

УДК 528.8.04

ОПТИМИЗАЦИЯ ДАННЫХ ГЛОБАЛЬНОГО СПУТНИКОВОГО ГЕОМОНИТОРИНГА МЕТОДОМ ПРОСТРАНСТВЕННОЙ ИНТЕРПОЛЯЦИИ КОЛМОГОРОВА НА ПРИМЕРЕ ИЗМЕРЕНИЙ АТМОСФЕРНЫХ КОНЦЕНТРАЦИЙ CO₂

Л. Ф. Даргейко*, В. И. Лялько, А. Д. Федоровский, Ю. В. Костюченко, И. Г. Артеменко

ГУ "Научный центр аэрокосмических исследований Земли Института геологических наук НАН Украины", Киев, Украина

Резюме. Обосновывается использование метода пространственной интерпретации Колмогорова для оптимизации данных глобального спутникового геомониторинга для решения задач охраны окружающей среды, природопользования, контроля за климатическими и экологическими изменениями. Использовалась карта глобального распределения концентрации CO₂ в атмосфере, полученная сенсором SCIAMACHY спутника Envisat-1.

Ключевые слова: спутниковые наблюдения, регуляризация данных, атмосферная концентрация двуокиси углерода, пространственная интерполяция Колмогорова

© Л. Ф. Даргейко, В. И. Лялько, А. Д. Федоровский, Ю. В. Костюченко, И. Г. Артеменко. 2014

Введение

Основными проблемами, присущими системам наблюдения, являются нерегулярность сетки, по которой производятся измерения и их относительно низкая разрешающая способность. Большинство моделей, применяемых для описания процессов на земной поверхности, требуют входных данных на регулярной геореферированной сетке. Однако, в случае с наземными наблюдениями это не всегда возможно. Проблема разрешающей способности в большей мере присуща дистанционным системам сбора информации. Модели, применяемые для анализа явлений и процессов на региональном или более того — локальном уровне, требуют входных данных с соответствующей плотностью, которую не всегда обеспечивают существующие системы наблюдения. В такой ситуации, естественно, происходит постоянное совершенствование систем наблюдения, разработка новых методик сбора данных, развитие систем экспериментальных калибровочно-заверочных полигонов.

В то же время в последнее десятилетие активно разрабатываются методики предварительной обработки данных наблюдений, которые позволили бы получать массивы данных в том виде, который оптимально отвечает потребностям моделирования. Как правило, эти методики базируются на использовании различного рода математических методов аппроксимации, интерполяции, экстраполяции и т. п. Совокупность таких методов, направленных на получение регуляризованных, равномерно с определенным шагом распределенных в заданной системе координат данных получила в последние годы название даунскейлинга (down-

scaling) или "уменьшения размерности". Использование методов даунскейлинга позволяет получить из существующих неравномерно распределенных данных с низкой разрешающей способностью регуляризованные массивы данных, которые соответствуют заданным требованиям моделирования и позволяют минимизировать ошибки, присущие системам наблюдения.

Особое значение методики даунскейлинга обретают в контексте анализа климатических изменений. В настоящее время наиболее актуальной проблемой в этой области является разработка моделей региональных изменений климатических показателей, что требует получения массивов входных данных, которые сейчас пока еще не могут быть предоставлены существующими системами сбора информации. В первую очередь это касается данных о балансе атмосферных концентраций парниковых газов, прежде всего — углекислого газа [2]. Существующие системы глобального спутникового измерения атмосферных концентраций парниковых газов обеспечивают точность на уровне глобальных оценок около одного градуса дуги по поверхности Земли, в то время как региональные модели требуют точности от 30' × 30' до 20" × 20". В такой ситуации разработка корректных проблемно ориентированных методов предварительной обработки данных, в частности методов даунскейлинга, становится чрезвычайно актуальной задачей.

Известны различные методы детализации метрологических полей: статистические, физические, динамические, динамико-статистические [1]. Все эти методы обладают своими достоинствами и недостатками. Например, методы интерполяции полиномом (рост степени полинома с ростом числа точек) приводит к значительным скачкам приближающей функции, что может расходиться с поведением мо-

* e-mail: casre@casre.kiev.ua

порциональны коэффициентам корреляции между точкой интерполяции и базовыми точками (участками). Таким образом, коэффициент взаимной корреляции учитывает влияние на значение функции в точке интерполяции значений всех связанных с ней базовых точек. Для каждой исследуемой точки вычисляются коэффициенты интерполяции и формируется линейная комбинация известных базовых значений функции f_i в известных точках с соответствующими коэффициентами интерполяции для каждой базовой точки [4]:

$$f(x) = \sum_{i=1}^n \lambda_i(x) f_i \quad (1)$$

Ниже рассматривается последовательность поиска значений коэффициентов интерполяции λ_i для уравнения (1), которые обеспечат минимум математического ожидания квадрата погрешности решения уравнения (1) относительно истинного ее значения, то есть минимум величины [3]:

$$\varepsilon^2 = E\{(f(x) - f(x))^2\} \quad (2)$$

в соответствии, с принципом Колмогорова.

Подставим (1) в (2) и выполним алгебраические преобразования

$$\begin{aligned} \varepsilon^2 &= E\{f^2(x)\} - 2 \sum_{i=1}^n \lambda_i E\{f(x_i) f(x)\} + \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^n \lambda_i \lambda_k E\{f(x_i) f(x_k)\} = \\ &= \sigma_f^2 + \bar{f}^2 - 2 \sum_{i=1}^n \lambda_i B(x - x_i) + \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^n \lambda_i \lambda_k B(x_k - x_i) \end{aligned}$$

где σ_f^2 — дисперсия и \bar{f}^2 — математическое ожидание неизвестного значения интерполируемой функции.

Для каждого фиксированной точки x , для которой строится оценка функции $f(x)$, можно представить значения автокорреляционной функции (АКФ) $B(x - x_i)$, $i = 1, \dots, n$ неизвестного значения f в виде линейной комбинации значений АКФ для известных точек, $B(x_k - x_i)$, $k = 1, \dots, n$:

$$B(x - x_i) = \sum_{k=1}^n \lambda_k(x) B(x_k - x_i) \quad (4)$$

где $\lambda_k(x)$, $k = 1, \dots, n$ — набор коэффициентов, который (для каждого отдельно) может быть определен из решения системы уравнений (4).

Система уравнений (4) может быть представлена в матричном виде:

$$\begin{pmatrix} B(x - x_1) \\ B(x - x_2) \\ \vdots \\ B(x - x_n) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \lambda_1(x) \\ \lambda_2(x) \\ \vdots \\ \lambda_n(x) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & B(x_2 - x_1) & \cdots & B(x_n - x_1) \\ B(x_1 - x_2) & 1 & \cdots & B(x_n - x_2) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ B(x_1 - x_n) & B(x_2 - x_n) & \cdots & 1 \end{pmatrix}$$

В системе уравнений (4) коэффициентами являются значения корреляционной функции как функции расстояний между точками. $B(x_k - x_i)$ — матри-

ца значений корреляционной функции между каждой парой точек, в которых известно значение функции (между каждой парой базовых точек), а $B(x - x_i)$ — вектор значений корреляционной функции для расстояний от точки, для которой оценивается значение функции до каждой из базовых точек.

После несложных преобразований уравнение (3) принимает вид

$$\begin{aligned} \varepsilon^2 &= \sigma_f^2 + \bar{f}^2 - \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^n \lambda_i(x) \lambda_k(x) B(x_k - x_i) + \\ & \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^n (\lambda_i - \lambda_i(x)) (\lambda_k - \lambda_k(x)) B(x_k - x_i) \end{aligned} \quad (5)$$

Видно, что минимум ε^2 будет соответствовать такому выбору коэффициентов $\lambda_1(x), \lambda_2(x), \dots, \lambda_n(x)$, который обращает последнее слагаемое уравнения (5) в ноль, то есть $\lambda_i = \lambda_i(x)$, где $\lambda_i(x)$ определяются (для каждого узла) из решения системы уравнений (4). Система уравнений (4) позволяет определить все необходимые коэффициенты интерполяции, минимизирующие ошибку расчета значения $f(x)$.

Таким образом, после определения коэффициентов интерполяции искомые значения концентрации CO_2 в атмосфере исследуемых участков территории вычисляются по формуле (1).

Результаты исследований

Для атмосферы над территорией Украины и прилегающих регионов (рис.) нами были выполнены расчеты ежемесячного распределения углекислого газа в период с января 2003 по декабрь 2005 года включительно. Полученные значения усреднялись по временным и пространственным параметрам. В исследованиях использовались максимальные значения CO_2 , приходящиеся на июль месяц. Далее на полученной карте распределения CO_2 в атмосфере исследуемой территории было выделено 100 базовых точек-участков с соответствующими координатами и известными значениями концентрации CO_2 в атмосфере. Для апробации метода интерполяции Колмогорова из выделенных участков было выбрано 10 (табл.), которые использовались для дальнейшего эксперимента. Значения содержания CO_2 на оставшихся 90 базовых участках использовались как эталонные для вычисления и интерполяции содержания CO_2 на 10 исследуемых участках. При этом ранее полученные значения концентрации CO_2 в атмосфере выбранных 10 участков играли роль “заверочных” для оценки достоверности результатов интерполяции.

В системе уравнений оптимальной интерполяции (4) используются коэффициенты корреляции между участком, куда выполняется интерполяция, и всеми эталонными участками, а также коэффициенты корреляции для соответствующих расстояний между эталонными участками. В соответствии с этим, в начале вычислялись значения коэффи-

Координаты и значения концентрации CO_2 в атмосфере участков, выбранных для апробации метода интерполяции Колмогорова

Номер участка	φ	λ	$N_{\text{баз}}$	$N_{\text{выч}}$
1	51°16'	27°21'	382	378
2	50°09'	33°05'	381	383
3	48°00'	30°33'	382	381
4	48°06'	40°50'	385	380
5	45°38'	39°40'	384	383
6	44°50'	34°10'	385	388
7	48°45'	25°49'	380	381
8	46°55'	25°49'	379	379
9	45°53'	25°54'	378	376
10	45°31'	23°15'	381	378

циентов пространственной корреляции поля CO_2 между каждой парой эталонных участков, а затем попарно определялись значения коэффициентов пространственной корреляции между каждым из 10 интерполируемых участков со всеми 90 эталонными участками.

Исходя из особенностей атмосферных процессов, значения корреляционной функции оценивались не числом, а некоторой кривой, представляющей собой зависимость коэффициента корреляции от расстояния. В этом случае, для определения коэффициента корреляции между двумя участками, измерялось расстояние между ними и на графике находилось значение корреляционной функции, соответствующее этому расстоянию.

Для моделирования содержания углекислого газа в атмосфере на основе изложенной теории была разработана специальная программа, которая использовалась в данной работе. В качестве базовых участков было выделено четыре различных набора по 100 участков, при этом в каждом наборе для интерполяции по методу Колмогорова сохранялись одни и те же 10 исследуемых участков. Результаты вычислений содержания CO_2 в атмосфере для выбранных 10 участков по всем четырем вариантам отличаются от “заверочных” значений не более чем на 10%, что вполне приемлемо для опе-

ративного мониторинга содержания парниковых газов в атмосфере. Результат вычислений наиболее близкий к “заверочным” значениям приведен в таблице.

Выводы

Проведенные исследования подтвердили возможность использования метода пространственной интерполяции Колмогорова для оптимизации данных глобального спутникового геомониторинга.

Литература

1. Зарипов Р. Б. Обзор современных методов повышения детализации метеорологических полей / Р. Б. Зарипов // Динамика окружающей среды и глобальные изменения климата. — 2010. — №1. — С. 1–11.
2. Изменения земных систем в Восточной Европе / Отв. ред. В. И. Лялько. — Киев, 2010. — 582 с.
3. Колмогоров А. Н. Интерполирование и экстраполирование стационарных случайных последовательностей / А. Н. Колмогоров // Изв. АН СССР. Серия матем. — 1941. — №5. — С. 3–11.
4. Колмогоров А. Н. Локальная структура турбулентности в несжимаемой вязкой жидкости при очень больших числах Рейнольдса // Доклады академии наук СССР. — 1941. — Т. 30. — №4. — С. 299–305.
5. Лялько В. І. Дослідження впливу змін CO_2 та CH_4 в атмосфері на клімат за матеріалами космічних зйомок / В. І. Лялько, І. Г. Артеменко, Г. М. Жолобак [та ін.] // Геолог. журнал. — 2007. — №4, — С. 7–16.
6. Масюков В. В. Методика объективного сравнения методов интерполяции / В. В. Масюков [и др.] // Геофизический вестник. — 2005. — № 1. — С. 17–21.
7. Buchwitz M.R. de Beek, S. Nöl et al. Atmospheric carbon gases retrieved from SCIAMACHY by WFM-DOAS: version 0.5 CO and CH_4 and impact of calibration improvements on CO_2 retrieval: ACP, 2006.

ОПТИМІЗАЦІЯ ДАНИХ ГЛОБАЛЬНОГО СУПУТНИКОВОГО ГЕОМОНІТОРИНГА МЕТОДОМ ПРОСТОРОВОЇ ІНТЕРПОЛЯЦІЇ КОЛМОГОРОВА НА ПРИКЛАДІ ВИМІРІВ АТМОСФЕРНИХ КОНЦЕНТРАЦІЙ CO_2

Л. Ф. Даргейко, В. І. Лялько, О. Д. Федоровский, Ю. В. Костюченко, І. Г. Артеменко

Резюме. Обґрунтовується використання методу просторової інтерпретації Колмогорова для оптимізації даних глобального супутникового геомоніторингу для розв'язування задач охорони навколишнього середовища, природокористування, контролю кліматичних і екологічних змін. Використовувалась карта глобального розподілу концентрації CO_2 в атмосфері, отримана сенсором SCIAMACHY супутника Envisat-1.

Ключові слова: супутникові спостереження, регуляризація даних, атмосферна концентрація двоокису вуглецю, просторова інтерполяція Колмогорова

GLOBAL SATELLITE MONITORING USING METHOD OF SPATIAL INTERPOLATION OF KOLMOGOROV FOR STUDY OF ASSESSMENT OF ATMOSPHERIC CONCENTRATION OF CO_2

L. F. Dargejko, V. I. Lyalko, O. D. Fedorovski, Yu. V. Kostuchenko, I. G. Artemenko

Abstract. For optimization of data for global satellite environmental and climate monitoring the method of spatial interpolation of Kolmogorov is validated in this paper. As the source data the global map of carbon dioxide atmospheric concentration obtained from SCIAMACHY sensor of Envisat-1 satellite has been utilized.

Keywords: satellite observations, data regularization, carbon dioxide atmospheric concentration, Kolmogorov spatial interpolation