УДК 537.32; 538.93

Ромака В.А.^{1,2}, Рогль П.³, Ромака В.В.², Стадник Ю.В⁴, Корж Р.О.², Горынь А.М.⁴, Крайовский В.Я.², Лах О.И.⁵

¹Институт прикладных проблем механики и математики им. Я. Пидстрыгача НАН Украины, ул. Научная, 3-б, Львов, 79060, Украина; ²Национальный университет "Львивська политехника", ул. С. Бандеры, 12, Львов, 79013, Украина; ³Львовский национальный университет им. И. Франко, ул. Кирилла и Мефодия, 6, Львов, 79005, Украина; ⁴Институт физической химии Венского университета, ул. Верингерштрасе, 42, Вена, А-1090, Австрия; ⁵АОЗТ «НВО «Термоприлад» им. В.И. Лаха, ул. Научная, 3, Львов, 79060, Украина

ОПТИМИЗАЦИЯ ПАРАМЕТРОВ НОВОГО ТЕРМОЭЛЕКТРИЧЕСКОГО МАТЕРИАЛА *HfNiSn*_{1-x}Sb_x

Исследованы кристаллическая и электронная структуры, температурные и концентрационные зависимости удельного электросопротивления и коэффициента термоЭДС интерметаллического полупроводника n-HfNiSn, легированного примесью Sb, в диапазоне $T = 80 \div 400 \text{ K}$. Установлены основные механизмы электропроводности, согласующиеся с результатами теоретических исследований электронной структуры HfNiSn_{1-x}Sb_x. Показано, как это и прогнозировалось, что полученный термометрический материал HfNiSn_{1-x}Sb_x обладает высокой эффективностью преобразования тепловой энергии в электрическую.

Ключевые слова: электронная структура, уровень Ферми, электросопротивление, коэффициент термоЭДС.

The crystal and electronic structures, temperature and concentration dependences of resistivity and the Seebeck coefficient of n-HfNiSn intermetallic semiconductor doped with Sb were investigated in the temperature range $T = 80 \div 400$ K. The main mechanisms of conduction were established and they are in agreement with the results of theoretical studies of electronic structure of HfNiSn_{1-x}Sb_x. It was predicted and shown that the obtained thermometric material HfNiSn_{1-x}Sb_x has high efficiency of thermal into electrical energy conversion.

Key words: electronic structure, Fermi level, resistivity, Seebeck coefficient.

Введение

Известно, что интерметаллический полупроводник *n-HfNiSn* обладает высокой эффективностью преобразования тепловой энергии в электрическую, однако недостаточной для промышленного применения [1]. В то же время, оптимизация параметров термоэлектрических материалов для получения максимальных значений термоэлектрической добротности зависит от ряда факторов, в частности, концентрации носителей электрического тока, механизмов рассеяния, теплопроводности, выбора кристаллографической ориентации и т.п. Одним из способов повышения значений термоэлектрической добротности полупроводниковых материалов является их легирование [1, 2].

В работе [3] было показано, что в интерметаллических полупроводниках структурного типа *MgAgAs* (half-heusler alloys) необходимым условием достижения максимальной эффективности преобразования тепловой энергии в электрическую является легирование полупроводника таким типом примесей, которые бы совпадали с типом проводимости основных носителей тока матрицы базового полупроводника.

С другой стороны, исследования [4] показали, что кристаллическая структура соединения HfNiSn является неупорядоченной: позиция атомов $Hf(5d^26s^2)$ до ~1% занятая атомами Ni $(3d^84s^2)$, что генерирует в кристалле структурные дефекты донорной природы. Именно такая особенность структуры HfNiSn объясняет механизм «априорного легирования» полупроводника донорной примесью.

Таким образом, в соответствии с выводами [3], для увеличения эффективности преобразования тепловой энергии в электрическую необходимо легировать полупроводник *n*-*HfNiSn* такой примесью, которая бы генерировала в кристалле структурные дефекты донорной природы. Одним из вариантов такого легирования является введение в соединение *HfNiSn* атомов *Sb* $(4d^{105}s^{25}p^3)$ путем замещения атомов *Sn* $(4d^{105}s^{25}p^2)$. Поскольку атом *Sb* обладает на один 5*p*-электрон больше, чем атом *Sn*, то такое замещение должно было бы генерировать в кристалле структурные дефекты донорной природы. В таком случае, необходимо ожидать увеличения эффективности преобразования тепловой энергии в электрическую в *HfNiSn*_{1-x}*Sb*_x при подходе уровня Ферми к уровню протекания зоны проводимости полупроводника.

Цель данной работы – исследовать перспективность нового термоэлектрического материала $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ для преобразования тепловой энергии в электрическую. Предложенная работа носит комплексный характер, в ней исследован механизм и условия внедрения атомов *Sb* в структуру соединения HfNiSn как с привлечением экспериментальных методов анализа, так и расчетов ее электронной структуры. В частности, исследована динамика изменения кристаллической структуры $HfNiSn_{1-x}Sb_x$, установлена область существования твердого раствора, а также проведено моделирование электронной структуры и термодинамические расчеты. Кроме того, проанализированы электрокинетические и энергетические характеристики $HfNiSn_{1-x}Sb_x$, а также сравнены результаты эксперимента и сделанных расчетов, из чего вытекает степень адекватности предложенных моделей кристаллической и электронной структур полупроводника.

Методики исследований

Исследовалась кристаллическая структура, распределение электронной плотности (DOS), электрокинетические и энергетические характеристики $HfNiSn_{1-x}Sb_x$. Образцы синтезированы в лаборатории Института физической химии Венского университета. Методом рентгеноструктурного анализа [5] с использованием программы Fullprof [6] получены значения периодов кристаллической решетки $HfNiSn_{1-x}Sb_x$. Использовались массивы данных, полученные порошковым методом (дифрактометр Guinier-Huber image plate system, $CuKa_1$ -излучение; $8^\circ \le 2\theta \le 100^\circ$). Химический и фазовый составы образцов контролировались с помощью сканирующего электронного микроскопа (SEM, Zeiss Supra 55VP) и микрозондового анализатора (EPMA, energy-dispersive X-ray analyzer). Расчеты электронной структуры проводились методами Коринги-Кона-Ростокера (KKR) в приближении когерентного потенциала (СРА), локальной плотности (LDA) и плоских волн (FP-LAPW) в рамках теории функционала плотности (DFT) [7]. Измерялись температурные и концентрационные зависимости удельного сопротивления (ρ) и коэффициента термоЭДС (α) *HfNiSn*_{1-x}*Sb*_x в диапазонах: $T = 80 \div 400$ K, $N_D^{Sb} \approx 9.5 \cdot 10^{19}$ см⁻³ (x = 0.005) $\div 1.9 \cdot 10^{21}$ см⁻³ (x = 0.10).

Исследование структурных особенностей HfNiSn_{1-x}Sb_x

С целью проверки сформулированного выше предположения относительно способа легирования *n*-*HfNiSn* для получения нового термоэлектрического материала с высокими значениями термоэлектрической мощности синтезированы образцы, в которых замещены атомы *Sn* атомами *Sb*. Микрозондовый анализ концентрации атомов на поверхности и сколах образцов *HfNiSn*_{1-x}*Sb_x* показал их соответствие исходным составам шихты, что является одним из экспериментальных доказательств прогнозируемого замещения атомов *Sn* атомами *Sb*. В свою очередь, рентгеновские фазовый и структурный анализы показали, что все исследуемые образцы *HfNiSn*_{1-x}*Sb_x* не содержат следов других фаз, кроме основной, до состава x = 0.1 включительно (структурный тип *MgAgAs*, кубическая сингония, пространственная группа $F\bar{4}3m$). Согласно результатам рентгеновского фазового анализа, синтезированные образцы твердого раствора *HfNiSn*_{1-x}*Sb_x* позволило установить, что имеет место замещение атомов *Sn* атомами *Sb*, что приводит к закономерному росту периода кристаллической решетки *a*(*x*) (рис. 1 *a*). Эти результаты согласовываются с различием атомных радиусов *Sn* ($r_{Sn} = 0.158$ нм) и *Sb* ($r_{Sn} = 0.160$ нм).



Рис. 1. Изменение значений параметра элементарной ячейки a(x): 1 – значение эксперимента; 2 – рассчитанные значения (a) и свободной энергии F(x) (б) HfNiSn_{1-x}Sb_x.

Уточнение кристаллической структуры порошковым методом показало, что степень занятости позиций атомов Sn(Sb) составляет 100 %, а структура $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ является упорядоченной, что создает предпосылки для получения полупроводникового материала с однозначными характеристиками, не изменяющимися при многократном циклическом нагреве и охлаждении. Заметим, что упорядоченность структуры $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ означает, что при наименьших концентрациях атомов Sb, внедренных в позицию атомов Sn, параллельно происходит процесс возвращения 1 % атомов Ni, которые занимали кристаллографическую

позицию *Hf*, в собственную кристаллографическую позицию [4].

Оптимизация значений параметра элементарной ячейки a(x) $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ для концентраций x(Sb) = 0, 0.25 и 0.5 позволила получить его концентрационную зависимость (рис. 1 *a*). Результаты расчета подтвердили возрастание параметра элементарной ячейки, однако с положительном отклонением от линейности. Поскольку использование приближения локальной плотности приводит к недооценке значений энергии и параметров элементарной ячейки, то рассчитанные значения a(x) (рис. 1 *a*) являются систематически заниженными относительно экспериментальных, однако тенденция сохраняется практически одинаковой.

В свою очередь, термодинамические расчеты с использованием DFT в приближении гармонических колебаний атомов показали, что зависимость свободной энергии (потенциала Гельмгольца) при температуре 350 К проходит через минимум (рис. 1 δ) при концентрации $x(Sb) \approx 0.1$, указывая, тем самым, на ограниченность растворимости атомов Sb в кристаллической структуре HfNiSn, что подтверждено экспериментально, однако существенно отличается от растворимости атомов редкоземельных металлов в HfNiSn, которая составляет ~ 0.3 [1]. Кроме того, из рис. 1 δ следует, что с увеличением температуры растворимость атомов Sb в структуре HfNiSn возрастает.

С другой стороны, расчеты распределения функции локализации электрона (ELF) в исходном HfNiSn и легированном соединении $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ указали на дополнительную локализацию электронной плотности между атомами Ni и Sb (рис. 2), что указывает на увеличение электронной плотности в кристалле за счет донорной природы примеси. На основании указанного результата можно сделать вывод, что замена *p*-элемента в кристаллической структуре HfNiSn значительно больше влияет на ее стабильность, чем замена атомов Hf или Ni. Поскольку система тетраэдрических ионно-ковалентных связей образовывается за счет тетраэдрической гибридизации атомных орбиталей Sn, то любые существенные изменения в количестве валентных электронов на *p*-орбиталях приведут к образованию более выгодных энергетически химических связей и, как следствие, к разрушению структуры типа MgAgAs [4, 8].



Рис. 2. Проекция функции локализации электрона (ELF) на плоскости [101] для исходного соединения HfNiSn и для состава HfNiSn_{0.75}Sb_{0.25}.

Таким образом, структурные исследования *n*-*HfNiSn*, легированного атомами *Sb*, показали, что они *Sb* занимают исключительно кристаллографическую позицию атомов *Sn*, генерируя в кристалле структурные дефекты донорной природы, а область растворимости атомов *Sb* в матрице *HfNiSn*_{1-x}*Sb*_x составляет $x \le 0.10$.

Исследование электронной структуры HfNiSn_{1-x}Sb_x

Для прогнозирования поведения уровня Ферми ε_F , ширины запрещенной зоны ε_g и электрокинетических характеристик *n*-*HfNiSn*, легированного атомами *Sb*, выполнены расчеты распределения электронной плотности (DOS) *HfNiSn*_{1-x}*Sb_x*. Принимая во внимание, что введение в соединение *HfNiSn* примесных атомов *Sb* упорядочивает ее кристаллическую структуру, расчеты DOS проведены для случая упорядоченной кристаллической структуры.

Как указано выше, введение атомов Sb в кристаллическую структуру соединения HfNiSn сопровождается генерированием структурных дефектов донорной природы. В таком случае, легирование интерметаллического полупроводника *n*-*Hf*NiSn донорными примесями, структура которого уже содержит дефекты донорной природы, будет уменьшать степень компенсации, а уровень Ферми сместится в направлении зоны проводимости, проникая в нее при определенных концентрациях примесных атомов Sb. На рис. 3 a приведены результаты расчетов распределения плотности электронных состояний, изменения ширины запрещенной зоны и положения уровня Ферми для упорядоченного варианта кристаллической структуры $HfNiSn_{1-x}Sb_x$. Как можем видеть, при введении в n-HfNiSn наименьших достижимых в эксперименте концентраций донорной примеси Sb уровень Ферми ε_{F} перемещается из запрещенной зоны, где в *n-HfNiSn* он располагался вблизи дна зоны проводимости на расстоянии ~ 81.3 мэВ [9], в зону проводимости: реализуется переход проводимости диэлектрик-металл, что является переходом Андерсона [10]. При увеличении концентрации донорной примеси уровень Ферми дрейфует в зоне непрерывных энергий. Кроме дрейфа, вызванного уменьшением степени компенсации полупроводника, имеет место также и уменьшение значений ширины эффективной запрещенной зоны полупроводника Eg от $\varepsilon_{g}(x=0) = 287.7$ мэВ до $\varepsilon_{g}(x=0.01) = 181.7$ мэВ вследствие увеличения «хвостов» зон, изменяющих профиль зон непрерывных энергий (рис. 3 *a*).



Рис. 3. Распределение электронной плотности DOS (a) и расчеты изменения значений коэффициента термоЭДС α(x) при разных температурах (б) HfNiSn_{1-x}Sb_x.

Такое поведение уровня Ферми, происходящее вследствие упорядочения кристаллической структуры полупроводника, позволяет определять механизмы проводимости и электрокинетические характеристики полупроводникового твердого раствора $HfNiSn_{1-x}Sb_x$. Рассчитывая электронную структуру $HfNiSn_{1-x}Sb_x$, можно прогнозировать поведение его электрокинетических характеристик. На рис. 3 δ , в качестве примера, показано изменение значений коэффициента термоЭДС $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ при различных температурах.

Незначительное изменение концентрации примеси, при которой имеет место переход проводимости диэлектрик-металл, позволяет получать в $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ высокие значения коэффициента термоЭДС (α) и электропроводности (σ), что обеспечит высокие значения коэффициента термоЭДС (α) и электропроводности ($Z^* = \alpha^2/\sigma$). Кроме того, высокие значения коэффициента термоЭДС (α) $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ в широком температурном диапазоне делают данный твердый раствор также перспективным термометрическим материалом для изготовления чувствительных элементов термоэлектрических термометров.

Таким образом, результаты расчетов распределения электронной плотности $HfNiSn_{1-x}Sb_x$, выполненные на основе результатов структурных исследований, указывают на донорную природу генерированных структурных дефектов, а экспериментальные исследования позволят проверить адекватность результатов расчетов, а следовательно и выбранной модели структуры полупроводника.

Исследование электрокинетических и энергетических характеристик HfNiSn_{1-x}Sb_x

Температурные зависимости удельного электросопротивления ρ и коэффициента термоЭДС $\alpha(1/T)$ для образцов *HfNiSn*_{1-x}*Sb_x*, $0 \le x \le 0.10$, которые меняются в полном соответствии с результатами расчетов распределения электронной плотности, приведены на рис. 4.



Рис. 4. Температурные зависимости удельного электросопротивления ρ (*a*) и коэффициента термоЭДС α (б) HfNiSn_{1-x}Sb_x: 1 - x = 0.005; 2 - x = 0.01; 3 - x = 0.03; 4 - x = 0.07; 5 - x = 0.10.

Добавление наименьших концентраций атомов *Sb* приводит к увеличению значений удельного электросопротивления (ρ) при возрастании температуры, а на его температурных зависимостях отсутствуют активационные участки. Такое поведение $\rho(T)$ является характерным для металлического типа проводимости, что является возможным при приближении

уровня Ферми ε_F к краю зоны проводимости на величину, близкую к значению $k_{\rm b}T$, или в случае вхождения в зону непрерывных энергий.

Кроме того, значения удельного электросопротивления стремительно уменьшаются (рис. 5 *a*) при увеличении концентрации примесных атомов *Sb* в структуре соединения *HfNiSn*, что является возможным лишь при генерировании в кристалле дефектов донорной природы и увеличении концентрации свободных электронов. Так, например, при T = 80 K значение $\rho(x)$ стремительно уменьшается от $\rho_{x=0} = 1071.1$ мкОм·м до значения $\rho_{x=0.005} = 7.14$ мкОм·м. Такое поведение $\rho(x)$ обусловлено увеличением значений плотности состояний на уровне Ферми при уменьшении степени компенсации полупроводника, которое было предусмотрено расчетами его электронной структуры. То, что уровень Ферми смещается именно в направлении зоны проводимости при легировании *n*-*HfNiSn* донорной примесью *Sb* показывают зависимости изменения значений коэффициента термоЭДС во всем температурном и концентрационном диапазонах (рис. 5 δ). Так, значение коэффициента термоЭДС, например, при 80 K, изменяются от $\alpha_{x=0} = -178.1$ мкВK⁻¹ до значения $\alpha_{x=0.005} = -41.5$ мкВK⁻¹, что указывает на приближение уровня Ферми к краю зоны проводимости полупроводника.



Рис. 5. Изменение значений удельного электросопротивления $\rho(x)$ (a) и коэффициента термоЭДС $\alpha(x)$ (б) $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ при разных температурах: 1 - T = 80 K; 2 - T = 380 K.

Одним из подтверждений того, что примесные атомы *Sb* генерируют в структуре соединения *HfNiSn* дефекты донорной природы, является характер изменения значений амплитуды крупномасштабной флуктуации зон непрерывных энергий (ε_1^{α}) и усредненной амплитуды потенциальной ямы мелкомасштабной флуктуации (ε_3^{α}) (рис. 6 *a*) *HfNiSn*_{1-x}*Sb*_x, вычисленных из высоко- и низкотемпературных участков зависимостей $\alpha(1/T)$, соответственно [1].

Введение в *n*-*HfNiSn* донорной примеси *Sb* сопровождается уменьшением степени компенсации полупроводника [10], что вызовет уменьшение значений амплитуды флуктуации (уменьшение значений ε_1^{α}). Кроме того, наблюдается также корреляция между значениями амплитуды крупномасштабной флуктуации (ε_1^{α}) и глубиной потенциальной ямы мелкомасштабной флуктуации (ε_3^{α}): чем меньшей является амплитуда флуктуации, тем меньше потенциальная яма мелкомасштабной флуктуации [10].



Рис. 6. Изменение значений энергий активации ε_1^{α} (1) и ε_3^{α} (2) (*a*) и коэффициента термоэлектрической мощности Z) (б) HfNiSn_{1-x}Sb_x при разных температурах: 1 - T = 380 K; 2 - T = 250 K; 3 - T = 80 K.

Таким образом, легирование интерметаллического полупроводника *n*-*HfNiSn* донорной примесью *Sb* характеризуется увеличением значений электропроводности при относительно высоких значениях коэффициента термоЭДС. Это является залогом получения высоких значений коэффициента термоэлектрической мощности в полупроводниковом твердом растворе $HfNiSn_{1-x}Sb_x$.

Исследование коэффициента термоэлектрической мощности *HfNiSn*_{1-x}Sb_x

На рис. 6 б представлены концентрационные зависимости изменения значений коэффициента термоэлектрической мощности Z^* $HfNiSn_{1-x}Sb_x$. Можем видеть, что именно при наименьшей концентрации донорной примеси, x = 0.005, значения коэффициента термоэлектрической мощности являются максимальными. Такое поведение $Z^*(x)$ $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ является понятным и предполагалось на основе результатов расчетов распределения электронной плотности полупроводника.

Выводы

Таким образом, на основании приведенных результатов можем утверждать, что полученный твердый раствор $HfNiSn_{1-x}Sb_x$ является новым перспективным термоэлектрическим материалом и по своим характеристикам, в частности, значениям коэффициента термоэлектрической мощности, намного превосходит такие значения в *n*-*HfNiSn*. Кроме того, значения коэффициента термоэлектрической мощности увеличиваются при увеличении температуры, что расширяет диапазон их возможного применения.

Работа выполнена в рамках гранта Национальной академии наук Украины, № 106U000594.

Литература

- 1. Ромака В.А. Интерметаллические полупроводники: свойства и применение / В.А. Ромака, В.В. Ромака, Ю.В. Стадник. Львов.: Львовская политехника, 2011. 488 с.
- 2. Анатычук Л.И. Термоэлементы и термоэлектрические устройства / Л.И. Анатычук. К.: Наукова думка, 1979. 768 с.

- V.A. Romaka, D. Fruchart, Yu.V. Stadnyk, J. Tobola, Yu.K. Horelenko, M.G. Shelyapina, L.P. Romaka and V.F. Chekurin, Conditions for the Attainment of Maximum Values of Thermoelectric Power Factor in the Intermetallic Semiconductors of *MgAgAs* Structural Type, *Semiconductors* 40 (11), 1289 – 1395 (2006).
- 4. V.V. Romaka, P. Rogl, L. Romaka, Yu. Stadnyk, A. Grytsiv, O. Lakh, and V. Krajovsky, Peculiarites of Structural Disorder in *Zr* and *Hf* Containing Heusler and Half-heusler Stannides, *Intermetallics* 35, 45 52 (2013).
- 5. V.K. Pecharsky, P.U. Zavalij, *Fundamentals of Powder Diffraction and Structural Characterization of Materials* (NY, Springer, 2005), 713 p.
- 6. T. Roisnel, J. Rodriguez-Carvajal, WinPLOTR: a Windows Tool for Powder Diffraction Patterns Analysis, *Mater. Sci. Forum, Proc. EPDIC7* 378-381, 118 123 (2001).
- 7. M. Schröter, H. Ebert, H. Akai, P. Entel, E. Hoffmann and G.G. Reddy, First-Principles Investigations of Atomic Disorder Effects on Magnetic and Structural Instabilities in Transition-Metal Alloys, *Phys. Rev. B* 52, 188 (1995).
- 8. Григорович В.К. Металлическая связь и структура металлов / В.К. Григорович. М.: Наука, 1988. 296 с.
- V.A. Romaka, P. Rogl, V.V. Romaka, Yu.V. Stadnyk, E.K. Hlil, V.Ya. Krajovsky, and A.M. Horyn, Features of Conduction Mechanisms in *n-HfNiSn* Semiconductor Heavily Doped with *Rh* Acceptor Impurity, *Semiconductors* 47 (9), 1145-1152 (2013).
- Шкловский Б.И. Электронные свойства легированных полупроводников / Б.И. Шкловский, А.Л. Эфрос. – М.: Наука, 1979. – 416 с.

Поступила в редакцию 06.11.2013.