УДК 355.233.1.005

К.С. Смеляков, И.В. Рубан, О.В. Водолажко, С.В. Осиевский

Харьковский университет Воздушных Сил им. И. Кожедуба, Харьков

# ПОСТРОЕНИЕ УНИФИЦИРОВАННОГО МЕТОДА ИСКЛЮЧЕНИЯ ИМПУЛЬСНОГО ШУМА ДЛЯ ОБЕСПЕЧЕНИЯ АДЕКВАТНОГО ПРИМЕНЕНИЯ ПРОСТРАНСТВЕННЫХ ФИЛЬТРОВ ШУМА ИЗОБРАЖЕНИЙ

В статье предлагается унифицированный детерминированный метод исключения одиночных и групповых экстремальных наблюдений, отождествляемых с импульсным шумом, применение которого позволяет обеспечивать возможность адекватного сглаживания импульсного шума, как для внутренности, так и для границ изображений объектов.

Ключевые слова: изображение, импульсный шум, фильтр, маска, окрестность.

#### Введение

Одной из важнейших задач, решаемых в ходе предобработки входного изображения, является задача фильтрации (сглаживания) шума [1, 2], поскольку от эффективности ее решения во многом зависит эффективность решения задач сегментации и распознавания изображений [3 – 6]. Важное место среди методов фильтрации шума занимают методы пространственной фильтрации шума, основанные на использовании масок [2]. Однако результаты применения таких методов фильтрации для некоторых областей (окрестностей) входного изображения могут быть неадекватными [2, 5, 6].

Так, если множество яркостей пикселей рассматриваемой при фильтрации окрестности является однородным, то есть целиком принадлежит или объекту, или фону и, если в этой окрестности нет импульсного шума, тогда результаты применения сглаживающего фильтра к такой однородной окрестности являются адекватными [8, 9]. Однако если условие однородности нарушается (из-за того, что одна часть пикселей окрестности принадлежит объекту, а другая часть фону или, если в окрестности наблюдается импульсный шум), тогда результаты применения сглаживающего фильтра к неоднородной окрестности могут быть неадекватными.

В этом отношении в статье решается актуальная задача разработки унифицированного метода исключения экстремальных наблюдений, применение которого позволит эффективно идентифицировать и исключать из окрестности действия фильтра одиночные и групповые импульсные шумы. Решение этой задачи даст возможность адекватно применять сглаживающие фильтры шума на однородном множестве яркостей пикселей окрестности, что, в свою очередь, позволит обеспечить эффективность сегментации изображений объектов на снимке.

Допустим, что результаты п наблюдений (значений яркости в заданной окрестности действия фильтра) представляются множеством точек

$$\mathbf{X} = \{\mathbf{x}_{\xi}\}_{\xi=1,\dots,n} = (\mathbf{x}_{1}, \mathbf{x}_{2}, \dots, \mathbf{x}_{n}), \qquad (1)$$

и выдвинем гипотезу H о том, что среди них присутствуют экстремальные наблюдения, отвечающие импульсному шуму, которые необходимо исключить из ряда (1) как нетипичные.

Для выработки единого подхода к применению статистических и детерминированных критериев исключения экстремальных наблюдений будем полагать, что исходные данные (1) представляются упорядоченным по возрастанию рядом яркостей

$$X_1 \le X_2 \le \dots \le X_n \ . \tag{2}$$

#### Основной раздел

## 1 Применение критерия идентификации точечного импульсного шума

Итак, предположим, что для некоторого пикселя  $d(\xi,\eta)$  определена его  $\sqrt{2}$  -окрестность

$$O_{\sqrt{2}}(d(\xi,\eta))$$
,

размерностью  $3 \times 3$ , яркости пикселей которой представлены рядом вида (2).

Для обнаружения максимального точечного импульсного шума в пикселе  $d(\xi,\eta)$  проверяется выполнение условия

$$[f(\xi, \eta) = x_n] \wedge [(x_n - x_{n-1}) > T].$$
 (3)

Если условие (3) выполняется, тогда считается, что гипотеза H подтвердилась

$$H = \begin{cases} 1, & \text{if } [f(\xi, \eta) = x_n] \land [(x_n - x_{n-1}) > T], \\ 0, & \text{else,} \end{cases}$$
 (4)

и наблюдение  $f(\xi, \eta) = x_n$  необходимо исключить из (2) как нетипичное.

Для обнаружения минимального точечного импульсного шума в пикселе  $d(\xi,\eta)$  проверяется выполнение условия

$$[f(\xi, \eta) = x_1] \wedge [(x_2 - x_1) > T].$$
 (5)

Если условие (5) выполняется, тогда считается, что гипотеза H подтвердилась

$$H = \begin{cases} 1, & \text{if } [f(\xi, \eta) = x_1] \land [(x_2 - x_1) > T], \\ 0, & \text{else,} \end{cases}$$
 (6)

и наблюдение  $f(\xi, \eta) = x_1$  необходимо исключить из (2) как нетипичное. Назовем описанный пороговый критерий Th -критерием.

#### 2 Применение критерия идентификации группового импульсного шума

Под групповым импульсным шумом будем понимать связное множество пикселей площадью s,  $s \le s^*$ , экстремальное по заданному критерию.

Исходя из анализа яркости и размеров наблюдаемых групповых шумов на изображениях, если специально не оговорено иное, будем полагать, что:

- 1) пиксели группового импульсного шума, рассматриваемые по отдельности, являются импульсными шумами по отношению к не импульсным шумам в своей окрестности, что может быть установлено с использованием критериев (3) и (5);
- 2) площадь s группового импульсного шума не превышает 3,  $1 < s \le 3$ ;
- 3) групповой импульсный шум может быть локализован в окрестности  $O_{\epsilon}(d(\xi,\eta))$  , при  $\epsilon=\sqrt{2}$  .

Предположим, что в рамках окрестности  $O_\epsilon(d(\xi,\eta))$  задано связное множество G из s пикселей. Построим  $\sqrt{2}$  -окрестность H границы множества G, и удалим из H пиксели множества G.

Найдем минимальную яркость  $x_G$  пикселя множества G и максимальную яркость  $x_H$  пикселя множества H. B таких условиях для обнаружения максимального группового импульсного шума G, локализованного в окрестности  $O_\epsilon(d(\xi,\eta))$ , проверяется выполнение условия

$$\left[ \mathbf{x}_{G} > \mathbf{x}_{H} \right] \wedge \left[ \left( \mathbf{x}_{G} - \mathbf{x}_{H} \right) > T \right]. \tag{7}$$

Если условие (7) выполняется, тогда считается, что гипотеза H подтвердилась

$$H = \begin{cases} 1, & \text{if } \left[ x_G > x_H \right] \land \left[ \left( x_G - x_H \right) > T \right], \\ 0, & \text{else,} \end{cases}$$
 (8)

и множество G необходимо исключить из окрестности как нетипичное.

Для обнаружения минимального группового импульсного шума найдем максимальную яркость  $\mathbf{x}_{G}$  пикселя множества G, минимальную яркость  $\mathbf{x}_{H}$  множества H и проверим выполнение условия

$$\left[x_{G} < x_{H}\right] \wedge \left[\left(x_{H} - x_{G}\right) > T\right]. \tag{9}$$

Если условие (9) выполняется, тогда считается, что гипотеза H подтвердилась

$$H = \begin{cases} 1, & \text{if } \left[ x_G < x_H \right] \land \left[ \left( x_H - x_G \right) > T \right], \\ 0, & \text{else,} \end{cases}$$
 (10)

и множество G необходимо исключить из окрестности как нетипичное. Назовем описанный пороговый критерий Ths-критерием.

#### 3 Унифицированный метод исключения импульсного шума

Для возможности применения предложенных выше критериев предлагается следующий унифицированный метод исключения импульсного шума.

Унифицированный метод исключения одиночных и групповых импульсных шумов площадью s, локализованных в окрестности  $O_\epsilon(d(\xi,\eta))\,,\;\epsilon=\sqrt{2}$ , с площадью  $s_\epsilon$ ,  $s_{\sqrt{2}}=9\,,\;s\le s^*\le s_\epsilon$  (Ths -метод).

Если пиксель  $d(\xi, \eta)$  входного изображения отмечен как исключенный, переход к шагу 7. В противном случае строится упорядоченный по возрастанию ряд яркостей пикселей окрестности  $O_c(d(\xi, \eta))$  вида (2).

**Этап 1.** Исключение максимального импульсного шума.

Шаг 1. Множество G формируется из таких пикселей окрестности  $O_\epsilon(d(\xi,\eta))$ , яркость которых не ниже яркости  $f(\xi,\eta)$ , определяется площадь s множества G.

Шаг 2. Если выполняется условие  $s \le s^*$ , тогда переход к шагу 3, а иначе – к шагу 4.

Шаг 3. Определяется минимальная яркость  $x_G = x_{n-s+1}$  пикселя G; строится множество H и определяется максимальная яркость  $x_H$  пикселя H.

Если выполняется условие (7), тогда пиксели множества G отмечаются как исключаемые, переход к шагу 7. Иначе переход к шагу 4.

**Этап 2.** Исключение минимального импульсного шума.

Шаг 4. Множество G формируется из таких пикселей окрестности  $O_\epsilon(d(\xi,\eta))$ , яркость которых не выше яркости  $f(\xi,\eta)$ , определяется площадь s множества G.

Шаг 5. Если выполняется ограничение  $s \le s^*$ , тогда переход к шагу 6, а иначе – к шагу 7.

Шаг 6. Определяется максимальная яркость  $x_G = x_{1+s-1}$  пикселя G; строится множество H и определяется минимальная яркость  $x_H$  пикселя H.

Если выполняется условие (9), тогда пиксели множества G отмечаются как исключаемые.

Шаг 7. Конец.

После применения Ths -метода координаты исключенных сохраняются, а сами исключенные пиксели отмечаются для того, чтобы не проводить повторных исключений.

#### 4 Анализ эффективности применения Ths-метода

Использование предложенного Ths -метода позволяет решить проблему неадекватного сглаживания одиночного и группового импульсного шума, особенно актуальную для обеспечения устойчивой сегментации изображений объектов на снимке. Однако применять этот метод, в том числе, для минимизации общей трудоемкости фильтрации шума, имеет смысл избирательно, лишь для неоднородных фрагментов входного изображения, отвечающих значимо зашумленной окрестности изображения.

В связи с необходимостью сортировки ряда (1) для построения упорядоченного ряда (2) трудоемкость применения описанных выше критериев и методов по порядку величины оценивается величиной  $T(n) = n^2$  операций сравнения, поскольку для сортировки выборок малого размера чаще всего используется пузырьковая сортировка [10]. Таким образом, для возможности эффективного исключения импульсного шума актуальной является разработка эффективного критерия идентификации неоднородной окрестности входного изображения.

#### 5 Критерий идентификации неоднородной области изображения

Для обнаружения неоднородной окрестности входного изображения предлагается использовать следующий критерий идентификации. Получим распределение вида (1) для дисперсий  $\mathbf{x}_i = \sigma_i$  во всех положениях маски фильтра на изображении. Найдем оценки математического ожидания  $\mathbf{m}_{\sigma}$  и дисперсии  $\mathbf{s}_{\sigma}^2$  ряда (1). Будем полагать, что значения дисперсии в ряду (1) значимо уклоняются от среднего  $\mathbf{m}_{\sigma}$ , если выполняется  $\mathbf{k} \cdot \mathbf{\sigma}$ -критерий вида

$$(x_i - m_{\sigma}) > k_{\sigma} \cdot s_{\sigma}. \tag{11}$$

Соответственно, при фильтрации шума неоднородными будем считать только такие окрестности, для которых выполняется критерий (11); иначе будем полагать, что распределение яркости в окрестности действия фильтра является однородным.

Применение критерия (24) приведет к идентификации окрестностей с импульсным шумом, а также окрестностей со средним высоким уровнем зашумления и окрестностей со значимым перепадом яркости, расположенных на границе объекта с фоном. Уже в дальнейшем необходимо будет классифицировать тип окрестности, идентифицированной по критерию (24), с целью принятия адекватного решения о применении того, или иного метода фильтрации в этой окрестности.

При решении большинства практических задач число положений маски фильтра с неоднородным распределением яркости, идентифицированных по критерию (11), минимум на два порядка меньше числа положений маски с однородным распределением яркости. Применение критерия (11) для одного положения маски фильтра требует по порядку величины  $T(n) = 2 \cdot n$  операций сравнения. В таких условиях трудоемкость применения Ths-метода по

порядку величины будет уменьшена с уровня  $T(n)=n^2$  до уровня  $T(n)=2\cdot n+n^2/100$  операций сравнения для одного пикселя изображения, где n=9. Таким образом, средняя трудоемкость применения Ths-метода после применения критерия (11) для одного положения маски фильтра потребует по порядку величины  $2\cdot n$  операций сравнения.

#### Выводы

На основе использования наиболее известных и хорошо изученных детерминированных критериев исключения экстремальных наблюдений, в работе предложены соответствующие критерии и унифицированный метод исключения одиночных и групповых импульсных шумов изображения.

Применение предложенного метода позволят эффективно идентифицировать и исключать из окрестности действия фильтра одиночные и групповые импульсные шумы, что обеспечивает возможность адекватного применения сглаживающих фильтров импульсного шума.

В свою очередь, адекватное сглаживание импульсного шума, позволяет обеспечить эффективность применения методов сегментации изображений объектов на снимке.

#### Список литературы

- 1. Шапиро Л. Компьютерное зрение / Л. Шапиро, Дж. Стокман. – М.: БИНОМ, 2006. – 752 с.
- 2. Гонсалес Р. Цифровая обработка изображений / Р. Гонсалес, Р. Вудс. – М.: Техносфера, 2005. – 1072 с.
- 3. Лбов Г.С. Устойчивость решающих функций в задачах распознавания образов и анализа разнотипной информации / Г.С. Лбов, В.Б. Бериков. – Новосибирск: Издво Ин-та математики, 2005. – 219 с.
- 4. Sonka M. Image processing, analysis and machine vision / M. Sonka, V. Hlavak, R. Boyle. California (USA): Cole Publishing Company, 1999. 770 p.
- 5. Журавлев Ю.И. Распознавание. Математические методы. Программная система. Практические применения / Ю.И. Журавлев, В.В. Рязанов, О.В. Сенько. М.: Фазис, 2005. 159 с.
- 6. Форсайт Д. Компьютерное зрение. Современный подход / Д. Форсайт, Ж. Понс. М.: Вильямс, 2004. 928 с.
- 7. Смеляков К.С. Модели и методы сегментации границ изображений нерегулярного вида на основе адаптивных масок: дис. ... канд. техн. наук: 01.05.02 / Смеляков Кирилл Сергеевич. Х., 2005. 162 с.
- 8. Смоляк С.А. Устойчивые методы оценивания / С.А. Смоляк, Б.П. Титаренко. М.: Статистика, 1980. 208 с.
- 9. Кашкин В.Б. Дистанционное зондирование Земли из космоса. Цифровая обработка изображений / ВБ. Кашкин, А.И. Сухинин. М.: Логос, 2001. 264 с.
- 10. Кнут Д. Искусство программирования. Т.3 / Д. Кнут. М.: Мир, 1978. 844 с.

Поступила в редколлегию 25.01.2013

**Рецензент:** д-р техн. наук, проф. Ю.В. Стасев, Харьковский университет Воздушных Сил им. И. Кожедуба, Харьков.

## ПОБУДОВА УНІФІКОВАНОГО МЕТОДУ ВИКЛЮЧЕННЯ ІМПУЛЬСНОГО ШУМУ ДЛЯ ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ АДЕКВАТНОСТІ ЗАСТОСУВАННЯ ПРОСТОРОВИХ ФІЛЬТРІВ ШУМУ ЗОБРАЖЕНЬ

К.С. Смеляков, І.В. Рубан, О.В. Водолажко, С.В. Осієвський

У статті пропонується уніфікований детермінований метод виключення одиночних і групових екстремальних спостережень, які ототожнюються з імпульсним шумом, застосування якого дозволяє забезпечувати можливість адекватного згладжування імпульсного шуму, як для внутрішності, так і для границь зображень об'єктів.

Ключові слова: зображення, імпульсний шум, фільтр, маска, окіл.

### A MULTI-PURPOSE METHOD FOR EXCLUDING PULSE NOISE WHICH PROVIDES ADEQUATE APPLICATION OF IMAGE NOISE SPATIAL FILTERS

K.S. Smelyakov, I.V. Ruban, O.V. Vodolazhko, S.V. Osievskey

A multi-purpose deterministic method is proposed for excluding singular and multiple outliers describing a pulse noise. It provides adequate smoothing of pulse noise for both the bounds and the interior of object images.

Keywords: image, pulse noise, filter, mask, vicinity.