

М.А. Поляков, В.В. Василевский

**МОДЕЛИРОВАНИЕ ДИНАМИКИ РАСПРЕДЕЛЕНИЙ  
ДЕФЕКТОВ В ИЗДЕЛИЯХ В ХОДЕ  
ТЕХНОЛОГИЧЕСКОГО ПРОЦЕССА**

*Аннотация. Получены аналитические выражения, позволяющие основываясь на статистических распределениях вероятностей дефектов, вносимых в изделие и устраниемых из него на разных этапах технологического процесса, разработать модели технологической и контрольной операций технологического процесса. Написана компьютерная программа, реализующая предложенную модель. Выполнено моделирование фрагмента технологического процесса монтажа элементов на плату преобразователя.*

*Ключевые слова: технологический процесс, технологическая операция, контрольная операция, распределение дефектов, моделирование.*

**Постановка проблемы**

Основными целями любого технологического процесса (ТП) является получение годных изделий с минимальными стоимостными затратами. ТП производства электротехнических комплексов имеют сложную структуру. В ходе их выполнения в изделия на разных этапах ТП по различным причинам, таким как несовершенство оборудования, нарушения условий выполнения операций, ошибки исполнителей и другим, вносятся дефекты. Из-за случайности факторов порождающих дефекты, количество внесенных дефектов также является случайным, и характеризуется распределением вероятностей дефектов. Операционный контроль в ходе технологической операции (ТО) или отдельная контрольная операция (КО) не гарантируют выявления всех дефектов из-за недостаточной технической эффективности средств контроля. Стоимостные затраты на пооперационный контроль, устранение дефектов и брак продукции зависят от количества дефектов в изделии. Таким образом, для анализа и более точного прогнозирования стоимостных затрат на производство изделия необходимо знать распределения вероятностей дефектов в изделии на различных этапах ТП.

### **Анализ последних достижений и публикаций**

Путем для решения этой задачи может служить моделирование ТО и КО с применением теории вероятности, математической статистики [1,2], а также средств программного пакета MatLAB.

Моделированию ТП и повышению их качества посвящены многие работы [3, 4], вместе с тем известные модели недостаточно учитывают корректирующие операции, влияние технической эффективности средств контроля на распределения дефектов в изделии. Разработка моделей операций ТП более полно учитывает влияние операционного контроля на стабильность и стоимость ТП, корректирующие операции, а также погрешности средств контроля и их влияние на брак в изделии является достаточно актуальной задачей.

### **Изложение основного материала**

Рассмотрим ТП изготовления некоторой сборочной единицы, далее узла, который имеет  $m$  характеристиках качества. Несоответствие изделия требованиям ТП по каждой  $m$ -й характеристике будем считать дефектом  $m$ -го вида,  $m = \overline{1, M}$ . Выделим в ТП два вида операций: технологические и контрольные. Примерами ТО являются операции, на которых производится комплектация, обработка, регулировка узла, и т. п. Как уже отмечалось, в ходе выполнения ТО возможно внесение дефектов в узел. Обнаружение и, по возможности, устранение этих дефектов выполняется в ходе КО.

Статистические характеристики наличия дефектов в изделии по  $m$ -й характеристике опишем распределением вероятностей дефектов:

$$Q_m(l_m) = \frac{N(l_m)}{N}, l_m = \overline{0, L_m}, m = \overline{1, M} \quad (1)$$

где  $Q_m(l_m)$  - вероятность наличия в изделии ровно  $l_m$  дефектов  $m$ -го вида;

$N(l_m)$  - количество изделий, имеющих ровно  $l_m$  дефектов  $m$ -го вида;

$N$  - количество изделий в исходной совокупности;

$L_m$  - максимальное количество дефектов  $m$ -го вида в изделии.

При рассмотрении изменений распределений (1) в ходе операции ТП, индексами  $\alpha$  и  $\beta$  обозначим распределения вероятностей (1)

до и, соответственно, после проведения операции ТП, как КО, так и ТО.

Статистические характеристики внесения дефектов в изделие в ходе  $i$ -й ( $i = \overline{1, I}$ ) ТО опишем распределением вероятностей дефектов:

$$U_{mi}(l_m) = \frac{N_i(l_m)}{N}, \quad l_m = \overline{0, L_m}, \quad m = \overline{1, M} \quad (2)$$

где  $U_{mi}(l_m)$  - вероятность внесения в изделие в ходе  $i$ -й ТО ровно  $l_m$  дефектов  $m$ -го вида;

$N_i(l_m)$  - количество изделий, в которые в ходе  $i$ -й ТО внесено ровно  $l_m$  дефектов  $m$ -го вида.

Внесенные в ходе ТО дефекты суммируются с дефектами уже имеющимися в изделии к началу этой операции. Таким образом, статистические характеристики наличия дефектов  $m$ -го вида в изделии после выполнения ТО опишем распределением вероятностей дефектов:

$$Q_m^\beta(l_m) = \sum_{l_m=0}^{l_m=L_m} Q_m^\alpha(l_m) U_{mi}(l_m - l_m), \quad l_m = \overline{0, L_m} \quad (3)$$

где  $l_m$ ,  $L_m$  - количество дефектов и наибольшее количество дефектов  $m$ -го вида в изделии;

В интервале  $l_m = \overline{0, L_m}$  выделим следующие состояния изделий исходной совокупности, существенные для КО и определим вероятности попадания изделий в эти состояния:

- исправное по  $m$ -й характеристике изделие ( $S_{im}$ ):

$$P_{im}^\alpha = Q_m^\alpha(0) \quad (4)$$

- восстанавливаемое по  $m$ -й характеристике изделие ( $S_{bm}$ ):

$$P_{bm}^\alpha = \sum_{l_m=1}^{L_{md}} Q_m^\alpha(l_m) \quad (5)$$

где  $L_{md}$  - наибольшее допустимое количество дефектов  $m$ -го вида в изделии;

- бракованное по  $m$ -й характеристике изделие ( $S_{6m}$ ):

$$P_{6m}^\alpha = \sum_{l_m=L_{md}+1}^{L_m} Q_m^\alpha(l_m) \quad (6)$$

Для определения вероятностей (4)-(6) с учетом качества КО, предложена модель КО в ТП изготовления узла, включающая этапы контроля, перепроверки, браковки и восстановления неисправных узлов.

Модель предусматривает контроль и разбраковку узлов по трем характеристикам на исправные и неисправные, перепроверку результатов, браковку и восстановление изделий.

Узлы признанные неисправными на этапе контроля подвергаются перепроверке и узлы, должно отнесенные к неисправным, снова зачисляются к исправным. Неисправные хотя бы по одной характеристике узлы направляются в сферу восстановления, где классифицируются по количеству обнаруженных дефектов на бракованные и подлежащие восстановлению. Узлы, в которых количество обнаруженных дефектов хотя бы по одной из характеристик больше допустимого, считаются бракованными и исключаются из ТП, а остальные неисправные узлы восстанавливаются, например, путем замены или ремонта неисправных элементов. Восстановленные, а также исправные по всем характеристикам узлы признаются годными и допускаются к следующей операции.

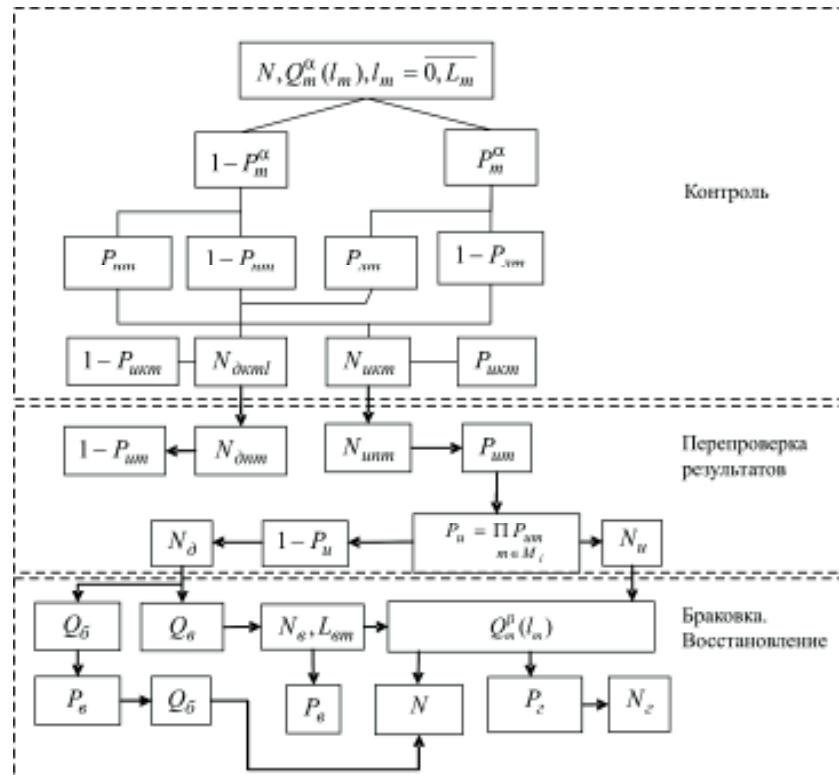


Рисунок 1 – Структурная схема статистических характеристик КО

Структурная схема статистических характеристик КО приведена на рис. 1. В ней использованы следующие обозначения:

$N, N_\delta, N_u, N_e, N_\beta$  - количество узлов, поступивших на КО, признанных дефектными, исправными, годными, бракованными, соответственно.

$N_b$  - количество узлов, восстановленных в ходе КО.

$N_{okm}, N_{ukm}$  - количество узлов, признанных неисправными (дефектными) и исправными по  $m$ -й характеристики по результатам контроля, соответственно.

$N_{dom}, N_{unm}$  - количество узлов, признанных дефектными, исправными по  $m$ -й характеристики после перепроверки, соответственно.

$P_{hm}, P_{lm}$  - вероятность необнаружения, ложного обнаружения дефектов  $m$ -го вида в ходе контроля, соответственно.

$P_{ukm}, P_{um}$  - вероятность исправности изделий по  $m$ -й характеристики после контроля и перепроверки, соответственно.

$P_u$  - вероятность исправности изделий по всем характеристикам.

$Q_m^\alpha(l_m), Q_m^\beta(l_m)$  - вероятность наличия ровно  $l$  дефектов  $m$ -го вида в изделии до и после КО, соответственно;

$Q_b$  - вероятность восстановления изделий, признанных неисправными в ходе КО.

$Q_\delta, P_e, P_\epsilon$  - вероятности попадания изделия исходной совокупности в число бракованных, годных и восстановленных в результате КО.

$L_{bm}$  - среднее количество дефектов  $m$ -го вида, устраниенных в одном изделии в ходе КО.

Исходными данными для моделирования КО с использованием модели, показанной на рис.1, являются размер партии изделий  $N$ , статистические характеристики дефектов в изделии до проведения КО  $Q_m^\alpha(l_m)$  и техническая эффективность средств контроля  $P_{hm}, P_{lm}$ .

В ходе моделирования этапа контроля находим вероятность:

$$P_{ukm} = P_{um}^\alpha (1 - P_{lm}) + (1 - P_{um}^\alpha) \cdot P_{hm} \quad (7)$$

Если предположить, что после перепроверки результатов контроля в число исправных зачисляются все изделия, должно отнесенные к неисправным, что эквивалентно  $P_{lm} = 0$ .

$$P_{um} = P_{um}^\alpha + (1 - P_{um}^\alpha)P_{hm} \quad (8)$$

Далее из исходной партии исключаются изделия, признанные исправными:

$$N_u = N \cdot P_u = N \prod_{m \in M} P_{um} \quad (9)$$

Оставшиеся  $N_o = N - N_u$  изделий, признанных неисправными, анализируются на предмет браковки или восстановления.

Вероятность восстановления изделий, признанных неисправными в ходе КО определяется с помощью зависимости (1) и ограничения  $l_m \leq L_{m\partial}$ :

$$Q_\epsilon = \prod_{m \in M_\partial}^M \left[ \sum_{l_m=1}^{L_{m\partial}} \frac{Q_m^\alpha(l_m)}{(1 - P_m^\alpha)} \right] \quad (9)$$

где  $M_\partial$  - подмножество характеристик изделия, по которым в ходе КО обнаружены дефекты,  $M_\partial \in M$ .

С помощью предложенной модели получим вероятности перехода изделия исходной совокупности в состояние бракованного, годного и восстановленного в результате КО:

$$Q_\delta = (1 - Q_\epsilon) \cdot (1 - P_u); \quad (10)$$

$$P_\epsilon = Q_\epsilon \cdot (1 - P_u) + P_u; \quad (11)$$

$$P_\delta = (1 - P_u) \cdot Q_\epsilon. \quad (12)$$

Используя распределение (1) вычислим среднее количество дефектов  $L_{\epsilon m}$

$$L_{\epsilon m} = (1 - P_{hm}) \cdot \left\{ \sum_{l_m=1}^{L_{m\partial}} [Q_m^\alpha(l_m) \cdot l_m] \right\} \quad (13)$$

Если  $P_{hm} \neq 0$  хотя бы для одного  $m \in M$ , то в изделиях, признанных годными, могут быть дефекты не обнаруженные проверкой, и распределение (1) примет вид:

$$Q_m^\beta(l_m) = \begin{cases} P_{um}^\alpha + (1 - P_{um}^\alpha) \sum_{l_m=1}^{L_{m\partial}} Q_m^\alpha(l_m), & l_m = 0 \\ Q_m^\alpha(l_m) P_{hm}, & 0 < l_m \leq L_m \end{cases}, \quad (14)$$

Предложенная модель операций ТП реализована в компьютерной программе в пакете MatLAB. Использование этой программы

проиллюстрировано примером моделирования фрагмента ТП изготовления платы преобразователя (ПП). Данный ТП включает следующие операции: ТО1 – комплектация узла содержащего плату и элементы; ТО2 – монтаж и пайка элементов на плату; КО1 – контроль правильности комплектующих; КО2 – контроль правильности электрических соединений платы. Графический интерфейс программы с исходными данными и результатами моделирования приведен на рис.2. Исходными данными являются начальные распределения вероятностей дефектов одного вида в комплектующих элементах 1-3, показатели средств контроля применяемых в КО1 ( $P_{h1}$ ) и КО2 ( $P_{h2}$ ). Интерфейсное окно программы рис.2 показывает начальные распределения вероятностей дефектов рассчитанных по закону распределения, например, по закону Пуассона с параметром «lambda». Результаты моделирования динамики распределений вероятностей дефектов на разных этапах ТП представлены в форме таблиц (рис.2) и диаграмм (рис.3,4).



Рисунок 2 – Графический интерфейс программы для моделирования распределений дефектов

Из полученных графиков видно, что в результате КО1 и КО2 количество дефектов в изделии значительно уменьшилось, вместе с

тем часть дефектов осталась невыявленной и может быть обнаружена на дальнейших этапах ТП.

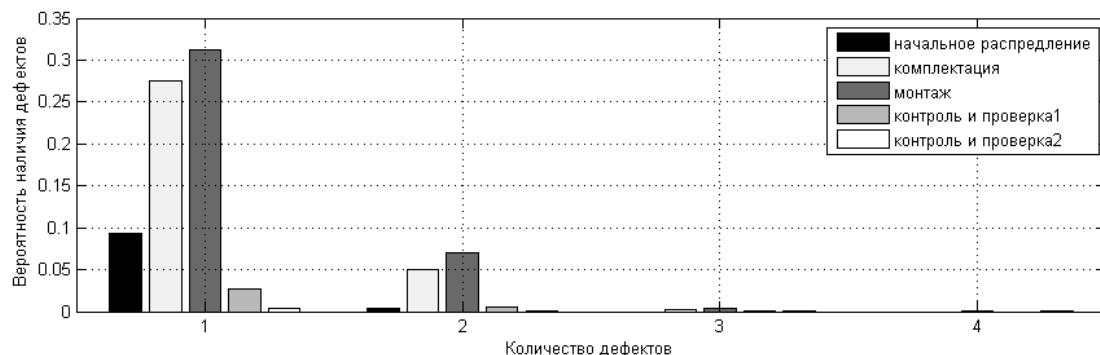
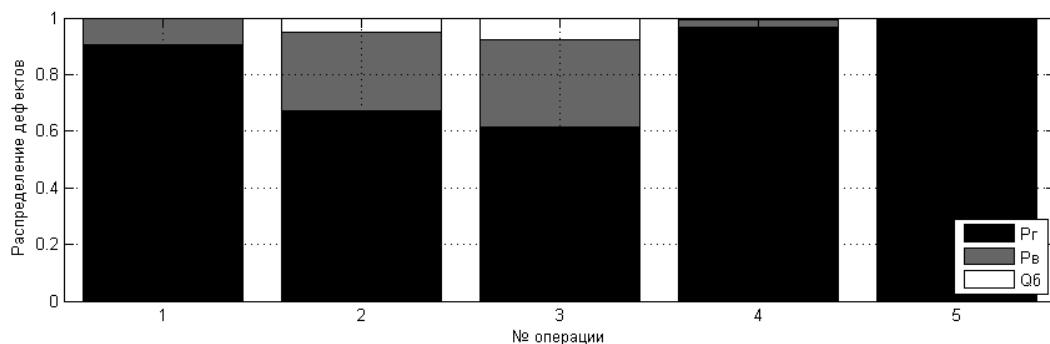


Рисунок 3 – Распределения вероятностей дефектов в изделиях на различных этапах ТП



1 – Начальное распределение вероятностей дефектов; 2 – Комплектация; 3 – Монтаж; 4 – Контроль и проверка 1; 5 – Контроль и проверка 2.

Рисунок 4 – Динамика вероятностей  $Q_\delta$ ,  $P_e$ ,  $P_b$  для различных этапов ТП

#### Выводы.

- Предложены модели ТО и КО, которые позволяют описывать динамику распределений дефектов в ходе ТП.
- Предложена программа расчета распределений дефектов вносимых в изделие и устранимых из него в результате КО и ТО.
- Приведен пример моделирования ТП монтажа навесных элементов на плату преобразователя. Предложенную модель и программу предполагается использовать при дальнейшей стоимостной оптимизации ТП.

## ЛИТЕРАТУРА

1. В.Е. Гмурман Теория вероятностей и математическая статистика /.- М.: Изд-во «Высшая Школа», 2000. – 478 с.;
2. И.А. Ушаков Курс теории надежности систем / - М.: Изд-во «Дрофа», 2008. – 239 с.;
3. Ю.Я. Бобало, Л.А. Недоступ, М.Д. Кіселичник Керування процесами формування та контролю заданих властивостей у виробництві електронних пристройів / Вестник Львовского Политехнического института, №2, 2009 – стр. 7-11;
4. А. Н. Сочнев Оперативное управление производственными системами на основе сетей Петри: автореферат диссертации на получении научной степени канд. техн. наук: спец. 05.13.01 «Системный анализ, управление и обработка» / Красноярск, 2005 – 20 с.