## МЕТОД И АЛГОРИТМ АДАПТАЦИИ УПРАВЛЕНИЯ ПЕРЕДАЮЩЕЙ ФАР К ИСКАЖЕНИЯМ АМПЛИТУДНО-ФАЗОВОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ НЕИДЕНТИЧНОСТЬЮ СВЧ ТРАКТОВ И ВСИ

У.Р. Лиепинь<sup>1</sup>, С.Д. Недзельский<sup>2</sup> (<sup>1</sup>Харьковский университет Воздушных Сил, <sup>2</sup>Объединенный научно-исследовательский институт ВС Украины, Харьков)

Предложен метод адаптации систем управления лучом (СУЛ) стационарных передающих фазированных антенных решеток (ФАР) к искажениям амплитудно-фазового распределения (АФР), вносимым СВЧ трактами и взаимной связью излучателей (ВСИ), реализуемый решеткой измерительных зондов (РИЗ), расположенной в ближней зоне ФАР. Приведен алгоритм адаптации, позволяющий корректировать АФР перед каждым новым излучением.

## система управления лучом, фазированная антенная решетка, амплитудно-фазовое распределение, взаимная связь излучателей, решетка измерительных зондов

Введение. Стремление увеличить точность радиолокационной информации приводит к необходимости увеличения точности сложения мощностей СВЧ сигналов передающими ФАР. Эффективное сложение сигналов в процессе сканирования луча ФАР осуществимо только в условиях предельно возможного сближения реализуемого и желаемого (требуемого) амплитудно-фазовых распределений (АФР).\*) До недавнего времени основными факторами, вызывающими дестабилизацию АФР в передающей ФАР, считались: неодинаковые изменения амплитуд и фаз сигналов в каналах усиления зондирующего сигнала (3С), вызванные изменениями температуры окружающей среды и частоты излучения [1, 2]. С этими явлениями в последнее время успешно справляются системы адаптации, включающие микропроцессоры и датчики температуры и частоты, устанавливаемые в трактах и на апертуре ФАР. По данным [3], ошибки фазирования активных  $\Phi AP$  (A $\Phi AP$ ), вызванные изменением температуры в СВЧ трактах, такими устройствами адаптации могут быть снижены до единиц градусов по фазе и единиц процентов по амплитуде.

© У.Р. Лиепинь, С.Д. Недзельскийо ISSN 1681-7710. СИСТЕМИ ОБРОБКИ ІНФОРМАЦІЇ, 2005, ВИПУСК 5 (45) 93

<sup>\*)</sup> Под желаемым будем понимать АФР, полученное по результатам синтеза ФАР. В реальной ФАР

В связи с этим в современных передающих ФАР на первый план выдвигаются ошибки управления излучением, вносимые фазовращателями (ФВ), управляемыми аттенюаторами (УА) и взаимной связью излучателей (ВСИ) в решетке.

Анализ публикаций. Задача контроля фазового распределения (ФР) в решетке перед каждым новым излучением решается методами встроенного низкочастотного (НЧ) контроля, описанного в [2]. Этим контролем проверяются: целостность цепей управления ФВ, УА, правильность цифровых кодов, формируемых СУЛ. Недостатком этих методов является то, что вне их контроля оказываются СВЧ устройства: ФВ, УА и излучатели, непосредственно превращающие команды управления АФР в реализованное АФР.

Методы автоматического фазирования антенны, обеспечивающие заданное ФР ЗС на входе излучателей, описаны в [1]. Недостатком их является то, что вне контроля оказываются искажения АФР, вносимые ВСИ и отличием ДН излучателей в составе решетки.

Целью статьи является разработка алгоритма обработки измерительной информации, полученной РИЗ, позволяющего в реальном масштабе времени оценивать действительно реализованное в передающей ФАР АФР после излучения каждого зондирующего импульса.

**Постановка задачи**. Задача адаптации управления излучением ФАР (управления ее АФР) может быть условно разделена на 3 этапа: измерение действительно реализованного АФР в решетке; вычисление разности между реализованным и желаемым АФР, а также расчет и реализация требуемых поправок, сближающих эти два АФР.

В статье задачу адаптации управления ФАР будем решать применительно к линейной эквидистантной антенной решетке. В качестве инструмента измерения действительно реализованного в решетке АФР предлагается использовать решетку измерительных зондов (РИЗ), применяемую в процессе диагностики для измерения коэффициентов матрицы ВСИ. Метод и алгоритм расчета такой задачи при помощи РИЗ описан в [4]. Естественно возложить на ту же РИЗ задачу контроля реализуемого в антенне АФР. Для пояснения возможности перевода алгоритма функционирования РИЗ от решения задачи определения матрицы ВСИ к оценке АФР при каждом зондировании пространства обзора вкратце опишем процедуры решения предыдущей задачи. Если в исследуемой ФАР и РИЗ имеется N каналов<sup>\*)</sup>, то можно составить N уравнений зависимости комплексной амплитуды (КА) смеси прямого зондирующего сигнала и смеси эхо-сигналов (ЭС) от состояния СВЧ трактов ФАР в виде

$$X_{n}(t) = \sum_{i, k} \sum_{k} U_{k} \varphi_{k}(t) \rho_{in} C_{ik} + n_{n}, \quad i, k \in 0, N-1,$$
(1)

где X<sub>n</sub> (t) – КА смеси прямого 3С и ЭС в n-м зонде в момент времени, когда ФВ ФАР формируют коэффициенты передач  $\varphi_k(t)$ ;

$$U_{k} = U_{0} + \Delta U_{k};$$

U<sub>0</sub> – КА нормированного напряжения в падающей на ФВ излучатели ФАР волне (волна, возбуждающая ФАР);  $\Delta U_k$  – неизвестные КА смеси ЭС, порожденных излучением *k*-го канала, пересчитанные к входу ФВ k-го канала;

$$\varphi_{k}(t) = \exp\left[j\psi_{k}(t)\right]; \quad \psi_{k}(t) = \psi_{k}^{\circ}(t) + \xi_{k}(t), \quad (2)$$

 $\phi_k(t)$  – коэффициент передачи ФВ k-го канала;  $\psi_k^{\circ}(t)$  – желаемое фазовое распределение (ФР), рассчитываемое СУЛ для фазирования в момент времени t;  $\xi_k(t)$  – погрешности, вносимые ФВ вследствие их неидентичности;  $\rho_{in}$  – коэффициент передачи (по пространству) от i-го излучателя до n-го зонда;

$$\rho_{in} = \frac{\sqrt{K_{zn}}}{2\eta b_{in}} \exp\left(j\eta b_{in}\right) G_i\left(\vec{b}_{in}\right) G_{zn}\left(-\vec{b}_{in}\right); \qquad (3)$$

 $K_z$  – коэффициент усиления (КУ) зонда;  $\eta = 2\pi\lambda^{-1}$ ;  $\lambda$  – длина волны 3С;  $\vec{b}_{in} = \vec{r}_i - \vec{r}_{zn}$ ;  $\vec{r}_i$  – вектор, направленный от центра апертуры ФАР до фазового центра i-го излучателя;  $r_{zn}$  – вектор, направленный от центра апертуры ФАР до фазового центра n-го зонда;  $G_i(\vec{b}_{in})$  – диаграмма направленности i-го излучателя ФАР, измеренная как ДН ФАР при возбуждении только i-го излучателя и подключении остальных к согласованным нагрузкам [4 – 6], далее именуемая как ДН излучателя (ДНИ) в составе решетки;  $G_{zn}(-\vec{b}_{in})$  – ДНИ n-го зонда в составе РИЗ;  $C_{ik}$  – коэффициенты матрицы ВСИ в ФАР;  $n_n$  – КА шума в n-м зонде.

После калибровки РИЗ и устранения в ней ВСИ, допустимо считать, что  $K_{zn} = K_z$ ;  $G_{zn} \left( -\vec{b}_{in} \right) = G_z \left( -\vec{b}_{in} \right)$ .

<sup>&</sup>lt;sup>\*)</sup> Под каналом ФАР здесь и далее будем иметь в виду совокупность излучателя и элементов СВЧ тракта от выхода генератора до выхода излучателя.

Суть процедур оценки коэффициентов матрицы ВСИ заключается в следующем. Последовательно во времени при помощи ФВ СУЛ ФАР на ее апертуре реализуется N фазирований вида  $\phi_{kr} = w_{kr}$ , где  $w_{kr} - \phi$ ункции Уолша. Последовательно во времени в каждом зонде получим вектор отсчетов

$$X_{nr} = \sum_{i, k} \sum_{k} U_{k} w_{kr} \rho_{in} C_{ik} + n_{nr} .$$
 (4)

Применив к (4) процедуру обратного ДПУ можно найти оценки откликов в каждом из зондов на ЗС и ЭС, формируемых каждым излучателем ФАР

$$y_{nk} = N^{-1} \sum_{r} X_{nr} w_{kr} = U_k \sum_{i} \rho_{in} C_{ik} + n_{nk}$$
 (5)

В [4] показано, что решением (5) является:

$$C_{ik} = C_{kk} \frac{H_{ik}}{H_{kk}}; \qquad C_{kk} = C_{ii} \frac{H_{kk}H_{ki}}{H_{ii}H_{ik}}, \tag{6}$$

где  $H = y\rho^{-1}$ .

Система (6) имеет решение, если известны  $C_{kk}$  или хотя бы одно из их значений, полученное устройствами встроенного контроля СВЧ трактов ( $C_{kk}$  – коэффициент прохождения 3С на вход k-го излучателя в клеммной плоскости). Далее, если известны  $C_{ik}$ ,  $C_{kk}$ , не составляет труда найти  $U_k = H_{ik}/C_{ik}$  или  $U_k = H_{kk}/C_{kk}$ . Имея достоверные оценки коэффициентов матрицы ВСИ в ФАР  $C_{ik}$  и КА смеси прямого 3С и ЭС  $U_k$ , попадающих в тракт приемного зонда, можно организовать контроль АФР ФАР при каждом ее излучении.

**Основная часть.** В [4] при реализации процедур оценивания  $C_{ik}$  сделано два допущения:  $U_k$  в процессе измерений не меняется и  $\phi_{kr} = w_{kr}$ .

Первое условие  $U_k(t) = U_k$  справедливо в ситуациях, когда в процессе измерений метеоусловия не меняются. Ввиду того, что самой «медленной» процедурой в (4) является переброс фазы на 180°, можно считать, что время реализации измерений N значений  $X_{nr}$  не превышает  $T_u \le N\tau_{\phi}$ , где  $\tau_{\phi}$  – время переброса ФВ в другое состояние. Учитывая, что для ферритовых ФВ [7]  $\tau_{\phi} \le 100 \cdot 10^{-6}$  с,  $T_u \approx 10^{-4}$  N с. Даже при N =  $10^3$ ,  $T_u \le 0,1$  с. Так что это допущение можно считать вполне оправданным практически в любую погоду. Другое допущение связано с наличием или отсутствием информации об АФР при обнулении сигналов управления ФВ. В [4] считается, что  $\phi_{kr} = \phi_{k0} w_{kr} = w_{kr}$ , т.е., что  $\phi_{k0} = \exp(j\psi_{k0}) = 1$ , где  $\psi_{k0}$  – фазовый сдвиг, вносимый ФВ k-го канала при обнуленном управлении (исходное состояние ФВ, его электрическая длина). В этой статье будем считать, что  $U_k(t) = U_k$ , а  $\phi_{km} = \phi_{k0} \Delta \phi_{km}$ , где  $\phi_{k0} \neq 1$ ;  $\Delta \phi_{km}$  – коэффициент передачи ФВ k-го канала при переводе его в m-ое состояние;  $m \in 0, M-1$ ;  $M = 2^g$ ; g – разрядность ФВ.

С учетом сделанных выше замечаний КА смеси прямого ЗС и ЭС в n-м канале РИЗ представим в виде

$$X_{nm} = \sum_{i, k} \sum_{k} \rho_{in} C_{ik} U_{k} \varphi_{km} + n_{m}, \quad i, k, n \in 0, N-1,$$
(7)

где n<sub>m</sub> – КА шума в РИЗ при переводе ФВ ФАР в m-ое состояние; остальные множители (7) пояснены после (1) и (2).

Объединим множители, величина которых известна и не зависит от состояния ФВ ФАР. Обозначим

$$B_{kn} = \sum_{i} C_{ik} \rho_{in} .$$
 (8)

Тогда из (6) получим

$$X_{nm} = \sum_{k} B_{kn} U_k \varphi_{km} + n_m .$$
<sup>(9)</sup>

В векторно-матричной форме это соотношение имеет вид

$$\mathbf{X} = \mathbf{B} \operatorname{diag} \mathbf{U} \boldsymbol{\varphi} + \mathbf{n} \,, \tag{10}$$

где  $\mathbf{X} - N \times M$  матрица  $X_{nm}$ ;  $\mathbf{B} - N \times N$  матрица  $B_{kn}$ ; diag $\mathbf{U} - N \times N$  матрица с известными из предыдущего эксперимента диагональными элементами  $U_k$ ;  $\phi - N \times M$  матрица  $\phi_{km}$ .

Обозначим произведение  $B_{kn}U_k = V_{kn}$  и преобразуем (10) к виду

$$\mathbf{X} = \mathbf{V}\boldsymbol{\varphi} + \mathbf{n} \,, \tag{11}$$

где  $V - N \times N$  матрица  $V_{kn}$  с известными коэффициентами.

Из (11) получим, что

$$\mathbf{V}^{-1}\mathbf{X} = \mathbf{V}^{-1}\mathbf{V}\boldsymbol{\varphi} + \mathbf{V}^{-1}\mathbf{n} \ . \tag{12}$$

Из (12) следует, что, если за оценку  $\phi$  принять  $V^{-1}X$ , и учесть, что  $V^{-1}V = I$ , где I – единичная матрица, то

$$\widehat{\boldsymbol{\varphi}} = \boldsymbol{\varphi} + \mathbf{V}^{-1} \mathbf{n} \,. \tag{13}$$

Матрица **В** составлена из коэффициентов  $B_{kn} = \sum_{i} C_{ik} \rho_{in}$ , не зависящих от фазирований ФАР и метеоусловий на месте измерений. Вектор U, из которого формируется diagU зависит от метеоусловий. Однако если между  $\Phi AP$  и PU3 нет участков земли с кустарниками и высокой травой, U<sub>k</sub> можно считать постоянными величинами в пределах времени изме-

рения АФР. Для учета влияния обратной матрицы  $V^{-1}$  на уровень, «зашумленности» получаемых из (13) оценок  $\phi_{km}$ , необходимо иметь априорные сведения о свойствах матриц **С**, **р**, **n** и их статистических характеристиках. Эта задача выходит за рамки данной статьи и должна решаться отдельно.

Ценность полученной матрицы оценок  $\varphi = \{\varphi_{km}\}$  в том, что она дает информацию о реализуемых коэффициентах передачи ФВ всех каналов при любом фазировании и на любой из рабочих частот. Изменятся при сканировании луча ФАР и при изменении рабочей частоты только номера m состояний ФВ в каналах. Покажем процесс адаптации на примере линейной эквидистантной ФАР. Из [4, 5] следует, что ДН ФАР в режиме передачи описывается соотношением

$$f_{j}(\theta) = U_{0} \sum_{i, k} \sum_{k} C_{ik} \phi_{km(j)} G_{k}(\theta), \quad i, k \in 0, N-1; \ m \in 0, M-1,$$
(14)

где j – номер зондирования пространства при фазировании антенны в направлении  $\theta$ ;  $\phi_{km(j)}$  – коэффициент передачи ФВ k-го канала, находящегося в m-м состоянии при j-м зондировании в направлении  $\theta$ ;  $G_k(\theta)$  – ДН k-го излучателя ФАР.

Изменив порядок суммирования в (14) и учитывая, что в решаемой задаче  $C_{ik}$  – известные из предыдущего эксперимента коэффициенты, это выражение можно представить в виде

$$f_{j}(\theta) = U_{0} \sum \varphi_{km(j)} \gamma_{k} G_{k}(\theta), \quad k \in 0, N-1,$$
(15)

где  $\gamma_k = \sum_i C_{ik}$  – известные коэффициенты.

Из (15) следует, что АФР в решетке формируется произведением коэффициентов передачи ФВ и множителей, учитывающих ВСИ. Процедуры, решающие задачу адаптации ФАР к искажениям АФР фазовращателями и ВСИ (через  $\gamma_k$ ), могут быть описаны следующим образом.

- 1. Измерение  $\phi_{km(j)}$  при j-м зондировании;
- 2. Pacyer  $\psi_{km(j)} = -j \ln \{ \phi_{km(j)} \}$ ; (16)

3. Определение поправок к  $\psi_{km(j)}$ , необходимых для получения при

j + 1 зондировании желаемого  $\psi_{km(j+1)}^{\circ} \Phi P$ 

$$\Delta \Psi_{km(j+1)} = \Psi_{km(j+1)}^{\circ} - \Psi_{km(j+1)} - \arg(\gamma_k); \qquad (17)$$

4. Расчет кодов управления ФВ СУЛ для *j*+1 зондирования

$$\psi_{\mathrm{km}(j+1)} = \psi_{\mathrm{km}(j)} + \Delta \psi_{\mathrm{km}(j+1)}.$$
(18)

В ФАР, где имеется возможность управлять не только фазовым, но и амплитудным распределением (АР), уравнение адаптации, базируясь на (15), получится в виде

$$A_{k}(j+1) = A_{k}(j)\alpha_{k}(j+1),$$
 (19)

где  $A_k(j) = \left| \phi_{km(j)} \right|;$ 

$$\alpha_{k}(j+1) = A_{k}^{0}(j+1)(A_{k}(j)\gamma_{k}|)^{-1}; \qquad (21)$$

 $\alpha_k(j+1)$  – поправка к измеренному при j-м зондировании AP сближающего на j + 1 зондировании желаемое AP  $A_k^0(j+1)$  с реализуемым  $A_k(j+1)$ .

Анализ результатов. Оценим качество предлагаемого способа адаптации по двум критериям качества – эффективности и стоимости. Эффективность системы адаптации складывается из двух показателей качества – точности и быстродействия.

Начнем с быстродействия. Из анализа основных соотношений, описывающих процесс адаптации (11) ... (21) следует, что наиболее длительной является процедура умножения известной обратной  $N \times N$  матрицы  $V^{-1}$  на N×M матрицу измеренных КА X в (12). Это умножение ориентировано эквивалентно N<sup>2</sup>M умножениям комплексных чисел, где N – число каналов ФАР, М – число состояний ФВ в них. Нужное для перемножения время  $T_n = N^2 M Q^{-1}$ , где Q – производительность процессора (количество операций умножения комплексных чисел в секунду). Если  $N \le 10^2$ , M = 32,  $Q \approx 10^{10}$ , то  $T_n \leq 32 \cdot 10^{-6}$  с, что значительно меньше периода повторения импульсов в РЛС, обнаруживающей цели на расстояниях более 100 км. Точность адаптации, в основном, определяется точностью измерения реализуемого в ФАР АФР и точностью реализации поправок, сближающих реализованное и желаемое АФР. В предлагаемом методе поправки вычисляются точнее потому, что измеряется АФР излученного поля, а не АФР сигналов на входах излучателей. Реализация поправок точнее потому, что в них (в формулах (17) ... (21) учитываются ВСИ.

Наиболее выгодной для предлагаемого способа адаптации является сравнительная оценка стоимости его реализации. Сравним предлагаемый

метод с наиболее точным из известных методов настройки передающих ФАР, заключающийся в создании передающей ФАР, содержащей в себе дополнительную приемную антенную решетку, предназначенную исключительно для контроля излучателей передающей ФАР [1, 2]. Ввиду того, что «контролирующая» решетка должна быть намного точнее контролируемой, это дорогостоящий проект.

Предлагаемый метод гораздо проще и дешевле, так как в качестве РИЗ можно использовать компактные цифровые решетки, состоящие из элементарных диполей, методы высокоточной калибровки которых известны и описаны, например в [8].

Заключение. Разработан метод адаптации передающей ФАР к искажениям АФР, вносимым устройствами СВЧ трактов и ВСИ. Приведено аналитическое описание метода. Показано, что предлагаемый метод имеет преимущество перед известными как по критерию эффективности (дополнительно учитываются ВСИ), так и по критерию стоимости.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. Есин С.В., Каганов В.И. Системы автоматического фазирования в передающих ФАР и устройствах сложения мощностей СВЧ сигналов // Зарубежная радиоэлектроника. – 1986. – № 8. – С. 39 – 48.
- 1. Шишов Ю.А., Голик А.М., Клейменов Ю.А. и др. Адаптация управления ФАР по результатам встроенного контроля // Зарубежная радиоэлектроника. – 1990. – № 9. – С. 69 – 89.
- 2. Активные фазированные антенные решетки / Под ред. Д.И. Воскресенского, А.И. Канащенкова. – М.: Радиотехника, 2004.– 488 с. – Гл. 13. Диагностика антенных решеток. – С. 387 – 427.
- Лиепинь У.Р., Недзельский С.Д. Метод и алгоритм оценки матрицы взаимной связи излучателей в стационарных передающих ФАР // Системи обробки інформації. – Х.: ХВУ. – 2004. – Вып. 12 (40). – С. 128 – 135.
- 4. Автоматизированное проектирование антенн и устройств СВЧ / Д.И. Воскресенский, С.Д. Кременецкий, А.Ю. Гринёв, Ю.В. Котов. – М.: Радио и связь, 1988. – 240 с.
- 5. Сазонов Д.М. Антенны и устройства СВЧ.: Учебник для радиотехникческих спец. вузов. – М.: Высш. шк., 1988. – 432 с.
- 6. Самойленко В.И., Шишов Ю.А. Управление фазированными антенными решетками М.: Радио и связь, 1983. 238 с.
- 7. Ng B.C., See C.M.S. Maximum Likelihood Sensor Array Calibration // IEEE Trans. AR. – June 1996. – V. 44, N 5. – P. 827 – 837.

Поступила 10.05.2005

Рецензент: доктор технических наук, профессор О.И. Сухаревский,

Объединенный научно-исследовательский институт ВС Украины, Харьков.