М.Г. Иванец¹, Г.В. Иванец², Д.М. Литовченко¹, С.Н. Власик¹

¹ Харьковский университет Воздушных Сил им. И. Кожедуба, Харьков ² Торгово-экономический институт, Харьков

МЕТОД ОПРЕДЕЛЕНИЯ ПРОСТРАНСТВЕННО-ВРЕМЕННЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ОБЛУЧАТЕЛЯ КОРОТКОИМПУЛЬСНОЙ ЗЕРКАЛЬНОЙ АНТЕННЫ

Представлен метод определения пространственно-временных характеристик облучателя сверхишрокополосной зеркальной антенны в виде системы из двух ортогонально расположенных TEM-рупоров. Метод основан на определении плотности поверхностного тока для незамкнутых поверхностей с помощью интегральных представлений с учетом условий в окрестности кромок.

Ключевые слова: сверхишрокополосный сигнал, ТЕМ-рупор, интегральные представления.

Введение

Проведение натурных экспериментов по определению характеристик направленности сверхширокополосных (СШП) антенных систем требует наличия соответствующего радиолокационного полигона и дорогостоящего измерительного оборудования. В то же время использование уменьшенных моделей излучающих систем не всегда позволяет получить адекватные результаты. Поэтому расчетные методы определения характеристик направленности во многих случаях имеют первоочередное значение [1, 2]. При использовании СШП сигналов традиционные методы расчета пространственных характеристик антенн становятся непригодными, что связано со значительной относительной широкополосностью таких сигналов.

Цель статьи – разработать метод определения пространственно-временных характеристик облучателя СШП зеркальной антенны в виде системы из двух ортогонально расположенных ТЕМ-рупоров.

Постановка задачи. Пусть имеется бесконечно тонкая незамкнутая идеально проводящая поверхность S (рис. 1), расположенная в свободном пространстве. Поверхность S является двусторонней поверхностью Ляпунова и не имеет самопересечений.

Поверхность S возбуждается сторонними источниками электромагнитного поля, расположенными в точках Q_0 и представляющими собой набор одинаково ориентированных электрических диполей, каждый из которых имеет распределение плотности тока $\vec{J}(Q,t)$. Вектор-момент диполей направлен вдоль оси у:

$$\vec{J}(Q,t) = \vec{e}_y J_0 \delta(Q - Q_0) \delta(t), \qquad (1)$$

где $\vec{e}_y J_0$ – вектор-момент диполя; \vec{e}_y – орт оси ОҮ; J_0 – амплитуда поверхностной плотности тока; $\delta(\cdot)$ – дельта-функция Дирака; Q_0 – точка нахождения диполя; Q – рассматриваемая (переменная) точка в области расположения источников.



Рис. 1. Геометрия задачи

Необходимо определить векторы напряженности электрического $\vec{E}(M,t)$ и магнитного полей $\vec{H}(M,t)$, возбуждаемых источниками (1), расположенными вне поверхности S.

Пусть $\vec{E}_0(M,t)$, $\vec{H}_0(M,t)$ – напряженности электрического и магнитного полей, возбуждаемых источниками (1) в свободном пространстве (при отсутствии поверхности S), удовлетворяющие принципу причинности, т.е. при $t \le 0$ $\vec{E}_0(M,t)=0$,

 $\vec{H}_0(M,t) = 0, M - точка наблюдения.$

Для определения электромагнитного поля вне поверхности S необходимо решить систему уравнений Максвелла, удовлетворяющую:

1. Нулевым начальным условиям:

при $t \le 0$ $\vec{E}(M,t) = \vec{H}(M,t) = 0$.

2. Граничным условиям, выполняемым на обеих сторонах поверхности S:

$$\vec{n}_{P}^{e} \times \left(\vec{E}(P,t) + \vec{E}_{0}(P,t)\right) = 0,$$

$$\vec{n}_{P}^{i} \times \left(\vec{E}(P,t) + \vec{E}_{0}(P,t)\right) = 0,$$
(2)

где $\vec{E}(P,t) + \vec{E}_0(P,t)$ – полное поле, возбуждаемое источниками (1) в точке наблюдения в пространстве, содержащем поверхность S; $\vec{E}(P,t)$ – поле, рассеянное поверхностью S.

3. Условию конечности энергии электромагнитного поля:

$$\int_{-\infty}^{\infty} \int_{V} \left(\epsilon_{a} \left| \vec{E} \right|^{2} + \mu_{a} \left| \vec{H} \right|^{2} \right) dv dt < \infty , \qquad (3)$$

где v – объем заданных источников; или, что то же самое, условиям на ребре [3]:

$$\begin{split} &\lim_{\rho \to 0} \left| \vec{E}_{\parallel} \right| \sim \rho^{1/2}, \quad \lim_{\rho \to 0} \rho \left| \vec{H}_{\parallel} \right| \sim \rho^{1/2}, \\ &\lim_{\rho \to 0} \left| \vec{E}_{\perp} \right| \sim \rho^{-1/2}, \quad \lim_{\rho \to 0} \rho \left| \vec{H}_{\perp} \right| \sim \rho^{-1/2}, \end{split}$$
(4)

где $\vec{E}_{\|}$, $\vec{H}_{\|}$ – компоненты поля, касательные к ребру (краю поверхности); \vec{E}_{\perp} , \vec{H}_{\perp} – компоненты поля,

нормальные к ребру; р – расстояние до ребра.

Представим поле $\vec{H}^{i}(Q,t)$, возбуждаемое электрическим диполем (1), в виде интеграла Фурье

$$\vec{H}^{i}(Q,t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \vec{3}^{i}(Q,\omega) \exp(-j\omega t) d\omega.$$
 (5)

Решение поставленной задачи вне поверхности S можно выразить через касательные составляющие электрического и магнитного векторов на поверхности S', охватывающую S, по формулам Стрэттона-Чу. Для получения интегрального уравнения удобно воспользоваться представлением магнитного поля вне поверхности [4]:

$$\begin{split} \vec{H}(M,\omega) &= \frac{1}{4\pi} \int_{V} \left[\vec{J}(Q,\omega), \operatorname{grad}_{Q} \frac{\exp\left(-jk(\omega)r_{MQ}\right)}{r_{MQ}} \right] dv_{Q} + \\ &+ \frac{1}{4\pi} \prod_{S'} \left\{ \operatorname{grad}_{P} \frac{\exp\left(-jk(\omega)r_{MP}\right)}{r_{MP}} \times \vec{J}(P,\omega) + i\omega\varepsilon_{a} \cdot \\ &\cdot \left(\vec{n}_{P} \times \vec{E}(P,\omega)\right) \frac{\exp\left(-jk(\omega)r_{MP}\right)}{r_{MP}} - \left(\vec{n}_{P} \cdot \vec{H}(P,\omega)\right) \cdot \\ &\cdot \operatorname{grad}_{P} \frac{\exp\left(-jk(\omega)r_{MP}\right)}{r_{MP}} \right\} dS, \end{split}$$
(6)

где r_{MP} , r_{MQ} – расстояния между точками M и P, M и Q соответственно, (Q – точка расположения стороннего источника электромагнитного поля, P – точка на поверхности S', M – точка наблюдения); \vec{J} – плотность поверхностного тока на поверхности S'.

Объемный интеграл в (6) представляет собой спектральную составляющую магнитного поля $\vec{3}^{i}(M,\omega)$ заданных источников СШП сигналов в отсутствие идеально проводящего тела:

$$\vec{H}^{i}(M,\omega) = \frac{1}{4\pi} \int_{V} \left[\vec{J}(Q,\omega), \operatorname{grad}_{Q} \frac{\exp(-jk(\omega)r_{MQ})}{r_{MQ}} \right] dv_{Q}.$$

В случае, если рассеиватель представляет собой абсолютно проводящее тело, касательная составляющая электрического и нормальная составляющая магнитного полей на его поверхности в силу граничных условий обращается в нуль:

$$\left(\vec{n}^{e} \times \vec{E}\right)_{|S} = 0$$
, $\left(\vec{n}^{e} \cdot \vec{H}\right)_{|S} = 0$.

$$\begin{split} \dot{H}(M,\omega) &= \dot{H}^{i}(M,\omega) + \\ &+ \frac{1}{4\pi} \oint_{S'} \left\{ \text{grad}_{P} \frac{\exp(-jk(\omega)r_{MP})}{r_{MP}} \times \vec{j}(P,\omega) \right\} dS, \end{split}$$
(7)

Если «стянуть» поверхность S' к поверхности S, устремить по нормали точку M к точке P₀ поверхности S (рис. 1) и домножить (7) на $\vec{n}_{P_0}^e$, то, используя свойства нормальной производной потенциала простого слоя, можно получить интегральное представление тангенциальной составляющей магнитного поля на освещенной части поверхности:

$$\begin{bmatrix} \vec{r} & (P_0, \omega) \end{bmatrix}^+ = \begin{bmatrix} \vec{H}_{\tau}^i(P_0, \omega) \end{bmatrix} - \frac{1}{2\pi} \times \\ \times \iint_{S} \left\{ \vec{n}_{P_0}^e \times \begin{bmatrix} \vec{K}(P, \omega) \times \operatorname{grad}_{P} \frac{\exp(-jk(\omega)r_{PP_0})}{r_{PP_0}} \end{bmatrix} \right\} dS + \frac{1}{2}\vec{K}(P_0, \omega) \\ \overset{\text{или}}{\frac{1}{2}} \left(\vec{J}_{S}^+(P_0, \omega) + \vec{J}_{S}^-(P_0, \omega) \right) = \vec{J}_{S}^0(P_0, \omega) - \frac{1}{2\pi} \int_{S} \vec{n}_{P_0} \times \\ \begin{bmatrix} (\overline{J}_{S}^+(P_0, \omega) + \overline{J}_{S}^-(P_0, \omega)) \\ (\overline{J}_{S}^+(P_0, \omega) + \overline{J}_{S}^-(P_0, \omega) \end{bmatrix} = \vec{J}_{S}^0(P_0, \omega) - \frac{1}{2\pi} \int_{S} \vec{n}_{P_0} \times \\ \begin{bmatrix} (\overline{J}_{S}^+(P_0, \omega) + \overline{J}_{S}^-(P_0, \omega)) \\ (\overline{J}_{S}^+(P_0, \omega) + \overline{J}_{S}^-(P_0, \omega) \end{bmatrix} \end{bmatrix} = \vec{J}_{S}^0(P_0, \omega) - \frac{1}{2\pi} \int_{S} \vec{n}_{P_0} \times \\ \begin{bmatrix} (\overline{J}_{S}^+(P_0, \omega) + \overline{J}_{S}^-(P_0, \omega)) \\ (\overline{J}_{S}^+(P_0, \omega) + \overline{J}_{S}^-(P_0, \omega) \end{bmatrix} \end{bmatrix} = \vec{J}_{S}^0(P_0, \omega) + \vec{J}_{S}^-(P_0, \omega) \end{bmatrix}$$

$$\times \left[\left(\vec{J}_{S}^{+}(P,\omega) - \vec{J}_{S}^{-}(P,\omega) \right) \times \operatorname{grad}_{P} \frac{\exp\left(-jk(\omega)r_{PP_{0}}\right)}{r_{PP_{0}}} \right] dS,$$
⁽⁸⁾

где \vec{J}_{S}^{0} – плотность поверхностного тока на освещенной стороне в приближении физической оптики; $\vec{K} = (\vec{H}_{\tau})^{+} - (\vec{H}_{\tau})^{-} = \vec{J}_{S}^{+} - \vec{J}_{S}^{-}$ – плотность поверхностного тока на поверхности S: $(\vec{H}_{\tau})^{+}, (\vec{H}_{\tau})^{-}$ – тангенциальная компонента напряженности магнитного поля с внутренней (освещенной) и внешней (теневой) стороны поверхности; $\vec{J}_{S}^{+}, \vec{J}_{S}^{-}$ – плотность поверхностного тока на внутренней и внешней сторонах рассеивателя.

Представление (8) содержит две неизвестные плотности тока \vec{J}_S^+ и \vec{J}_S^- , для определения которых можно воспользоваться методом уточнения приближения физической оптики. Вначале, используя приближение физической оптики, определяется плотность поверхностного тока на освещенной поверхности \vec{J}_S^+ :

$$\vec{J}_{S}^{0}(P_{0},\omega) = \vec{J}_{S}^{+}(P_{0},\omega) = 2\vec{n}^{e}(P_{0}) \times \vec{H}^{i}(P,\omega).$$

Затем, для определения плотности поверхностного тока на теневой поверхности \vec{J}_S^- решается уравнение Фока с уточненной правой частью:

$$\vec{\mathbf{j}}_{S}^{-}(\mathbf{P}_{0},\omega) - \frac{1}{2\pi} \int_{S}^{\sigma} \vec{\mathbf{n}}^{e}(\mathbf{P}_{0}) \times \\ \times \left[\vec{\mathbf{j}}_{S}^{-}(\mathbf{P},\omega) \times \operatorname{grad}_{P} \frac{\exp(-jk(\omega)r_{PP_{0}})}{r_{PP_{0}}} \right] dS =$$

$$= 2\vec{J}_{S}^{0}(P_{0},\omega) - \vec{J}_{S}^{+}(P_{0},\omega) - \frac{1}{2\pi}\int_{S}\vec{n}^{e}(P_{0}) \times \\ \times \left[\vec{J}_{S}^{+}(P,\omega) \times \operatorname{grad}_{P}\frac{\exp(-jk(\omega)r_{PP_{0}})}{r_{PP_{0}}}\right] dS.$$

На следующем этапе при решении (8) уточняется \vec{J}_S^+ при условии, что \vec{J}_S^- – известная величина:

$$\vec{J}_{S}^{+}(P_{0},\omega) + \frac{1}{2\pi}\int_{S} \vec{n}^{e}(P_{0}) \times \left[\vec{J}_{S}^{+}(P,\omega) \times \operatorname{grad}_{P} \frac{\exp(-jk(\omega)r_{PP_{0}})}{r_{PP_{0}}}\right] dS =$$

$$= 2\vec{J}_{S}^{0}(P_{0},\omega) - \vec{J}_{S}^{-}(P_{0},\omega) + \frac{1}{2\pi}\int_{S} \vec{n}^{e}(P_{0}) \times \left[\vec{J}_{S}^{-}(P,\omega) \times \operatorname{grad}_{P} \frac{\exp(-jk(\omega)r_{PP_{0}})}{r_{PP_{0}}}\right] dS.$$

Далее определяется скачок тока:

$$\dot{\mathbf{K}}_{1}(\mathbf{P}_{0},\omega) = \dot{\mathbf{J}}_{S}^{+}(\mathbf{P}_{0},\omega) - \dot{\mathbf{J}}_{S}^{-}(\mathbf{P}_{0},\omega)$$

Таким образом, задача нахождения распределения плотности поверхностного тока сводится к итерационному процессу, на каждом этапе которого решается интегральное уравнение Фока относительно плотности поверхностного тока на освещенной или на теневой стороне рассеивателя.

Для определения плотности поверхностного тока $\vec{J}_{S}^{-}(P_{0},\omega)$ и $\vec{J}_{S}^{+}(P_{0},\omega)$ поверхность S разбивается на N непересекающихся ячеек. В пределах каждой ячейки будем считать плотность тока $\vec{J}_{S}^{-}(P_{0},\omega), \vec{J}_{S}^{+}(P_{0},\omega)$ постоянной и каждый из векторов имеет 3 компоненты J_{x}, J_{y}, J_{z} (рис. 2).



Рис. 2. Компоненты плотности поверхностного тока в декартовой системе координат

Если не учитывать специфику поверхности, то размеры ячеек могут быть выбраны 0,1λ (λ – длина волны соответствующей спектральной составляющей) [5], т.е. для каждой спектральной составляющей (7) размеры и количество ячеек будут различными.

Для определения проекций $\dot{J}_x^{-/+}, \dot{J}_y^{-/+}, \dot{J}_z^{-/+}$ в точке P_0 рассмотрим представление для плотности поверхностного тока на внешней стороне поверхности S:

$$\vec{\mathbf{j}}_{S}^{-}(\mathbf{P}_{0},\omega) - \frac{1}{2\pi} \int_{S}^{\pi} \vec{\mathbf{n}}^{e}(\mathbf{P}_{0}) \times \\ \times \left[\vec{\mathbf{j}}_{S}^{-}(\mathbf{P},\omega) \times \operatorname{grad}_{P} \frac{\exp(-ik(\omega)R_{PP_{0}})}{R_{PP_{0}}} \right] dS = \\ = 2\vec{\mathbf{j}}_{S}^{0}(\mathbf{P}_{0},\omega) - \vec{\mathbf{j}}_{S}^{+}(\mathbf{P}_{0},\omega) - \frac{1}{2\pi} \int_{S}^{\pi} \vec{\mathbf{n}}^{e}(\mathbf{P}_{0}) \times \\ \times \left[\vec{\mathbf{j}}_{S}^{+}(\mathbf{P},\omega) \times \operatorname{grad}_{P} \frac{\exp(-ik(\omega)R_{PP_{0}})}{R_{PP_{0}}} \right] dS.$$
(9)

Преобразуем подынтегральное выражение в левой части (9). Для этого воспользуемся известным соотношением [6]:

$$\operatorname{grad}_{P} \frac{\exp\left(-ik(\omega)R_{PP_{0}}\right)}{R_{PP_{0}}} = \vec{r}\left(P, P_{0}\right) \times \\ \times \left(\frac{\exp\left(-ik\left|\vec{r}_{P} - \vec{r}_{P_{0}}\right|\right)}{\left|\vec{r}_{P} - \vec{r}_{P_{0}}\right|^{2}} + ik\frac{\exp\left(-ik\left|\vec{r}_{P} - \vec{r}_{P_{0}}\right|\right)}{\left|\vec{r}_{P} - \vec{r}_{P_{0}}\right|}\right),$$

где \vec{r}_P, \vec{r}_{P_0} – радиус-векторы точек наблюдения и интегрирования, и учтем, что $\vec{n}^e(P_0) = \vec{j} \sin \alpha_{P_0} - -\vec{k} \cos \alpha_{P_0}$, (\vec{j}, \vec{k} – орты прямоугольной системы координат, α_{P_0} – угол наклона нормали относительно оси ОҮ к поверхности в точке наблюдения P_0). Тогда

$$\begin{split} &\int_{S} \vec{n}^{e} \left(P_{0}\right) \times \left[\vec{j}_{S}^{+}\left(P,\omega\right) \times \text{grad}_{P} \frac{\exp\left(-ik(\omega)R_{PP_{0}}\right)}{R_{PP_{0}}}\right] dS = \\ &= \vec{i}_{S} \left[\left(\vec{j}_{x}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta y - \vec{j}_{y}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta z\right) \sin \alpha_{P_{0}} + \\ &+ \left(\vec{j}_{z}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta x - \vec{j}_{x}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta y\right) \cos \alpha_{P_{0}} \right] \times \\ &\times \dot{\Phi} \left(P,P_{0},\omega\right) dS + \vec{j}_{S} \left[\left(\vec{j}_{y}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta z - \vec{j}_{z}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta y\right) \times (10) \\ &\times \cos \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi} \left(P,P_{0}\right) dS + \vec{k}_{S} \left(\vec{j}_{y}^{+}\left(P_{0},\omega\right) \Delta z - \vec{j}_{z}^{+}\left(P_{0},\omega\right) \Delta y\right) \times \\ &\quad \times \sin \alpha_{P_{0}} \cdot \dot{\Phi} \left(P,P_{0}\right) dS, \end{split}$$

где
$$\Delta x = x_{P} - x_{P_{0}}$$
, $\Delta y = y_{P} - y_{P_{0}}$, $\Delta z = z_{P} - z_{P_{0}}$,
 $\dot{\Phi}(P, P_{0}, \omega) = \frac{\exp(-ik|\vec{r}_{P} - \vec{r}_{P_{0}}|)}{\left|\vec{r}_{P} - \vec{r}_{P_{0}}\right|^{2}} + ik \frac{\exp(-ik|\vec{r}_{P} - \vec{r}_{P_{0}}|)}{\left|\vec{r}_{P} - \vec{r}_{P_{0}}\right|}$

С учетом соотношения (10) векторное интегральное уравнение (9) может быть записано в скалярной форме для составляющих \vec{j} :

$$\dot{J}_{x}^{-}(P_{0},\omega) - \frac{1}{2\pi} \int_{S} \left[\left(\dot{J}_{x}^{-}(P,\omega) \Delta y - \dot{J}_{y}^{-}(P,\omega) \Delta z \right) \sin \alpha_{P_{0}} + \left(\dot{J}_{z}^{-}(P,\omega) \Delta x - \dot{J}_{x}^{-}(P,\omega) \Delta y \right) \cos \alpha_{P_{0}} \right] \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS =$$

$$= 2\dot{J}_{x}^{0} - \dot{J}_{x}^{+} - \frac{1}{2\pi} \int_{S} \dot{J}_{x}^{+}(P,\omega) \left(\Delta y \sin \alpha_{P_{0}} - \Delta z \cos \alpha_{P_{0}} \right) \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS + \frac{1}{2\pi} \int_{S} \dot{J}_{y}^{+}(P,\omega) \Delta x \sin \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS -$$

$$(11)$$

$$-\frac{1}{2\pi}\int_{S} \dot{J}_{z}^{+}(P,\omega)\Delta x \cos \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS,$$

$$\dot{J}_{y}^{-}(P_{0},\omega) - \frac{1}{2\pi}\int_{S} (\dot{J}_{z}^{-}(P,\omega)\Delta y - \dot{J}_{y}^{-}(P,\omega)\Delta z) \cdot \cos \alpha_{P_{0}} \cdot \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS = 2\dot{J}_{y}^{0}(P_{0},\omega) - \dot{J}_{y}^{+}(P_{0},\omega) +$$

$$+\frac{1}{2\pi}\int_{S} \dot{J}_{y}^{+}(P,\omega)\Delta z \cos \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS - \frac{1}{2\pi}\int_{S} \dot{J}_{z}^{+}(P,\omega)\Delta y \cos \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS,$$

$$\dot{J}_{z}^{-}(P_{0},\omega) - \frac{1}{2\pi}\int_{S} (\dot{J}_{z}^{-}(P,\omega)\Delta y - \dot{J}_{y}^{-}(P,\omega)\Delta z) \cdot \sin \alpha_{P_{0}} \cdot \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS = 2\dot{J}_{z}^{0}(P_{0},\omega) - \dot{J}_{z}^{+}(P_{0},\omega) -$$

$$-\frac{1}{2\pi}\int_{S} \dot{J}_{z}^{+}(P,\omega)\Delta y \sin \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS + \frac{1}{2\pi}\int_{S} \dot{J}_{y}^{+}(P,\omega)\Delta z \sin \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}(P,P_{0},\omega) dS.$$
(12)

В теории краевых задач для уравнений в частных производных известно, что в областях, границы которых имеют ребра, кромки или угловые точки, для однозначной разрешимости необходимо сформулировать условия, определяющие поведение решения в окрестности особой точки границы. Условия, описывающие поведение волнового поля в окрестности ребер и кромок называются условиями на ребре или условиями Майкснера [3].

Поэтому при решении системы (12) относительно неизвестных проекций плотностей поверхностного тока для рассматриваемой конструкции необходимо учесть дополнительные условия на ребрах. Они заключаются в том, что вблизи ребра компоненты поля, лежащие в плоскости, перпендикулярной ребру, имеют особенность вида $\rho^{-1/2}$, а остальные компоненты поля на ребре обращаются в нуль, т.е. имеют особенность вида $\rho^{-1/2}$ (ρ – расстояние до ребра). Физический принцип, лежащий в основе условий на ребре, заключается в требовании отсутствия на нем внешних излучающих источников. В силу граничных условий $\vec{n} \times \vec{H} = \vec{J}$ условия Майкснера для поверхностной плотности тока будут следующими: особенность вида $\rho^{-1/2}$ будут иметь компоненты тока, параллельные ребру.

Тогда, исходя из вышесказанного, решение системы (12) для поверхностной плотности тока на теневой стороне будем искать в виде:

$$\begin{split} \dot{J}_{x}^{-} &= \left(\frac{\rho_{2}\rho_{3}}{\rho_{1}}\right)^{1/2} \sum_{n=1}^{N} \dot{A}_{n} \Psi_{n}; \\ \dot{J}_{y} &= \left(\rho_{1}\rho_{2}\rho_{3}\right)^{1/2} \sum_{n=1}^{N} \dot{B}_{n} \Psi_{n}; \\ \dot{J}_{z} &= \left(\frac{\rho_{1}}{\rho_{2}\rho_{3}}\right)^{1/2} \sum_{n=1}^{N} \dot{C}_{n} \Psi_{n}, \end{split}$$
(13)

где ρ_1 , ρ_2 , ρ_3 – расстояние до ребер (KL), (KM) и (TL) соответственно; \dot{A}_n , \dot{B}_n , \dot{C}_n – неизвестные комплексные коэффициенты; Ψ_n – известная система функций; N – количество участков поверхности.

Для определения ρ_1 , ρ_2 , ρ_3 рассмотрим рис. 3.



Рис. 3. К определению расстояний до ребер ρ_1 , ρ_2 , ρ_3

Обозначим координаты точек как

$$O(x_{o}, y_{o}, z_{o}), M(x_{M}, y_{M}, z_{M}), K(x_{K}, y_{K}, z_{K}),$$

$$N(x_{N}, y_{N}, z_{N}), L(x_{L}, y_{L}, z_{L}), P(x_{P}, y_{P}, z_{P}).$$
Обозначим

$$b = |MK| = |LT| =$$

$$= \sqrt{(x_{M} - x_{K})^{2} + (y_{M} - y_{K})^{2} + (z_{M} - z_{K})^{2}}.$$

$$Torga \qquad \rho_{1} = |PS_{1}| = \int_{z_{P}}^{z_{S_{1}}} \sqrt{1 + (\frac{dy}{dz})^{2}} dz,$$

$$D_{2} = |PS_{2}| = \frac{b^{2} + [(x_{P} - x_{K})^{2} + (y_{P} - y_{K})^{2} + (z_{P} - z_{K})^{2}]}{2b} - \frac{[(x_{P} - x_{M})^{2} + (y_{P} - y_{M})^{2} + (z_{P} - z_{M})^{2}]}{2b},$$

$$D_{3} = |PS_{3}| = \frac{b^{2} + [(x_{P} - x_{L})^{2} + (y_{P} - y_{L})^{2} + (z_{P} - z_{L})^{2}]}{2b} - \frac{[(x_{P} - x_{T})^{2} + (y_{P} - y_{T})^{2} + (z_{P} - z_{T})^{2}]}{2b}.$$

Для проведения численных расчетов воспользуемся коллокационным методом, при реализации которого большое значение для точности результатов имеет выбор системы базисных функций Ψ_n . Достаточно часто в качестве такой системы выбирают систему характеристических функций Хаара [5]:

$$\Psi_{n}(\mathbf{P}) = \begin{cases} 1, & \text{при} \quad \mathbf{P} \in \mathbf{S}_{n}; \\ 0, & \text{при} \quad \mathbf{P} \notin \mathbf{S}_{n}, \end{cases}$$
(14)

 $S_n - n$ -я ячейка поверхности.

Система функций $\Psi_n(P)$ (n = 1, 2, ..., N), определяемая формулой (14), линейно независима, а система (13) для значений плотности поверхностного тока на теневой стороне принимает следующий вид:

$$\begin{split} \dot{D}_{mn} &= \left(\frac{\rho_1}{\rho_2 \rho_3} \middle| e_0\right)^{1/2} \xi_{mn} = \dot{f}_{1m}; \\ \begin{cases} \sum_{n=1}^{N} \dot{B}_n \dot{G}_{mn} = \dot{f}_{2m}; \\ \sum_{n=1}^{N} \dot{C}_n \dot{F}_{mn} = \dot{f}_{3m}, \\ \\ \sum_{n=1}^{N} \dot{C}_n \dot{F}_{mn} = \dot{f}_{3m}, \end{cases} \end{split}$$
 (15)

 $m \neq n$;

гле

$$\begin{split} \dot{\Phi}^{*}\left(P_{m},P_{0},\omega\right) = \\ = \left[\left(\rho_{1}\rho_{2}\rho_{3} \left| P_{m} \right)^{1/2} \Delta y \cdot \left(\sin \alpha_{P_{0}} - \cos \alpha_{P_{0}} \right) - \right] \\ - \frac{\dot{B}_{n}}{\dot{A}_{n}} \cdot \left(\frac{\rho_{2}\rho_{3}}{\rho_{1}} \left| P_{m} \right)^{1/2} \Delta z \sin \alpha_{P_{0}} + \right] \\ + \frac{\dot{C}_{n}}{\dot{A}_{n}} \cdot \left(\frac{\rho_{2}\rho_{3}}{\rho_{1}} \left| P_{m} \right)^{1/2} \Delta x \cos \alpha_{P_{0}} \right] \\ \dot{f}_{1m} = 2\dot{J}_{x}^{0} - \dot{J}_{x}^{+} - \end{split}$$

$$\begin{split} & -\frac{1}{2\pi} \int_{S}^{J} j_{x}^{+}\left(P,\omega\right) \left(\Delta y \sin \alpha_{P_{0}} - \Delta z \cos \alpha_{P_{0}}\right) \dot{\Phi}\left(P,P_{0},\omega\right) dS + \\ & +\frac{1}{2\pi} \int_{S}^{J} j_{y}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta x \sin \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}\left(P,P_{0},\omega\right) dS - \\ & -\frac{1}{2\pi} \int_{S}^{J} j_{z}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta x \cos \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}\left(P,P_{0},\omega\right) dS, \\ & \dot{G}_{mn} = \left(\frac{\rho_{2}\rho_{3}}{\rho_{1}}\Big|_{P_{m}}\right)^{1/2} \xi_{mn} + \int_{S_{n}} \dot{\Phi}^{**}\left(P_{m},P_{0},\omega\right), \\ & \dot{\Phi}^{**}\left(P_{m},P_{0},\omega\right) = \left(\frac{\rho_{2}\rho_{3}}{\rho_{1}}\Big|_{P_{m}}\right)^{1/2} \left(\frac{\dot{C}_{n}}{\dot{B}_{n}} \Delta y - \Delta z\right) \times \\ & \times \cos \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}\left(P_{m},P_{0},\omega\right), \\ & \dot{f}_{2m} = 2\dot{J}_{y}^{0}\left(P_{0},\omega\right) - \dot{J}_{y}^{+}\left(P_{0},\omega\right) + \\ & +\frac{1}{2\pi} \int_{S}^{J} j_{y}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta z \cos \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}\left(P,P_{0},\omega\right) dS - \\ & -\frac{1}{2\pi} \int_{S}^{J} j_{z}^{+}\left(P,\omega\right) \Delta y \cos \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}\left(P,P_{0},\omega\right) dS, \\ & \dot{F}_{mn} = \left(\frac{\rho_{2}\rho_{3}}{\rho_{1}}\Big|_{P_{m}}\right)^{1/2} \xi_{mn} + \int_{S_{n}} \dot{\Phi}^{***}\left(P_{m},P_{0},\omega\right), \\ & \dot{\Phi}^{***}\left(P_{m},P_{0},\omega\right) = \left(\frac{\rho_{2}\rho_{3}}{\rho_{1}}\Big|_{P_{m}}\right)^{1/2} \left(\Delta y - \frac{\dot{B}_{n}}{\dot{C}_{n}} \Delta z\right) \times \\ & \times \sin \alpha_{P_{0}} \dot{\Phi}\left(P_{m},P_{0},\omega\right), \end{split}$$

$$\begin{split} \dot{f}_{3m} &= 2\dot{J}_z^0\left(P_0,\omega\right) - \dot{J}_z^+\left(P_0,\omega\right) - \\ &- \frac{1}{2\pi} \int_S \dot{J}_z^+\left(P,\omega\right) \Delta y \sin \alpha_{P_0} \dot{\Phi}\left(P,P_0,\omega\right) dS + \\ &+ \frac{1}{2\pi} \int_S \dot{J}_y^+\left(P,\omega\right) \Delta z \sin \alpha_{P_0} \dot{\Phi}\left(P,P_0,\omega\right) dS, \\ &m = 1,2, \dots \ M = N. \end{split}$$

При совпадении точек интегрирования ядро имеет особенность, которая, как это обычно делается, вырезается на некотором малом по (сравнению с шагом) интервале, величина которого выбирается на основе численных экспериментов. Так, проведенные эксперименты [5] показали, что оптимальная величина интервала вырезания особенности составляет 10⁻⁶-10⁻⁸ . В настоящей работе для вырезания особенности выбиралась окружность с радиусом $\varepsilon = 10^{-6} \lambda$ [5]. Наличие особенности позволяет сформировать систему линейных алгебраических уравнений с преобладающей главной диагональю.

Отметим, что система уравнений, аналогичная (13), может быть записана и для плотности поверхностного тока на освещенной стороне.

Для оценки практической применимости метода, описанного выше, был проведен ряд расчетов. Использование в расчетах уточнения приближения физоптики для плотности поверхностного тока вблизи кромок позволяет более точно рассчитать токи на освещенной и теневой сторонах всей поверхности ТЕМ-рупора, и соответственно, величину дальнего бокового и заднего излучения. Для вычисления временной зависимости использованы процедуры быстрого преобразования Фурье. В расчет бралось 2⁷ гармоник. На рис. 4 – 9 представлены графики рассчитанных составляющих модулей J_x, J_v и J_z для плотности поверхностного тока на различных итерациях в продольном сечении ТЕМ-рупора для средней частоты спектра f = 1,25 ГГц. На всех графиках цифры (1÷5) обозначают номер итерации.

Составляющая Ј_х в продольном направлении параллельна ребру и имеет особенность вида р^{-1/2} (рис. 4), а в поперечном направлении J_x перпендикулярна ребру и вблизи кромки обращается в нуль (рис. 5).

Составляющая Ју плотности поверхностного тока ортогональна всем трем ребрам и вблизи каждой из них обращается в нуль.

Составляющая J_z имеет особенность на поперечных ребрах и обращается в нуль в продольном направлении. Отметим, что аналогичное поведение



Рис. 4. Плотность составляющей J_x поверхностного тока на освещенной и теневой сторонах ТЕМ-рупора в продольном направлении



Рис. 5. Плотность составляющей J_x поверхностного тока на освещенной и теневой сторонах ТЕМ-рупора в поперечном направлении



Рис. 6. Плотность составляющей Ј_у поверхностного тока на освещенной и теневой сторонах ТЕМ-рупора в продольном направлении



Рис. 7. Плотность составляющей Ј_у поверхностного тока на освещенной и теневой сторонах ТЕМ-рупора в поперечном направлении



Рис. 8. Плотность составляющей J_z поверхностного тока на освещенной и теневой сторонах ТЕМ-рупора в продольном направлении



Рис. 9. Плотность составляющей J_z поверхностного тока на освещенной и теневой сторонах ТЕМ-рупора в поперечном направлении

имеют составляющие плотности поверхности тока и для других гармоник, присутствующих в спектре СШП сигнала. Отличие наблюдается лишь в амплитудах. Этот факт можно объяснить электрическими размерами ТЕМ-рупора в продольном и поперечном направлениях. В продольном направлении длина излучателя составляет 1,5 м, в поперечном – 7,5÷15 см, длины волн спектральных составляющих составляют 0,6÷0,15 м. По этой причине при определении плотности поверхностного тока интегрирование проводилось по всей поверхности ТЕМ-рупора. На рис. 10, 11 представлены расчетные пиковые ДН в плоскостях Е - и Н - соответственно в дальней зоне. Ширина пиковой ДН по уровню 0,7 в плоскости Е составляет порядка 20°, а в плоскости Н – 110°.



Расчеты показали (рис. 12), что присутствует незначительное (-24 дБ) заднее излучение, обусловленное токами J_{S}^{-} , затекающими на внешние стороны пластин.



Рис. 12. Расчетная форма СШП сигнала в направлении $\Theta = 0^{\circ}$

Выводы

Расчеты показали, что при увеличении числа итераций точность практически не изменяется. Это позволяет сделать вывод о том, что для нахождения значения составляющей плотности поверхностного тока J_y, J_x, J_z достаточно выполнить пять итераций.

При этом погрешность расчетов не превышает 10%.

Отличие пространственных распределений полей в обеих плоскостях связано с различием электрических размеров антенны в этих плоскостях. Продольный размер антенны превышает пространственную длительность импульса, что обеспечивает излучение энергии преимущественно в продольном направлении ТЕМ-рупора, тем самым сужая пиковую ДН. Характерным моментом является тот факт, что боковое излучение СШП антенны представляет собой практически равномерный фон без явно выраженных боковых лепестков.

Список литературы

1. Казарин А.Н. Методы расчета и измерения характеристик и параметров антенн / А.Н. Казарин, И.Т. Кравченко, А.С. Ключников. – Минск: БГУ, 1971. – 142 с.

2. Мицмахер М.Ю. Безэховые камеры СВЧ / М.Ю. Мицмахер, В.А. Торгованов. – М.: Радио и связь, 1982. – 128 с.

3. Хенл Х. Теория дифракции: Пер. с нем. / Х. Хенл, А. Мауэ, К. Вестфаль. – М.: Мир, 1961. – 428 с.

4. Вычислительные методы в электродинамике / Под ред. Р. Миттры. – М.: Мир, 1977. – 485 с.

5. Дмитриев В.И. Интегральные уравнения в краевых задачах электродинамики: Учеб. пос. / В.М. Дмитриев, Е.В. Захаров. – М.: МГУ, 1987. – 167 с. 6. Виноградова М.Б. Теория волн / М.Б. Виноградова,

О.В. Руденко, А.П. Сухоруков. – *М.:Наука, 1990.* – 432 с.

Поступила в редколлегию 27.02.2009

Рецензент: д-р техн. наук, проф. И.И. Обод, Национальный технический университет "ХПИ", Харьков.

МЕТОД ВИЗНАЧЕННЯ ПРОСТОРОВО-ЧАСОВИХ ХАРАКТЕРИСТИК ОПРОМІНЮВАЧА КОРОТКОІМПУЛЬСНОЇ ДЗЕРКАЛЬНОЇ АНТЕНИ

М.Г. Іванець, Г.В. Іванець, Д.М. Литовченко, С.М. Власік

Представлений метод визначення просторово-часових характеристик опромінювача надширокосмугової дзеркальної антени у вигляді системи з двох ортогонально розташованих ТЕМ-рупорів. Метод заснований на визначенні щільності поверхневого струму для незамкнутих поверхонь за допомогою інтегральних уявлень з урахуванням умов поблизу кромок. Ключові слова: надширокосмуговий сигнал, ТЕМ-рупор, інтегральні уявлення.

METHOD DETERMINATION OF SPATIO-TEMPORAL DESCRIPTIONS IRRADIATOR SHORT IMPULSE REFLECTOR ANTENNA

M.G. Ivanetc, G.V. Ivanetc, D.M. Litovchenko, S.M. Vlasik

The method determination of spatio-temporal descriptions irradiator of ultrawideband reflector antenna is presented as a system from two ortogonal located TEM-horn. A method is based on determination closeness superficial current for thumbs-under surfaces by integral presentations taking into account terms in the vinicity of edges.

Keywords: ultrawideband signal, TEM-horn, integral presentations.