

УДК 534.232.082.72; 620.179.16; 620.179.17

О. Н. ПЕТРИЩЕВ, д-р техн. наук, проф., НТУУ «КПИ», Киев;
Г. М. СУЧКОВ, д-р техн. наук, проф., НТУ «ХПИ»;
Е. Л. НОЗДРАЧЕВА, канд. техн. наук, доцент НТУ «ХПИ»;
М. И. РОМАНЮК, аспирант, НТУУ «КПИ», Киев

МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРЕОБРАЗОВАТЕЛЯ ЕМКОСТНОГО ТИПА В РЕЖИМЕ ВОЗБУЖДЕНИЯ УЛЬТРАЗВУКОВЫХ ВОЛН В МЕТАЛЛАХ. ЧАСТЬ 1

Предложена математическая модель емкостного преобразователя для излучения ультразвуковых колебаний в металлическое изделие. Получено выражение для расчета поверхностной плотности статического электрического заряда на поверхности металлического образца. Выявлены основные влияющие факторы, определяющие плотность зарядов на поверхности изделия и, соответственно, мощность и диаграмму направленности излучаемого ультразвукового поля.

Ключевые слова: ультразвуковой контроль, емкостной преобразователь, плотность электрического заряда, электрическое поле, емкость, ультразвуковые колебания.

Введение. Внедрение энерго- и ресурсосберегающих технологий необходимо не только при производстве, но и при проведении неразрушающего контроля [1]. Разработка новых методов и средств контроля ведется практически во всех ведущих странах мира [2]. Одним из интенсивно развивающихся и внедряемых методов, позволяющий экономить энергию и материалы, является электромагнитно-акустический [3]. Однако, он имеет ряд ограничений в некоторых областях при-

менения, в частности при контроле ферромагнитных материалов, из-за сильного притяжения преобразователя к изделию, при контроле сплавов из меди и титановых сплавов. Принципиально улучшить ситуацию возможно за счет применения емкостного метода возбуждения и приема ультразвуковых колебаний. Однако, практически реализуемая чувствительность этого метода сравнительно небольшая [4]. Поэтому перспективными для практики являются теоретические и экспериментальные разработки, направленные на увеличение чувствительности емкостного метода возбуждения и приема ультразвуковых волн в металлах. Требуется исследовать и определить влияние факторов, определяющих работу емкостных преобразователей, и показать возможные пути повышения их чувствительности.

1. Общая схема построения математической модели емкостного преобразователя в режиме возбуждения ультразвуковых волн

Рассмотрим преобразователь емкостного типа (рис. 1), в виде металлического круглого диска (позиция 1 на рис. 1), который располагается на расстоянии δ над поверхностью электропроводного образца (позиция 2). На металлический диск подается постоянный во времени электрический потенциал U_0 , который формирует на поверхности ме-

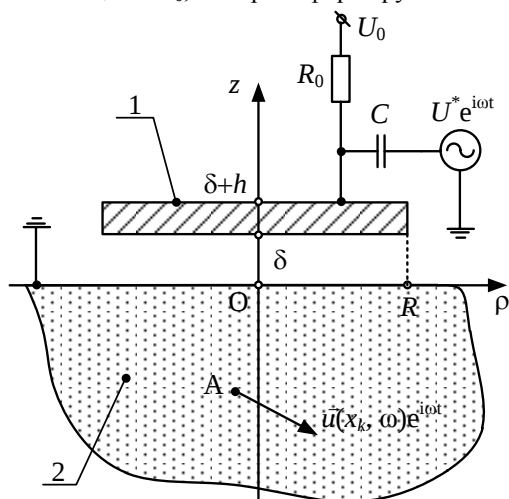


Рис. 1 – Расчетная схема электроакустического преобразователя емкостного типа в режиме возбуждения ультразвуковых волн в металлическом образце

таллического образца электрический заряд с поверхностной плотностью $\sigma^0(\rho)$, где ρ, φ, z - координатные линии цилиндрической системы координат, начало которой располагается на поверхности металлического образца (в точке O), а ось z совмещена с осью симметрии диска (рис. 1). Очевидно, что электрические поля и поверхностная плотность $\sigma^0(\rho)$ наведенного электрического заряда не зависят от круговой координаты φ .

Одновременно с постоянным потенциалом U_0 на металлический диск подается изменяющейся во времени по гармоническому закону $e^{i\omega t}$ ($i = \sqrt{-1}$; ω - циклическая частота; t - время) электрический потенциал с амплитудным значением U^* . Этот потенциал создает переменное электрическое поле с напряженностью $\vec{E}^* e^{i\omega t}$ ($\vec{E}^*$ - амплитуда вектора напряженности переменного электрического поля).

Пусть выполняется неравенство $U^* \ll U_0$. Тогда поверхностные заряды, которые создаются переменным электрическим полем, можно не принимать в расчет. В таком случае переменное электрическое поле линейно взаимодействует со статическим электрическим зарядом, в результате чего на поверхности $z = 0$ металлического образца возникают силы Кулона с поверхностной плотностью $\sigma_{z\rho}^*(\rho, t)$ и $\sigma_{zz}^*(\rho, t)$. Причем

$$\sigma_{z\rho}^*(\rho, t) = \sigma^0(\rho) E_\rho^*(\rho, 0) e^{i\omega t}, \quad \sigma_{zz}^*(\rho, t) = \sigma^0(\rho) E_z^*(\rho, 0) e^{i\omega t}, \quad (1)$$

где $E_\rho^*(\rho, 0)$ и $E_z^*(\rho, 0)$ - амплитудные значения радиального и аксиального компонентов вектора напряженности переменного электрического поля на поверхности $z = 0$ металлического образца.

Силы Кулона $\sigma_{z\rho}^*(\rho, t)$ и $\sigma_{zz}^*(\rho, t)$ или, используя терминологию механики деформируемого твердого тела, касательные и нормальные поверхностные нагрузки, создают в области существования постоянного и переменного электрических полей динамические деформации поверхности металлического объекта. Из области динамических деформаций избыток энергии выносится упругими волнами в объем металлического образца. Учитывая линейность физической системы и существующих в ней процессов, определим вектор смещения материальных частиц металла как гармонически изменяющуюся во времени величину с амплитудным значением $\vec{u}(x_k, \omega)$, где x_k - координаты точки наблюдения за волновым полем (произвольно выбранная точка A на рис. 1).

Амплитудные значения волнового поля смещений $\vec{u}(x_k, \omega)e^{i\omega t}$ в любой точке внутри металлического образца удовлетворяют уравнению установившихся гармонических колебаний. В инвариантной относительно выбора системы координат форме это уравнение записывается следующим образом [5]

$$(\lambda + 2G)\text{grad div } \vec{u}(x_k, \omega) - G\text{rot rot } \vec{u}(x_k, \omega) + \rho_0\omega^2\vec{u}(x_k, \omega) = 0, \quad (2)$$

где λ и G – константы Ламе для изотропного по упругим свойствам металла; ρ_0 – плотность металла.

Смещения $\vec{u}(x_k, \omega)e^{i\omega t}$ материальных частиц металла, решения уравнения (2), создают в объеме металла деформации, которым противостоят силы упругости, т. е. механические напряжения $\sigma_{\beta\lambda}(x_k, \omega)e^{i\omega t}$ ($\beta, \lambda = p, z$). На поверхности $z = 0$ металла должен выполняться третий закон Ньютона в дифференциальной форме, согласно которому должны выполняться следующие граничные условия

$$\sigma_{zp}(\rho, 0) = \sigma_{zp}^*(\rho), \quad \sigma_{zz}(\rho, 0) = \sigma_{zz}^*(\rho), \quad (3)$$

где $\sigma_{zp}^*(\rho)$ и $\sigma_{zz}^*(\rho)$ – амплитудные значения поверхностной плотности сил Кулона (см. выражение (1)). Выполнение граничных условий (3) обеспечивает единственность решения уравнения (2).

Таким образом, электрическое воздействие $U^*e^{i\omega t}$ на входе преобразователя емкостного типа (рис. 1) формирует вектор смещения материальных частиц $\vec{u}(x_k, \omega)e^{i\omega t}$ в произвольной точке А (рис. 1), т. е. гармонически изменяющееся во времени по закону $e^{i\omega t}$ воздействие порождает изменяющийся по тому же закону отклик. При этом становится справедливой следующая запись

$$\vec{u}(x_k, \omega) = U^*\vec{W}^u(x_k, \omega, \Pi), \quad (4)$$

где $\vec{W}^u(x_k, \omega, \Pi)$ – векторная функция, зависящая от координат точки А наблюдения за волновым полем, т. е. от набора чисел $x_k \equiv p, \phi, z$, круговой частоты ω смены знака воздействия и набора физико-механических параметров (символ Π в списке аргументов векторной

функции) описываемой физической системы, т. е. преобразователя емкостного типа. Векторную функцию $\vec{W}^u(x_k, \omega, \Pi)$ будем называть передаточной характеристикой емкостного преобразователя в режиме излучения ультразвуковых волн.

В соответствии с определениями академика А. Н. Тихонова [6] векторная функция $\vec{W}^u(x_k, \omega, \Pi)$ имеет смысл математической модели реального объекта, т. е. в данном случае электроакустического преобразователя емкостного типа в режиме излучения ультразвуковых волн.

Из сказанного выше следует, что построение математической модели емкостного преобразователя в режиме излучения ультразвуковых волн естественным образом распадается на две, последовательно решаемые, задачи.

Первая задача – это задача электродинамики об определении сил Кулона на поверхности металлического образца.

Вторая задача – это граничная задача (2), (3) динамической теории упругости о возбуждении гармонических волн системой поверхностных нагрузок. Решение этой задачи позволит записать в явном виде выражение для расчета компонентов векторной функции $\vec{W}^u(x_k, \omega, \Pi)$, т. е. завершает построение математической модели преобразователя емкостного типа в режиме возбуждения.

2. Определение поверхностной плотности $\sigma^0(\rho)$ статического электрического заряда на поверхности металлического образца

Электростатическое поле, которое создается электрически заряженным диском в окружающем его воздушном пространстве, можно описать с помощью скалярного осесимметричного электрического потенциала $\Phi^0(\rho, z)$, где ρ и z - радиальная и аксиальная координаты цилиндрической системы координат ρ, φ, z (рис. 1). Скалярный потенциал $\Phi^0(\rho, z)$ удовлетворяет уравнению Пуассона [7]

$$\nabla^2 \Phi^0(\rho, z) = -\rho_e / \chi_0, \quad (5)$$

где ρ_e - объемная плотность статического электрического заряда в металлическом диске; $\chi_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \text{ Ф/м}$ - диэлектрическая проницаемость окружающего диск пространства.

Будем считать, что статический электрический заряд в объеме диска $V = \pi R^2 h$ (R - радиус диска, h - его толщина) распределен равномерно и поэтому

$$\rho_e = \frac{C_0 U_0}{\pi R^2 h} f(\rho) f(z), \quad (6)$$

где $C_0 \approx \pi R^2 \chi_0 / \delta$ - статическая электрическая емкость диска над поверхностью металлического изделия. Металлический образец для упрощения последующих выкладок заменим полупространством $z \leq 0$ с изотропной удельной электрической проводимостью r с размерностью См/м и магнитной проницаемостью μ (размерность – Гн/м). Функции $f(\rho)$ и $f(z)$ задаются следующим образом

$$f(\rho) = \begin{cases} 1 \forall \rho \in [0, R], \\ 0 \forall \rho \notin [0, R], \end{cases} \quad f(z) = \begin{cases} 1 \forall z \in [\delta, \delta + h], \\ 0 \forall z \notin [\delta, \delta + h]. \end{cases} \quad (7)$$

Так как в статической ситуации электрический ток по поверхности $z = 0$ не протекает, то радиальный компонент $E_p^0(\rho, z) = -\partial \Phi^0(\rho, z) / \partial \rho$ вектора напряженности статического электрического поля на поверхности металла должен быть равен нулю. В противном случае по поверхности металла протекал бы электрический ток с поверхностной плотностью $j_p^0(\rho) = r E_p^0(\rho, 0)$ и статический заряд в этом случае был бы равен нулю. Таким образом, решение уравнения (5) на границе $z = 0$ должно удовлетворять следующему условию

$$\left. \frac{\partial \Phi^0(\rho, z)}{\partial \rho} \right|_{z=0} = 0. \quad (8)$$

Помимо этого, скалярный потенциал $\Phi^0(\rho, z)$ и его первые производные $\partial \Phi^0(\rho, z) / \partial \rho$ и $\partial \Phi^0(\rho, z) / \partial z$ должны удовлетворять условию физической реализуемости источника поля, т. е. удовлетворять следующим предельным условиям

$$\lim_{L \rightarrow \infty} \left\{ \Phi^0(\rho, z), \frac{\partial \Phi^0(\rho, z)}{\partial \rho}, \frac{\partial \Phi^0(\rho, z)}{\partial z} \right\} = 0, \quad (9)$$

где $L = \sqrt{\rho^2 + z^2}$ - расстояние от металлического диска.

Физический смысл условия (9) очевиден – источник конечной мощности создает электрическое поле, потенциал которого и компоненты вектора напряженности обращаются в нуль при бесконечном удалении от него.

Развернутая форма записи уравнения (5) имеет следующий вид

$$\frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho} \left[\rho \frac{\partial \Phi^0(\rho, z)}{\partial \rho} \right] + \frac{\partial^2 \Phi^0(\rho, z)}{\partial z^2} = -\frac{\rho_e}{\chi_0}. \quad (10)$$

Предельное условие (9) позволяет применить для решения уравнения (10) интегральное преобразование Ханкеля [3] с ядром $J_0(\gamma\rho)$ ($J_0(x)$ - функция Бесселя нулевого порядка; γ - параметр интегрального преобразования – действительное число).

Прямое преобразование Ханкеля определяется следующим соотношением [8]

$$\Phi^0(\gamma, z) = \int_0^\infty \rho \Phi^0(\rho, z) J_0(\gamma\rho) d\rho, \quad (11)$$

где $\Phi^0(\gamma, z)$ - интегральный образ по Ханкелю или просто образ функции (оригинала) $\Phi^0(\rho, z)$. Прямому преобразованию Ханкеля (11) соответствует обратное преобразование, которое определяется следующим выражением

$$\Phi^0(\rho, z) = \int_0^\infty \gamma \Phi^0(\gamma, z) J_0(\gamma\rho) d\gamma, \quad (12)$$

Интегрируя дважды по частям и принимая при этом во внимание предельное условие (9), можно показать, что

$$\int_0^\infty \rho \left\{ \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho} \left[\rho \frac{\partial \Phi^0(\rho, z)}{\partial \rho} \right] \right\} J_0(\gamma\rho) d\rho = -\gamma^2 \Phi^0(\gamma, z). \quad (13)$$

Воздействуя на левую и правую части уравнения (10) интегральным преобразованием (11) получаем, с учетом соотношения (13), следующее уравнение для интегрального образа $\Phi^0(\gamma, z)$ скалярного по-

тенциала

$$\frac{d^2 \Phi^0(\gamma, z)}{dz^2} - \gamma^2 \Phi^0(\gamma, z) = -\frac{\rho_e(\gamma)}{\chi_0} f(z), \quad (14)$$

где $\rho_e = \frac{C_0 U_0}{\pi h} \frac{J_1(\gamma R)}{\gamma R}$ - интегральный образ объемной плотности электрического заряда металлического диска ($J_1(x)$ - функция Бесселя первого порядка). Общее решение обыкновенного дифференциального уравнения (14) известно

$$\Phi^0(\gamma, z) = [A + A(z)]e^{\gamma z} + [B + B(z)]e^{-\gamma z}, \quad (15)$$

где A, B - константы; $A(z)$ и $B(z)$ - варьируемые константы, которые удовлетворяют условию минимума вычислений, т. е.

$$A'(z)e^{\gamma z} + B'(z)e^{-\gamma z} = 0, \quad (16)$$

где штрих означает первую производную по переменной z .

Подстановка общего решения (15) в уравнение (14) после вычисления производных с учетом условия (16), дает следующий результат

$$\gamma A'(z)e^{\gamma z} - \gamma B'(z)e^{-\gamma z} = -\frac{\rho_e(\gamma)}{\chi_0} f(z). \quad (17)$$

Условие (16) и уравнение (17) образуют алгебраическую систему уравнений, которая единственным образом разрешается относительно производных варьируемых констант $A(z)$ и $B(z)$. Интегрируя найденные производные по переменной z , получаем

$$\begin{aligned} A(z) &= -\frac{1}{2\gamma\chi_0} \int_0^{z \leq \delta+h} \rho_e(\gamma) f(x) e^{-\gamma x} dx = -\frac{C_0 U_0}{2\pi\gamma h\chi_0} \frac{J_1(\gamma R)}{\gamma R} \int_{\delta}^{z \leq \delta+h} e^{-\gamma x} dx, \\ B(z) &= \frac{1}{2\gamma\chi_0} \int_0^{z \leq \delta+h} \rho_e(\gamma) f(x) e^{\gamma x} dx = \frac{C_0 U_0}{2\pi\gamma h\chi_0} \frac{J_1(\gamma R)}{\gamma R} \int_{\delta}^{z \leq \delta+h} e^{\gamma x} dx. \end{aligned} \quad (18)$$

При неограниченном возрастании аксиальной координаты z пер-

вое слагаемое в общем решении (15) стремится к бесконечности и тем самым нарушается предельное условие (9). Во избежание противоречий, необходимо и достаточно положить, что

$$A = -A(\delta + h) = \frac{C_0 U_0}{2\pi\gamma\chi_0} W(\gamma), \quad (19)$$

где $W(\gamma) = e^{-\gamma\delta} \frac{(1 - e^{-\gamma h})}{\gamma h} \frac{J_1(\gamma R)}{\gamma R}$ - функция, которая учитывает влияние геометрических параметров емкостного преобразователя на характер распределения электрического поля в окружающем пространстве. Таким образом

$$\Phi^0(\gamma, z) = \left[\frac{C_0 U_0}{2\pi\gamma\chi_0} W(\gamma) + A(z) \right] e^{\gamma z} + [B + B(z)] e^{-\gamma z}. \quad (20)$$

Из определений (18) следует, что при $z < \delta$, т. е. в области под металлическим диском варьируемые коэффициенты $A(z) = B(z) = 0$ и выражение (20) принимает следующий вид

$$\Phi^0(\gamma, z) = \frac{C_0 U_0}{2\pi\gamma\chi_0} W(\gamma) e^{\gamma z} + B e^{-\gamma z}, \quad 0 \leq z \leq \delta. \quad (21)$$

Определим интегральный образ радиального компонента $E_\rho^0(\rho, z)$ вектора напряженности статического электрического поля следующим образом

$$E_\rho^0(\gamma, z) = \int_0^\infty \rho E_\rho^0(\rho, z) J_1(\gamma \rho) d\rho. \quad (22)$$

Подставляя в определение (22) вместо символа $E_\rho^0(\rho, z)$ первую производную от электрического потенциала ($E_\rho^0(\rho, z) = -\partial\Phi^0(\rho, z)/\partial\rho$), после интегрирования по частям получаем следующий результат

$$E_p^0(\gamma, z) = \gamma \int_0^\infty \rho \Phi^0(\rho, z) J_0(\gamma \rho) d\rho = \gamma \Phi^0(\gamma, z). \quad (23)$$

Из граничных условий (8) следует, что константа $B = -C_0 U_0 W(\gamma)/(2\pi\gamma\chi_0)$. После этого выражение для расчета интегрального образа скалярного потенциала в области $0 \leq z \leq \delta$ принимает следующий вид

$$\Phi^0(\gamma, z) = \frac{C_0 U_0}{\pi\gamma\chi_0} W(\gamma) sh(\gamma z), \quad 0 \leq z \leq \delta. \quad (24)$$

Аксиальный компонент $E_z^0(\rho, z) = -\partial\Phi^0(\rho, z)/\partial z$ вектора напряженности электростатического поля имеет интегральный образ $E_z^0(\gamma, z) = -\partial\Phi^0(\gamma, z)/\partial z$, т. е.

$$E_z^0(\gamma, z) = -\frac{C_0 U_0}{\pi\chi_0} W(\gamma) ch(\gamma z), \quad 0 \leq z \leq \delta. \quad (25)$$

Из теории электрических явлений известно [8], что поверхностная плотность электрического заряда на поверхности $z = 0$, разделяющей металл и вакуум, определяется следующим образом

$$\sigma^0(\rho) = \chi_0 E_z^0(\rho, 0). \quad (26)$$

Воздействуя на левую и правую части соотношения (26) интегральным преобразованием (11), получаем

$$\sigma^0(\gamma) = \chi_0 E_z^0(\gamma, 0) = -\frac{C_0 U_0}{\pi} W(\gamma). \quad (27)$$

Подвергая соотношение (27) обратному преобразованию Ханкеля (12), получаем выражение для расчета поверхностной плотности статического электрического заряда на поверхности металлического образца

$$\sigma^0(\rho) = -\frac{C_0 U_0}{\pi} \int_0^\infty \gamma W(\gamma) J_0(\gamma \rho) d\gamma. \quad (28)$$

Интеграл (28) определяется численно. Особенностью вычисления интеграла (28) является то, что верхний предел интегрирования является бесконечно большим. В реальном машинном счете верхний предел интегрирования должен быть конечной величиной. Очевидно, что, в первом приближении, такой величиной должно быть действительное число $\gamma_{\max}$, начиная с которого выполняется неравенство $\gamma W(\gamma) < \varepsilon \forall \gamma > \gamma_{\max}$, где ε - наперед заданное малое число. Поскольку

сомножитель $|J_0(\gamma\rho)| \leq 1$, то в записанном выше неравенстве было использовано максимальное значение функции Бесселя нулевого порядка, т. е. единица.

На рис. 2 показано изменение фрагмента подынтегрального выражения $xW(x)$ в зависимости от безразмерного параметра интегрального преобразования $x = \gamma R$, где R - радиус металлического диска. При этом функция $W(x)$ рассчитывается по формуле

$$W(x) = e^{-x\delta/R} \frac{(1 - e^{-xh/R}) J_1(x)}{(xh/R) x}.$$

По оси ординат на рис. 2 отложены значения модуля функции $xW(x)$, по оси абсцисс – безразмерный параметр интегрального преобразования x .

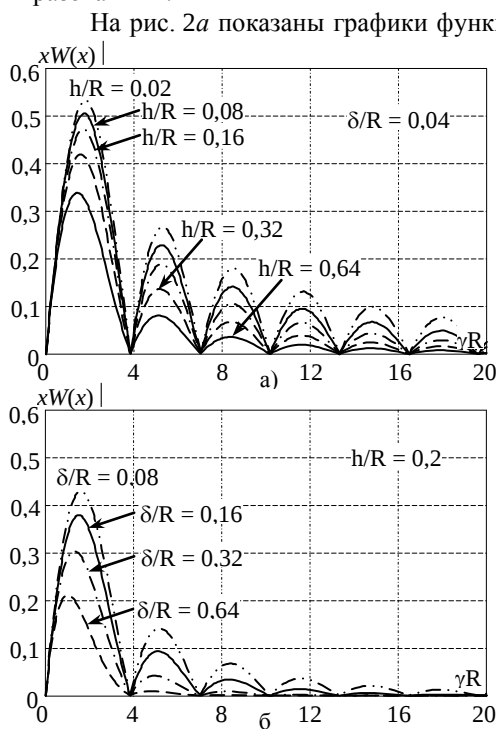


Рис. 2 – Изменение модуля фрагмента подынтегрального выражения (28)

На рис. 2а показаны графики функции $xW(x)$ для фиксированного значения $\delta/R = 0,04$ и варьируемых значений безразмерной толщины диска h/R . Значения h/R проставлены в поле рисунка возле соответствующих кривых. На рис. 2б показаны значения модуля функции $xW(x)$ для фиксированного значения $h/R = 0,2$ и варьируемых значений относительного неконтакта δ/R , которые проставлены в поле рисунка возле соответствующих кривых.

Из представленных на рис. 2 результатов следует, что при $x > 20$ произведение $xW(x) < 0,02$ для произвольных (не нулевых) значений δ/R и h/R . Если учесть то, что при $\rho/R > 0$ функция Бесселя $J_0(x\rho/R) < 1$, то можно утверждать, что основной вклад в интеграл (28) осуще-

ствляют значения подынтегральной функции на интервале интегрирования $0 \leq x \leq 20$.

Таким образом, при выполнении вычислений значения интеграла (28) вместо бесконечного предела интегрирования можно подставить любое безразмерное число $x_{\max} > 20$.

На рис. 3 показаны результаты вычисления поверхностной плотности $\sigma^0(\rho)$ статического электрического заряда по формуле (28), которая в терминах безразмерного параметра x записывается следующим образом

$$\sigma^0(\rho/R) = -\frac{C_0 U_0}{\pi R^2} \int_0^{x_{\max}} x W(x) J_0(x\rho/R) dx.$$

При выполнении расчетов статическая электрическая емкость C_0 рассчитывалась по приближенной формуле $C_0 = \pi R^2 \chi_0 / \delta$, которая дает несколько заниженную оценку реального значения этой величины.

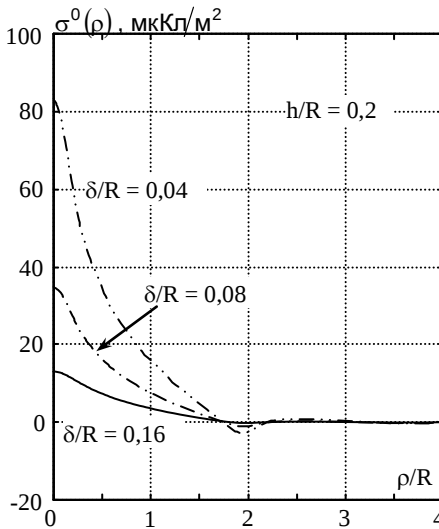


Рис. 3 – Распределение электростатического заряда на поверхности металлического полупространства

Для отображения результатов счета в абсолютных величинах были приняты следующие значения параметров: $U_0 = 100$ В и $R = 5$ мм. При вычислении интеграла верхний предел интегрирования был принят равным $x_{\max} > 40$. Интервал интегрирования был разделен на 400 отрезков. По оси ординат на рис. 3 отложены значения $\sigma^0(\rho)$ в микрокулонах, деленных на метр квадратный, взятые с обратным знаком. По оси абсцисс отсчитываются безразмерные расстояния ρ/R от центра металлического диска. Варьируемым параметром семейства кривых, которые показаны на рис. 3, является величина безразмерного неконтакта δ/R , числовые значения которого представлены в поле рисунка возле соответствующих кривых.

Выводы. 1. Предложена математическая модель преобразователя емкостного типа в режиме возбуждения ультразвуковых волн в метал-

лах.

2. Построено замкнутое решение задачи электростатики для кусочно-однородной среды, в которой полупространство $z < 0$ заполнено металлом с конечными значениями электрической проводимости и магнитной проницаемости. Получено выражение для расчета поверхностной плотности статического электрического заряда на поверхности металлического образца.

3. Показано, что основными влияющими факторами определяющими плотность зарядов в поверхностном слое металла (а, следовательно, мощность и диаграмму направленности возбуждаемого ультразвукового поля) являются: поляризующее напряжение; емкость преобразователя (диэлектрическая проницаемость); размер преобразователя; величина зазора между преобразователем и изделием; форма преобразователя.

Во второй части работы будут определены характеристики переменного электрического поля емкостного преобразователя и сформулированы количественные оценки поверхностной плотности сил Кулона, что позволит экспериментально проверить полученные теоретические результаты.

Список литературы: 1. Судакова К.В. О повышении эффективности контроля качества металлургической продукции / К.В. Судакова, И.Л. Казюкевич // В мире неразрушающего контроля. – 2004. – № 3. – С. 8-10. 2. Неразрушающий контроль: Справочник: В 7 т. Под общ. ред. В.В. Клюева. Т.3: Ультразвуковой контроль / И.Н. Ермолов, Ю.В. Ланге. – М.: Машиностроение, 2004. – 864 с. 3. Сучков Г.М. Современные возможности ЭМА дефектоскопии / Г.М. Сучков // Дефектоскопия. 2005. – № 12. – С. 24-39. 4. Ермолов И. Н. Теория и практика ультразвукового контроля. – М.: Машиностроение. 1981. – 240 с. 5. Новацкий В. Теория упругости. – М.: Мир, 1975. – 873 с. 6. Тихонов А.Н. Математическая модель. – В кн. Математическая энциклопедия. Т. 3. Коо – Од. Стб. 574 – 575. М.: Советская энциклопедия, 1982. – 1184 с. 7. Морс Ф.М., Фешбах Г. Методы теоретической физики. Т.2. М.: Москва, ИЛ. 1960. — 886 с. 8. Тамм И. Е. Основы теории электричества. – М.: Наука, 1976. – 616 с.

Bibliography (transliterated): 1. Sudakova K.V., Kazjuevich I.L. O povyshenii jeffektivnosti kontrolja kachestva metallurgicheskoy produkcii . V mire nerazrusha-jushhego kontrolja. – 2004. – № 3. – Print. 8-10. 2. "Nerazrushajushhij kontrol": Spravochnik: V 7 t. Pod obshh. red. V.V. Kljueva. T.3: Ul'trazvukovoj kontrol' / I.N. Ermolov, Ju.V. Lange. – Moscow : Mashinostroenie, 2004. – 864 Print. 3. Suchkov G.M. Sovremennye vozmozhnosti JeMA defektoskopii . Defektoskopija. 2005. – № 12. – Print. 24-39. 4. Ermolov I. N. Teorija i praktika ul'trazvukovogo kontrolja. - Moscow: Mashinostroenie. 1981. - 240 Print. 5. Novackij V. Teorija uprugosti. - Moscow: Mir, 1975. – 873 Print. 6. Tihonov A.N. "Matematičeskaja model". – V kn. Matematičeskaja jenciklopedija. T. 3. Koo – Od. Print. 574 – 575. Moscow: Sovetskaja jenciklopedija, 1982. – 1184 Print. 7. Mors F.M., Feshbah G. Metody teoreticheskoy fiziki. T.2. M.: Moscow, IL. 1960. — 886 Print. 8. Tamm I. E. Osnovy teorii jelektrichestva. – Moscow: Nauka, 1976. – 616 Print.

Надійшла (received) 05.05.2014