властивостей [9, с. 198].

Використання гелеутворювачів полісахаридної природи є дуже розповсюдженим у харчовій про-

Матриця планування експерименту в дослідженні системи полісахаридів

Фактори	Номер досліду										
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
Ф1	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	1,0
Ф2	1,0	0,9	0,8	0,7	0,6	0,5	0,4	0,3	0,2	0,1	0,0

мисловості та має позитивний вплив як на якість готової продукції, так і на здоров'я споживачів, але висока вартість цієї сировини є лімітувальним фактором для операторів ринку. З огляду на це, вважаємо доцільним провести оптимізацію співвідношення гелеутворювачів у синергетичних комбінаціях «напівочищений каппа-карагелан – КГМ» та «фурцелларан – КГМ».

Для досягнення максимального ефекту у разі використання полісахаридів слід знати їх можливі синергетичні комбінації та застосовувати їх за оптимальних співвідношень. У розробці нових харчових систем або вдосконаленні наявних із використанням структуроутворювачів необхідно спиратись на властивості полісахаридів та характер їх взаємодії один з одним. Детальне вивчення властивостей сульфатованих полісахаридів у взаємодії з іншими добавками дозволить підвищити ефективність їх використання.

**Аналіз останніх досліджень і публікацій.** Науковцями [14] визначено технологічні параметри отримання змішаних гелів каппа-карагелану та КГМ, що включають гідратацію суміші полісахаридів за співвідношення каппа-карагелану та КГМ 5,5:4,5 і масової концентрації суміші 1,0% у дистильованій воді за температури 25°C, нагрівання отриманого розчину до температури 70°C протягом 30 хвилин до повного розчинення.

Ученими [9, с. 205; 15, с. 145] доведено можливість утворення високосинергетичних гелів між каппа-карагеланом та глюкоманнанами, наприклад, камеддю ріжкового дерева та камеддю конжаку. Крім підвищення міцності гелю, такі камеді роблять структуру гелю більш еластичною і зменшують синерзис.

На сьогодні відсутні системні дослідження стосовно визначення раціональних співвідношень фурцелларану та напівочищеного каппа-карагелану з КГМ.

**Постановка завдання.** Метою дослідження є оптимізація співвідношення гелеутворювачів у модельних системах «фурцелларан – КГМ» та «напівочищений каппа-карагелан – КГМ» за допомогою пакета MathCAD, базуючись на результатах попередніх досліджень та для отримання гелеподібних систем за максимальною міцністю.

### Виклад основного матеріалу дослідження.

У процесі аналізу результатів попередніх експериментальних досліджень [16] встановлено, що міцність модельних систем збільшується в разі сумісного використання фурцелларану або напівочищеного каппа-карагелану та КГМ.

Згідно із завданням дослідження, нами було оптимізовано співвідношення фурцелларану і КГМ та напівочищеного каппа-карагелану і КГМ. Основним показником якості було обрано міцність модельних систем із використанням полісахаридів.

Відтак були сплановані та проведені повні факторні експерименти за методикою [17–20] типу 11<sup>2</sup>, де 2 – кількість компонентів гелів. Нижні та верхні рівні варіювання факторів були обрані від 0 до 1 з інтервалом 0,1. Матриця планування експериментів наведена в Таблиці 1. Апроксимацію експериментальних даних про зміну міцності структури модельних систем проводили поліномами другого ступеня за допомогою пакета MathCAD. Поліномами другого ступеня були обрані у зв'язку з тим, що, як свідчать попередні дані експериментів, залежності міцності структури гелів фурцелларану і КГМ та напівочищеного каппа-карагелану і КГМ від співвідношення компонентів мають нелінійний характер.

Адекватність розроблених математичних моделей перевіряли за допомогою критерію Фішера за 5% рівня значимості, а значимість коефіцієнтів перевірялась за допомогою визначення довірчого інтервалу [21].

Після спрощення рівнянь за рахунок незначимих коефіцієнтів були отримані такі рівності, що характеризують міцність гелів модельних систем залежно від вмісту інгредієнтів у гелях:

– модельна система «фурцелларан + КГМ»:

$$Y = 268,236 \cdot X_1 \cdot X_2 - 268,236 \cdot X_2^2 + 101,554 \cdot X_2 + 160,175 + 166,682 \cdot X_1 - 268,236 \cdot X_1^2 \quad (4.1)$$

– модельна система «напівочищений каппа-карагелан + КГМ»:

$$Y = 538,152 \cdot X_3 \cdot X_2 - 538,152 \cdot X_2^2 + 221,098 \cdot X_2 + 249,310 + 317,054 \cdot X_3 - 538,152 \cdot X_3^2 \quad (4.2)$$

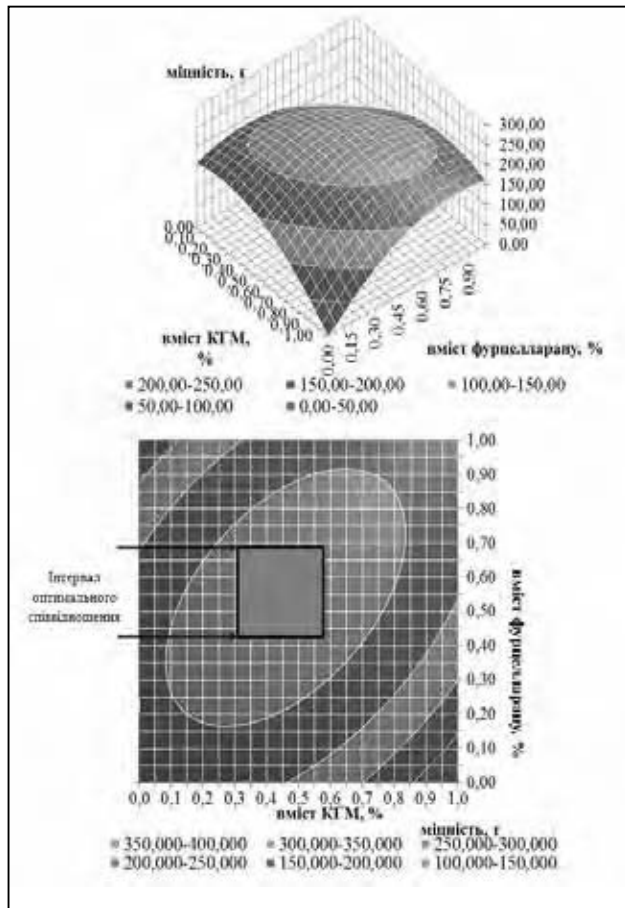


Рис. 1. Залежність міцності гелів модельної системи «фуцелларан + КГМ» від співвідношення полісахаридів

де  $X_1$  – масова частка фуцелларану;  
 $X_2$  – масова частка КГМ;  
 $X_3$  – масова частка напівочищеного каппа-каррагенану;  
 $Y$  – показник міцності, г.

На основі отриманих даних нами побудовано графіки залежності міцності модельних систем від співвідношення полісахаридів у системі (Рис. 1, 2) та визначено ділянки оптимального співвідношення компонентів.

$Mxy :=$	$\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0.1 & 0.9 \\ 0.2 & 0.8 \\ 0.3 & 0.7 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.5 & 0.5 \\ 0.6 & 0.4 \\ 0.7 & 0.3 \\ 0.8 & 0.2 \\ 0.9 & 0.1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$	$Vz :=$	$\begin{pmatrix} 0 \\ 88.7 \\ 127.3 \\ 168.3 \\ 186.2 \\ 209.4 \\ 234.4 \\ 244.8 \\ 220.3 \\ 84.0 \\ 51.0 \end{pmatrix}$
----------	---	---------	--

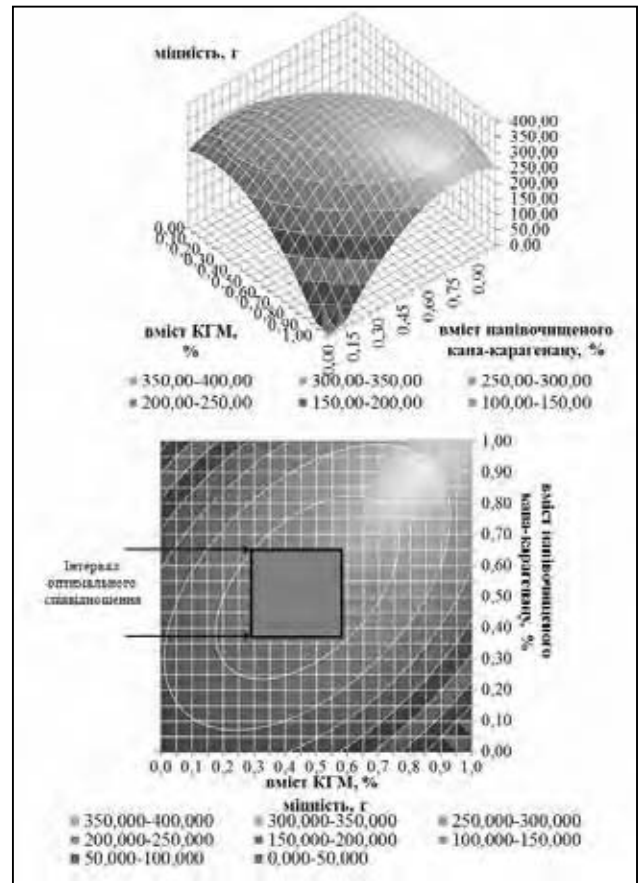


Рис. 2. Залежність міцності структури гелів модельної системи «напівочищений каппа-каррагенан + КГМ» від співвідношення полісахаридів

Створення векторів  $X, Y, Z$  експериментальних даних:

$$X := Mxy^{(0)} \quad Y := Mxy^{(1)} \quad Z := Vz^{(0)} \quad n := \text{rows}(Vz), \quad n = 11,$$

$$Vs := \text{regress}(Mxy, Vz, k),$$

$$\text{fit}(X) := \text{int erp}(Vs, Mxy, Vz, X) \quad \text{coeffs} := \text{submatrix}(Vs, 3, \text{довжина}(Vs) - 1, 0, 0)$$

$$(\text{coeffs})^T = (268.236 \quad -268.236 \quad 101.554 \quad 160.175 \quad 166.682 \quad -268.236)$$

$$R^2 := \frac{\sum (\text{fit}(X) - \text{mean}(Z))^2}{\sum (Z - \text{mean}(Z))^2} = 0,9996$$

ПІВНЯННЯ РЕГРЕСІЇ:

$$f(X, Y) := \text{coeffs}0 \cdot X \cdot Y + \text{coeffs}1 \cdot Y^2 + \text{coeffs}2 \cdot Y + \text{coeffs}3 + \text{coeffs}4 \cdot X + \text{coeffs}5 \cdot X^2$$

Оптимізація модельної системи «фуцелларан – КГМ». Двовимірний поліноміальний регресія, ступінь поліному  $k = 2$ .

Оптимізація модельної системи «напівочищений каппа-каррагенан – КГМ». Двовимірний поліноміальний регресія, ступінь поліному  $k = 2$ .

$$M_{xy} := \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0.1 & 0.9 \\ 0.2 & 0.8 \\ 0.3 & 0.7 \\ 0.4 & 0.6 \\ 0.5 & 0.5 \\ 0.6 & 0.4 \\ 0.7 & 0.3 \\ 0.8 & 0.2 \\ 0.9 & 0.1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} \quad V_z := \begin{pmatrix} 0 \\ 86.0 \\ 144.0 \\ 230.8 \\ 300.0 \\ 410.0 \\ 484.6 \\ 438.6 \\ 222.4 \\ 86.0 \\ 44.0 \end{pmatrix}$$

Створення векторів X, Y, Z експериментальних даних:

$$X := M_{xy}^{(0)} \quad Y := M_{xy}^{(1)} \quad Z := V_z^{(0)} \quad n := \text{rows}(V_z), \quad n = 11,$$

$$V_s := \text{regress}(M_{xy}, V_z, k),$$

$$\text{fit}(X) := \text{int erp}(V_s, M_{xy}, V_z, X) \quad \text{coeffs} := \text{submatrix}(V_s, 3, \text{длина}(V_s) - 1, 0, 0)$$

$$(\text{coeffs})^T = (538.152 \quad -538.152 \quad 221.098 \quad 249.31 \quad 317.054 \quad -538.152)$$

$$R^2 := \frac{\sum (\text{fit}(X) - \text{mean}(Z))^2}{\sum (Z - \text{mean}(Z))^2} = 0,9996$$

#### ПІВНЯННЯ РЕГРЕСІЇ:

$$f(X, Y) := \text{coeffs0} \cdot X \cdot Y + \text{coeffs1} \cdot Y^2 + \text{coeffs2} \cdot Y + \text{coeffs3} + \text{coeffs4} \cdot X + \text{coeffs5} \cdot X^2$$

**Висновки.** Отже, за результатами математичної обробки результатів попередніх експериментальних досліджень було встановлено раціональні співвідношення для системи «сульфатований полісахарид – КГМ», що лежать у діапазоні: для модельної системи «напівочищений каппа-каррагенан – КГМ» – від 43:57 до 65:35 з оптимумом 60±3 : 40±3; для модельної системи «фурцелларан – КГМ» – від 33:67 до 73:27 з оптимумом 70±3 : 30±3. Оптимальні значення міцності модельних систем лежать у межах експериментальної похибки.

#### Список літератури:

1. Marsh M. N. Gluten, major histocompatibility complex, and the small intestine. *Gastroenterology*. 1992. № 1. P. 330–354.
2. Trowell H., Southgate D.A., Wolever T.M. [et al.] Dietary fiber redefined. *British medical journal*. 1976. № 6029. P. 236.
3. Yamauchi F., Suetsuna K. Immunological effects of dietary peptide derived from soybean protein. *The Journal of Nutritional Biochemistry*. 1993. № 8. P. 450–457.
4. Prajapati V.D., Maheriya P.M., Jani G.K., Solanki H.K. Carrageenan: a natural seaweed polysaccharide and its applications. *Carbohydrate Polymers*. 2014. № 105. P. 97–112.
5. Van De Velde F., Knutsen S.H., Usov A.I. [et al.] 1H and 13C high resolution nmr spectroscopy of carrageenans: application in research and industry. *Trends in Food Science and Technology*. 2002. № 3. P. 73–92.
6. Van De Velde F., Lourenço N.D., Pinheiro H.M., Bakker M. Carrageenan: a food-grade and biocompatible support for immobilization techniques. *Advanced Synthesis and Catalysis*. 2002. № 8. P. 815–835.
7. Campo V.L., Kawano D.F., da Silva D.B., Carvalho I. Carrageenans: biological properties, chemical modifications and structural analysis – a review. *Carbohydrate Polymers*. 2009. № 2. P. 167–180.
8. Van De Velde F., Antipova A.S., Rollema H.S. [et al.] The structure of κ/ι-hybrid carrageenans ii. Coil-helix transition as a function of chain composition. *Carbohydrate Research*. 2005. № 6. P. 1113–1129.
9. Imeson A. *Food stabilizers, thickeners, and gelling agents* / edited by A. Imeson. Ames, 2010. 373 p.
10. *Handbook of hydrocolloids* / edited by J.G. Phillips, P.A. Williams. Cambridge, 2009. 948 p.
11. Rees D.A. The carrageenan system of polysaccharides. Part 1. the relation between the κ- and λ-components. *Journal of the Chemical Society*. 1963. № 10. P. 1821–1832.
12. Anderson N.S., Dolan T.C.S., Rees D.A. Evidence for a common structural pattern in the polysaccharide sulphates of the rhodophyceae. *Nature*. 1965. № 205. P. 1060–1062.
13. «ScanPro» at Essentia protein solutions. URL: <https://essentiaproteins.com/en/products/functional/scanpro> (дата звернення: 15.11.2018).
14. Wei Y., Wang Y.L. The rheological properties of κ-carrageenan-konjac gum mixed gel. *Advanced Materials Research*. 2013. № 781–784. P. 1652–1655.
15. *Industrial gums: polysaccharides and their derivatives* / edited by R.L. Whistler, J.N. BeMiller. New York, 1993. 807 p.
16. Бідюк Д.О., Душенюк Д.К., Перцевої Ф.В., Маренкова Т.І. Обґрунтування технологічних параметрів отримання гелів на основі полісахаридів різного походження. *Вісник НТУ «ХП»*. Серія «Нові рішення в сучасних технологіях». 2018. № 42(1214). С. 172–178.
17. Кононюк А.Е. *Основы научных исследований (общая теория эксперимента)*. Киев, 2011. Т. 1. 508 с.
18. Dean A., Voss D., Draguljić D. *Design and analysis of experiments*. New York, 2017. 847 p.
19. Montgomery D.C. *Diseño y análisis de experimentos*. México: Universidad Estatal de Arizona, 2004. 692 p.

20. Anderson M.J., Whitcomb P.J. RSM simplified: optimizing processes using response surface methods for design of experiments. New York: Productivity Press, 2016. 311 p.

21. Поршнева С.В. Компьютерное моделирование физических процессов с использованием пакета mathcad. Москва, 2002. 458 p.

**ОПТИМИЗАЦИЯ СООТНОШЕНИЯ ПОЛИСАХАРИДОВ  
В СИНЕРГЕТИЧЕСКИХ КОМБИНАЦИЯХ «СУЛЬФАТИРОВАННЫЙ  
ПОЛИСАХАРИД – КОНЖАКОВЫЙ ГЛЮКОМАННАН»**

*В статье приведены данные по установлению рациональных соотношений гелеобразователей в модельных системах «фурцелларан – конжаковый глюкоманнан» и «получищенный каппа-каррагенан – конжаковый глюкоманнан» путем оптимизации результатов экспериментальных исследований с помощью пакета MathCAD.*

**Ключевые слова:** фурцелларан, получищенный каппа-каррагенан, конжаковый глюкоманнан, синергетическая комбинация, оптимизация.

**OPTIMIZATION OF GELLING AGENT RATIOS IN SYNERGETIC COMBINATION  
“SULPHATED POLYSACCHARIDE – KONJACK GLUCOMMANNAN”**

*The article presents data on the establishment of improving gelling agents' ratios in the “Furcellaran – konjack glucommannan” and “Partially purred kappa-carrageenan – konjack glucommannan” model systems by optimizing the results of experimental studies using the MathCAD.*

**Key words:** furcellaran, partially purred kappa-carrageenan, konjac glucomannan, synergistic combination, optimization.