

4. При среднем (базовом) положении площадок контакта максимум нормальных напряжений находится в центре площадок, в то время как максимум эффективных напряжений находится либо в центре площадок (для сравнительно длинных площадок), либо смещается к их краю (для сравнительно коротких площадок).

5. Для площадок, расположенных близко к торцу и на самом торце нормальное напряжение на торце существенно ниже, чем вблизи него, а максимум эффективного напряжения приходится практически на торец.

6. Обработка результатов моделирования позволила предложить расчётные инженерные формулы для определения максимальных приведенных (критериальных) эффективных контактных напряжений в любой фазе зацепления, что имеет принципиальное значение при оценке напряжённости зубьев в условиях их многопарного зацепления.

Работа выполнена при частичной финансовой поддержке РФФИ, грант 13-08-00386.

Список литературы: 1. *Короткин В.И., Онишков Н.П., Харитонов Ю.Д.* Зубчатые передачи Новикова. Достижения и развитие. – М.: Машиностроение-1, 2007. – 384с. 2. *Яковлев А.С., Печёный В.И.* Экспериментальное исследование распределения нагрузки по площадке контакта зубьев в передаче Новикова // Сб. "Надёжность и качество зубчатых передач". – 18-67-36. – НИИФОРМТЯЖМАШ, 1967. 3. *Росливер Е.Г.* Прочность и жесткость зубьев передач с зацеплением М.Л. Новикова // Прочность корпусов судов и надежность деталей машин. Труды ГИИВТа. – Вып.138. – Горький, 1975. – С.50-96. 4. *Ariga Y., Nagata S.* Load Capacity of a New W-N Gear with Basic Rack of Combined Circular and Involute Profile // Trans. ASME. J. Mech. Transmiss. and Autom. Des. – 1985. – №14. – P.565-572. 5. ГОСТ 30224-96. Передачи зубчатые Новикова цилиндрические с твердостью поверхности зубьев не менее 35HRC₃. Исходный контур. Межгосударственный стандарт. – Минск: Межгос. совет по стандартизации, метрологии и сертификации, 1997. – 5с. 6. *Ковальский Б.С.* Расчет деталей на местное сжатие. – Харьков: ХВКИУ, 1967. – 233с. 7. *Короткин В.И., Газзаев Д.А.* Приведенный объёмный коэффициент формы зубьев в концентраторах у зубчатых колёс с зацеплением Новикова // Вестник машиностроения. – 2014. – №1. – С.15-19. 8. *Короткин В.И.* Приближённые функциональные зависимости между параметрами контакта и критериальные напряжения в пространственных задачах // Вестник Ростовского государственного университета путей сообщения. – 2009. – №4(36). – С.139-145. 9. ГОСТ 21354-87. Передачи зубчатые цилиндрические звольентные. Расчет на прочность. – М.: Изд-во стандартов. 1988. – 125с.

Поступила (received) 20.01.2014

УДК 621:913:621. 633

А.В. КРИВОШЕЯ, к.т.н., старший научный сотрудник ИСМ НАН, Киев;
Ю.М. ДАНИЛЬЧЕНКО, д.т.н., проф., зав. кафедрой ПМ НТУ "ХПИ", Киев;
М.Г. СТОРЧАК, д.т.н., научный сотрудник ИСИ ШУ, Штутгарт, Германия;
Д.Т. БАБИЧЕВ, д.т.н., профессор каф. "Детали машин" ТюмГНГУ, Тюмень, Россия;
В.Е. МЕЛЬНИК, к.т.н., научный сотрудник ИСМ НАН;
В.И. ФРАНЦУЗОВ, старший преподаватель каф. ДМ и ПМ НТУ "ХПИ";
Ю.Г. ГУЦАЛЕНКО, старший научный сотрудник каф. ИТМ НТУ "ХПИ";
Т.Е. ТРЕТЬЯК, старший преподаватель каф. ИТМ НТУ "ХПИ"

К ВОПРОСУ КЛАССИФИКАЦИИ КИНЕМАТИЧЕСКИХ СХЕМ И МАТЕМАТИЧЕСКИХ МОДЕЛЕЙ ФОРМООБРАЗОВАНИЯ ЗУБЧАТЫХ ПЕРЕДАЧ

Представлено развитие и совершенствование классификации кинематических схем формообразования зубчатых передач различных классов, типов и видов. Предложен и реализован принцип создания классификаторов геометро-кинематических схем формообразования зубчатых колес. Предложена модель перехода от кинематических схем формообразования к схеме компоновок станков.

© А.В. Кривошея, Ю.М. Данильченко, М.Г. Сторчак, Д.Т. Бабичев, В.Е. Мельник, В.И. Французов, Ю.Г. Гуцаленко, Т.Е. Третьяк, 2014

Ключевые слова: зубчатая передача, формообразование, классификация кинематических схем.

Введение. Актуальность задачи. В связи с разработкой высоких технологий (рапид-прототайпинг), созданием многокоординатных станков с ЧПУ в последние годы наметилась тенденция к созданию зубчатых и червячных передач с более сложной, с точки зрения технологии их изготовления формой начальных поверхностей или аксоидов (шар, тор, глобоид, квазиглобоид, гиперболоид и др.), формой профиля главной боковой поверхности (синусоидальной, эвольвентной и др.) и переменным углом наклона линии зубьев, формой поверхностей вершин и поверхностей впадин [1-5]. Синтез таких передач представляет сложную научную и техническую проблему.

Многочисленные аналитические математические модели теоретического формообразования геометро-кинематических схем зубчатых зацеплений, предлагаемые в литературных источниках, не универсальны и трудоемки, т.е. для каждой формы боковой поверхности зубьев (иногда для группы форм) предлагается своя аналитическая математическая модель формообразования [6]. Необходимость создания универсальных математических моделей формообразования зубчатых передач различных классов, типов и видов (схематически представленными различными конкретными геометро-кинематическими схемами) отмечается многими учеными [7-9].

Такие универсальные математические модели формообразования различных конкретных геометро-кинематических схем зубчатых передач любой сложности могут быть созданы, прежде всего, на основании классификации обобщенной кинематической схемы и ее обобщенной математической модели [10]. Поэтому развитие и совершенствование классификации кинематических схем и математических моделей формообразования зубчатых передач является актуальным.

Анализ литературы. По современным представлениям синтез зубчатых передач различных классов, типов и видов осуществляется с учетом их жизненного цикла [10, 11]. Важными этапами жизненного цикла зубчатых передач являются взаимосвязанные рекуррентные (возвратные) процессы их теоретического и технологического формообразования [10-12]. Первым и самым важным этапом синтеза зубчатых зацеплений является их теоретическое формообразование.

Вопросы теоретического формообразования зубчатых передач рассматривались в работах Ю.В. Цвиса, М.Л. Ерихова, Г.А. Шевелёвой, Д.Т. Бабичева, П.Р. Родина, С.И. Лашнева, Б.А. Перепелицы, С.П. Радзевича и др. [6-9, 13-16]. Следует отметить и работы, в которых предложено обобщенную кинематическую схему (Коновалов Г.Г.) и классификацию кинематических схем (Грановский Г.И.) но не формообразования, а резания [17, 18]. Основываясь на работах этих ученых, в которых предлагаются и обобщенные кинематические схемы формообразования поверхностей резанием, и их классификация, и классификация геометро-кинематических схем, и обобщенные математические модели формообразования, авторами в работе [10] предложено более совершенное, на наш взгляд, схематическое представление обобщенной кинематической схемы формообразования зубчатых передач при семи отображения аффинного пространства (с учетом, что твердое тело имеет 6 степеней свободы) и ее обобщенной структурной унифицированной матричной математической модели. Утверждение о том, что предложенная в работе [10] обобщенная кинематическая схема формообразования и ее классификация являются более совершенными, основываются на том, что все существующие обобщенные кинематические схемы и их классификации, являются частным случаем предложенной.

Создание схематического представления обобщенной кинематической схемы формообразования поверхностей зубчатых венцов зубчатых передач и

ее программно-реализованной обобщенной математической модели стало возможным, прежде всего, в связи с широким использованием ПЭВМ и наличием универсальных пакетов прикладных программ MathCAD, MatLab и др., а также современного математического аппарата теории множеств и теории отображения аффинного пространства, развитой проф. Б.А. Перепелицей для решения вопросов формообразования поверхностей резанием [15].

Основное преимущество этой обобщенной кинематической схемы формообразования и ее обобщенной математической модели в том, что при рациональной классификации ее элементов (формы исходных формообразующих поверхностей исходных формообразующих звеньев, числа отображений аффинного пространства, параметров относительного движения и уравнений связи, параметров относительной установки) она позволит, кроме унификации решения вопросов формообразования зубчатых передач практически любой сложности, еще и синтезировать новые классы, виды и типы зубчатых передач, новые способы теоретического формообразования, новые зубообрабатывающие инструменты и способы обработки, новые компоновки зубообрабатывающих станков.

Однако, для реализации этих возможностей предложенная в работе [10] классификация требует некоторого уточнения и совершенствования и, прежде всего, в создании классификации элементов составляющих структуру обобщенной кинематической схемы формообразования и ее математической модели. Такую сложную и трудоемкую работу можно выполнить используя методологию морфологического синтеза развитую проф. Ю.Н. Кузнецовым для синтеза технических систем [19]. В данной работе в качестве признака классификации кинематических схем, принят признак числа отображений аффинного пространства (используем при классификации кинематических схем проф. Б.А. Перепелицей [15]), но в комбинации с параметрами относительной установки и совпадении нулевого и первого репера. Благодаря этому признаку мы разбиваем обобщенную кинематическую схему формообразования на подмножества кинематических схем, которые мы можем реализовать при компоновке одного многокоординатного зубообрабатывающего станка, так как современные станки проектируются для изготовления зубчатых колес определенного множества.

Цель и постановка задачи. Целью данной работы является классификация подмножества кинематических схем и математических моделей формообразования зубчатых передач разных классов, видов и типов которые описываются двумя отображениями (в трех реперах) и при совпадении нулевого и первого репера.

Так как, математическая модель геометро-кинематической схемы (функция формообразования) является основой компоновки зубообрабатывающего станка то совпадение нулевого и первого репера упрощает его компоновку [20].

Для достижения поставленной цели необходимо на основании обобщенной кинематической схемы и таблицы возможных вариантов параметров установки двух смежных систем координат [10] классифицировать подмножество кинематических схем и математических моделей формообразования зубчатых передач разных классов, типов и видов которые описываются двумя отображениями аффинного пространства при совпадении нулевого и первого реперов.

Такая классификация позволит создать и библиотеку частных геометро-кинематических схем формообразования и их математических моделей.

Для этого, во-первых, следует различать кинематические схемы формообразования зубчатых передач и их геометро-кинематические схемы формообразования. Кинематическая схема формообразования это совокупность движений поверхности зубчатого венца исходного формообразующего звена относительно не-

подвижной заготовки формообразуемого звена без конкретизации их формы [13, 16].

Геометро-кинематическая схема – это кинематическая схема формообразования с указанием в нулевом репере формы и размеров заготовки формообразуемого звена и в конечном репере формы и размеров исходного формообразующего звена в один из моментов формообразования [7]. Если учитывать отвод и подвод исходного формообразующего звена, (в процессе которых может произойти подрезание) то его надо задавать в момент до соприкосновения с заготовкой.

Заготовку в нулевом репере необходимо задавать по той причине, что реальная формообразуемая поверхность образуется при пересечении формообразуемой поверхности образованной исходным формообразующим звеном и телом заготовки формообразуемого звена.

Основная часть. Приведем в несколько уточненном виде схематическое представление обобщенной кинематической схемы формообразования зубчатых звеньев различных классов, типов и видов и ее обобщенной структурной математической модели.

Это уточнение связано с нумерацией реперов и с совпадением нулевого и первого реперов, см. рисунок 1.

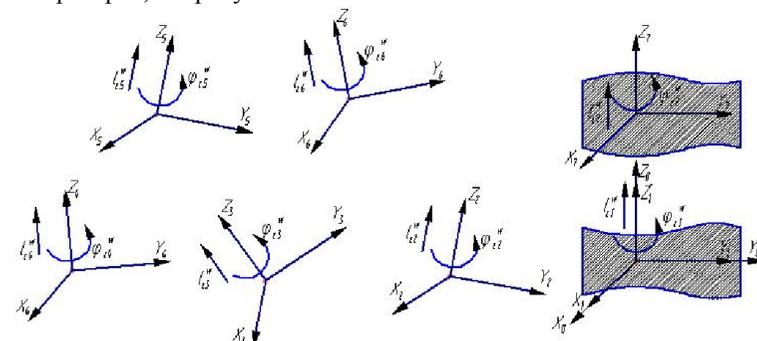


Рисунок 1 – Схематическое представление обобщенной кинематической схемы формообразования зубчатых звеньев различных классов, типов и видов:
И₇ – формообразующее зубчатое звено; Д – формообразуемое зубчатое звено

Эта обобщенная кинематическая схема представляет семь отображений аффинного пространства, а ее частные варианты представляют все известные нам (с избытком) кинематические схемы формообразования зубчатых передач.

В соответствии с обобщенной кинематической схемой формообразования обобщенная структурная унифицированная математическая модель формообразования зубчатых передач различных классов, типов и видов при двухпараметрическом огибании запишется в виде [11]:

$$\left\{ \begin{aligned} m_{r\partial 0} \Pi / Д &= m_{v_{y1}^w} m_{c_{y1}^w} m_{v_{x1}^w} m_{\varphi_{z1}^w} m_{l_{z1}^w} m_{v_{y2}^w} m_{c_{y2}^w} m_{v_{x2}^w} m_{\varphi_{z2}^w} m_{l_{z2}^w} m_{v_{y3}^w} \cdot \\ &\cdot m_{c_{y3}^w} m_{v_{x3}^w} m_{\varphi_{z3}^w} m_{l_{z3}^w} m_{v_{y4}^w} m_{c_{y4}^w} m_{v_{x4}^w} m_{\varphi_{z4}^w} m_{l_{z4}^w} m_{v_{y5}^w} \cdot \\ &\cdot m_{c_{y5}^w} m_{v_{x5}^w} m_{\varphi_{z5}^w} m_{l_{z5}^w} m_{v_{y6}^w} m_{c_{y6}^w} m_{v_{x6}^w} m_{\varphi_{z6}^w} m_{l_{z6}^w} \cdot \\ &\cdot m_{v_{y7}^w} m_{c_{y7}^w} m_{v_{x7}^w} m_{\varphi_{z7}^w} m_{l_{z7}^w} m_{r\partial 7}; \\ \varphi_{z6A}^w &\leq \varphi_{z6B}^w \leq \varphi_{z6B}^w; \quad \varphi_{zi}^w = f_{\varphi_{zi}^w}(\varphi_{z7}^w), \quad l_{zi}^w = f_{l_{zi}^w}(\varphi_{z7}^w) \\ m_{r\partial 0} m_{r\partial} &= 0 \text{ при } \varphi_{z7}^w = \text{const}; \quad m_{r\partial 0} m_{r\partial} = 0 \text{ при } \varphi_{z7}^w = \text{const}. \end{aligned} \right. \quad (1)$$

В математической модели (1) обозначения и значение унифицированных матриц движения и матриц координатных преобразований приведены в работе [10].

В соответствии с целью работы для классификации выберем обобщенную кинематическую схему, содержащую два отображения аффинного пространства при совпадении нулевого и первого реперов и соответствующую наиболее общему расположению двух смежных систем координат, см. рисунок 2 [10].

Обобщенная математическая модель формообразования этой обобщенной схемы может быть получена как частный случай модели (1) при двух отображениях аффинного пространства, и при однопараметрическом огибании ее можно представить в виде:

$$\begin{cases} m_{r0}n/D = m_E m_{\varphi_{z1}^w} m_{l_{z1}^w} m_{c_{z1}^w} m_{\varphi_{z2}^w} m_{l_{z2}^w} m_{c_{z2}^w} m_{r12}; \\ \varphi_{z1}^w = f(\varphi_{z2}^w) \text{ или } \varphi_{z1}^w = f(l_{z2}^w); \\ l_{z1}^w = f(\varphi_{z2}^w) \text{ или } l_{z1}^w = f(l_{z2}^w); \\ n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0. \end{cases} \quad (2)$$

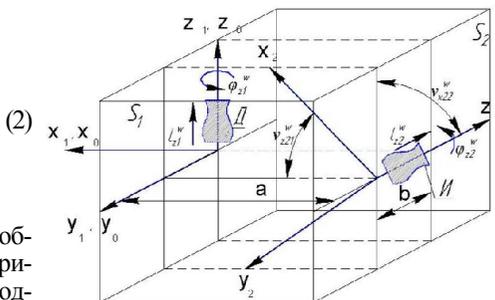


Рисунок 2 – Обобщенная кинематическая схема формообразования при двух отображениях аффинного пространства и совпадении нулевого и первого реперов: И и Д – формообразующее и формообразуемое зубчатые звенья

Подмножества схем этой обобщенной кинематической схемы (см. рисунок 2) которая сама является подмножеством схемы (см. рисунок 1) в конечном итоге легко преобразуется в геометро-кинематические схемы формообразования и их математические модели (функции формообразования).

Геометро-кинематические схемы или их определенное множество являются основой для разработки компоновок зубообрабатывающих станков. В этом случае обобщенную кинематическую схему необходимо сориентировать относительно базовой системы координат станка. Такое преобразование можно схематически представить рисунком 3.

Введение отдельной базовой системы координат XYZ (см. рисунок 3) служит для дискретного отображения пространства обобщенной кинематической схемы в пространстве компоновок станка.

В результате последовательного многопараметрического отображения конкретной геометро-кинематической схемы формообразования (или определенного подмножества геометро-кинематических схем) в базовой системе координат станка можно синтезировать различные компоновки станков, в том числе многокоординатные [20].

Система уравнений (2) определяет уравнение (возможное, т.е. без учета пере-

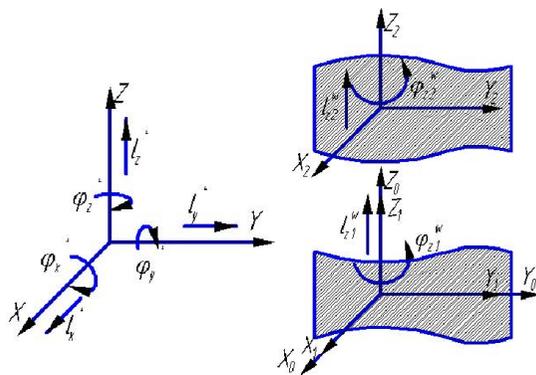


Рисунок 3 – Геометро-кинематические схемы для разработки компоновок зубообрабатывающих станков

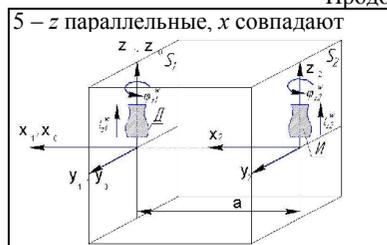
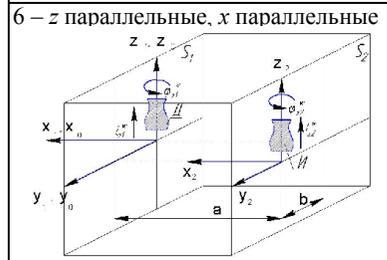
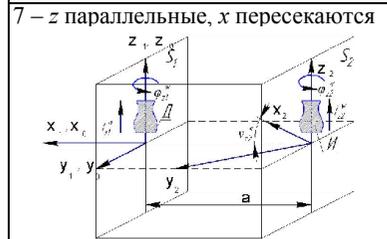
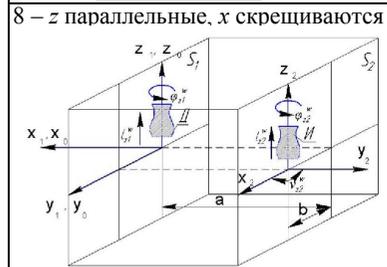
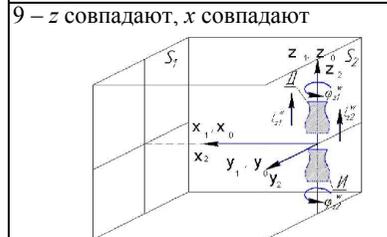
сечения с заготовкой) формообразуемой поверхности при отсутствии особых точек (или ребра излома) на формообразующем зубчатом звене и отсутствии нарушений условий формообразования [13, 16]. Эти условия учитываются логическими связями при разработке блок-схемы и программы расчета математической модели на ПЭВМ.

В соответствии с работой [10] возможны всего 16 вариантов взаимного расположения соседних систем координат и 16 вариантов подмножеств кинематических схем формообразования при двух отображениях аффинного пространства. Эти варианты кинематических схем формообразования зубчатых передач и их математические модели представлены в таблице 1.

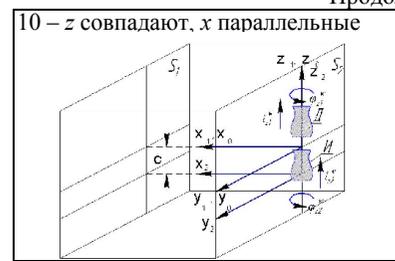
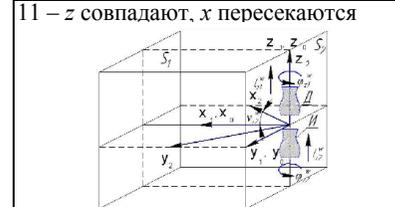
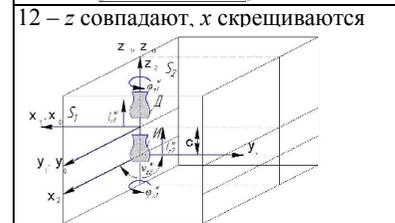
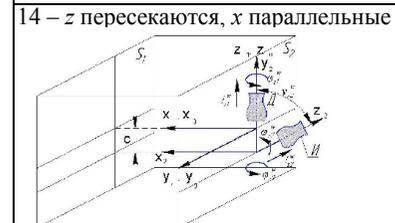
Таблица 1 – Кинематические схемы формообразования зубчатых передач при двух отображениях аффинного пространства и совпадении 1 и 0 реперов

1 – z скрещиваются, x совпадают	$m_{r0}n/D = m_E m_{\varphi_1^w} m_{l_1^w} m_{c_{z1}^w} m_{c_{z2}^w} \cdot m_{\varphi_2^w} m_{l_2^w} m_{r2}$ $\varphi_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } \varphi_1^w = f(l_2^w)$ или $l_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
2 – z скрещиваются, x параллельные	$m_{r0}n/D = m_E m_{\varphi_1^w} m_{l_1^w} m_{c_{z1}^w} m_{c_{z2}^w} \cdot m_{c_{z1}^w} m_{\varphi_2^w} m_{l_2^w} m_{r2}$ $\varphi_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } \varphi_1^w = f(l_2^w)$ или $l_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
3 – z скрещиваются, x пересекаются	$m_{r0}n/D = m_E m_{\varphi_1^w} m_{l_1^w} m_{c_{z1}^w} m_{c_{z2}^w} \cdot m_{c_{z1}^w} m_{c_{z2}^w} m_{\varphi_2^w} m_{l_2^w} m_{r2}$ $\varphi_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } \varphi_1^w = f(l_2^w)$ или $l_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
4 – z скрещиваются, x скрещиваются	$m_{r0}n/D = m_E m_{\varphi_1^w} m_{l_1^w} m_{c_{z1}^w} m_{c_{z2}^w} \cdot m_{c_{z1}^w} m_{c_{z2}^w} m_{c_{z1}^w} m_{\varphi_2^w} m_{l_2^w} m_{r2}$ $\varphi_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } \varphi_1^w = f(l_2^w)$ или $l_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$

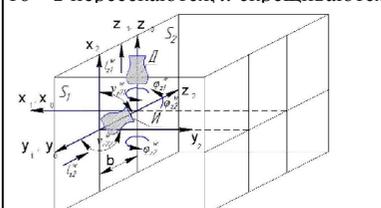
Продолжение таблицы 1

<p>5 – z параллельные, x совпадают</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{c_{xi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
<p>6 – z параллельные, x параллельные</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{c_{zi}^w} m_{c_{xi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
<p>7 – z параллельные, x пересекаются</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{v_{zi}^w} m_{c_{yi}^w} m_{c_{xi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
<p>8 – z параллельные, x скрещиваются</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{v_{zi}^w} m_{c_{zi}^w} m_{c_{yi}^w} m_{c_{xi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
<p>9 – z совпадают, x совпадают</p> 	$m_{r\partial II/D} = \text{diag}(1,1,1)$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$

Продолжение таблицы 1

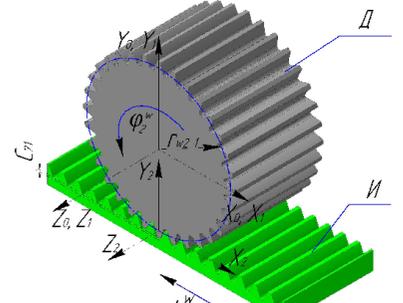
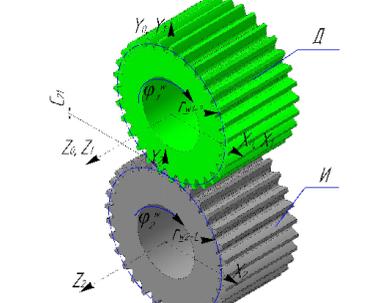
<p>10 – z совпадают, x параллельные</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{c_{zi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
<p>11 – z совпадают, x пересекаются</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{v_{zi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
<p>12 – z совпадают, x скрещиваются</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{v_{zi}^w} m_{c_{zi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
<p>13 – z пересекаются, x совпадают</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{v_{xi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
<p>14 – z пересекаются, x параллельные</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{v_{xi}^w} m_{c_{zi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
<p>15 – z пересекаются, x пересекаются</p> 	$m_{r\partial II/D} = m_E m_{\phi_1^w l_1^w} m_{v_{xi}^w} m_{v_{zi}^w} m_{\phi_2^w l_2^w} m_{r2}$ $\Phi_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } \Phi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\Phi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$

Продолжение таблицы 1

<p>16 – z пересекаются, x скрещиваются</p> 	$m_{r\partial II / D} = m_E m_{\varphi_1^w} m_{r_1^w} m_{\varphi_2^w} m_{r_2^w} m_{c_{z_1}^w} m_{\varphi_2^w} m_{r_2^w} m_{r_2}$ $\varphi_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } \varphi_1^w = f(l_2^w)$ <p>или</p> $l_1^w = f(\varphi_2^w) \text{ или } l_1^w = f(l_2^w)$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$
--	---

Каждой из кинематических схем формообразования представленных в таблице 1 соответствует определенное множество геометро-кинематических схем формообразования. Примеры геометро-кинематических схем формообразования и их математических моделей соответствующие варианту 6 (см. таблицу 1) представлены в таблице 2.

Таблица 2 – Частные геометро-кинематические схемы формообразования и их математические модели

	
$m_{r\partial II / D(1-2)} = m_E m_{\varphi_1^w} m_{C_{y12}^w} m_{r_{x2}^w} m_{r_{u2}^w};$ $-\frac{\pi}{4} \leq \varphi_2^w \leq \frac{\pi}{4};$ $l_{x1}^w = K_{l_{x1}^w} \varphi_1^w;$ $K_{l_{x1}^w} = -r_{w(2-1)};$ $C_{21} = -r_{w(2-1)};$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$	$m_{r\partial II / D(1-2)} = m_E m_{\varphi_1^w} m_{C_{z21}^w} m_{\varphi_2^w} m_{r_{u2}^w};$ $-\frac{\pi}{4} \leq \varphi_2^w \leq \frac{\pi}{4};$ $\varphi_1^w = K_{\varphi_1^w} \varphi_2^w;$ $K_{\varphi_1^w} = r_{w(1-2)} / r_{w(2-1)};$ $C_{21} = r_{w(1-2)} + r_{w(2-1)};$ $n_x v_x + n_y v_y + n_z v_z = 0$

Математические модели формообразования конкретных геометро-кинематических схем получены из обобщенной модели (2) путем вычеркивания не действующих операторов движения и координатных операторов.

В дальнейшем эти математические модели необходимо программно реализовать отдельным пакетом или интегрировать в пакет "КОМПАС" в рамках договора о творческом содружестве с ООО "АСКОН-КР".

Выводы:

1. В приложении к зубчатым передачам акцентировано определение кинематической и геометро-кинематической схем формообразования.

2. Впервые предложен и реализован принцип создания классификаторов (библиотек) геометро-кинематических схем формообразования зубчатых колес, который заключен в разработке подмножеств кинематических схем формообразования соответствующих числу отображений аффинного пространства.

3. Предложена модель перехода от кинематических схем формообразования к схеме компоновки станков.

В дальнейшем необходимо провести классификацию кинематических схем и математических моделей формообразования зубчатых передач для трех отображений аффинного пространства, а также уточнить библиотеки исходных формообразующих звеньев, заготовок формообразуемых звеньев и геометро-кинематических схем формообразования.

Список литературы: 1. Тернюк Н.Э., Ковалюх В.Р., Наседкин Ю.В. Способы обработки сферических зубчатых колес. – в кн. Современные проблемы резания инструментами из сверхтвердых материалов: Тез. докл. всесоюз. Конф. – Харьков, 1981. – С.46-49. 2. Ткач П.Н. Синтез высоконагруженных цилиндрических передач с двояковыпукло-вогнутыми зубьями по геометро-кинематическим критериям. Дисс. ... канд.техн.наук. – Луганск, 2004. – 255с. 3. Аникин Ю.В. Синусоидальное зацепление, основы геометро-кинематической теории. – Воронеж: Изд-во ВГУ, 1975. – 64с. 4. Кириченко А.Ф., Матюшенко Н.В., Павлов А.И. Совершенствование зацепления Новикова. // Вестник НТУ "ХПИ", – Харьков. 2003. – Вып.7, том 2. – С.58-59. 5. Сильч А.А. Геометрический расчет цилиндрических передач Новикова. – Курган: Изд-во Курганского ун-та. – 2001. – 84с. 6. Цвейс Ю.В. Профилирование режущего обкатного инструмента. – М.: Машгиз, 1961. – 156с. 7. Ерихов М.Л. Принципы систематики, методы анализа и вопросы синтеза зубчатых зацеплений Дисс. ... докт.техн.наук. – Хабаровск. 1972 – 324с. 8. Шевелева Г.А. Теория формообразования и контакта двиссоидальных тел: монография. – М.: Изд-во "Станки", 1999. – 494с. 9. Бабичев Д.Т. Основы альтернативной теории формообразования, базирующейся на новых геометрических понятиях // Международная конференция "Техника проводов 03": Секция 1. Теория, расчет и конструирование трансмиссионных элементов. докл. 1-58. – Болгария: София. – 2003. – С.270-275. – ISBN 954-90272-95. 10. Кривошея А.В., Сторчак М.Г., Данильченко Ю.М., Кривошея В.В. Обобщенная классификация кинематических схем формообразования зубчатых колес // Високи технологии в машинобудованні: 3б. наук. праць НТУ "ХПИ". – Харків, 2006. – Вип.2(13). – С.48-69. 11. Кривошея А.В., Данильченко Ю.М., Сторчак М.Г., Мельник В.Е. Совершенствование обобщенной унифицированной математической модели формообразования и обработки зубчатых колес // Оборудование и инструмент. – №4. – 2010. – С.46-51. 12. Данильченко Ю.М., Кривошея А.В., Сторчак М.Г. Проектирование формообразующего оборудования и инструментальных систем для обработки зубчатых колес // Международный симпозиум "Теория и практика зубчатых передач-2014". – Ижевск, 20-21 января 2014. – С.484-489. 13. Родин П.Р. Основы формообразования поверхностей резанием. – Киев: Выща школа. 1981. – 152с. 14. Лаинев С.И., Юликов М.И. Расчет и конструирование металлорежущих инструментов с применением ЭВМ. – М.: Машиностроение, 1975. – 391с. 15. Перепелица Б.А. Отображения аффинного пространства в теории формообразования поверхностей резанием. – Харьков: Выща школа, 1981. – 152с. 16. Радзевич С.П. Формообразование сложных поверхностей на станках с ЧПУ. – Киев: Выща школа. – 192с. 17. Коновалов Г.Г. Основы новых способов металлообработки. – Минск: Изд-во АН БССР, 1961. – 297с. 18. Грановский Г.И. Кинематика резания. – М.: Машгиз. 1948. – 199с. 19. Кузнецов Ю.Н., Хамуйела Ж.А., Гера, Хамуйела Т.О. Морфологический синтез станков и их механизмов: Монография – К.: ООО "Гнозис", 2012 – 416с. 20. Реуцетов Д.Н., Портман В.Т. Точность металлорежущих станков. – М.: Машиностроение, 1986. – 336с.

Поступила (received) 20.03.2014

УДК 621.9

Н.Н. КУЗЬМЕНКО, к.т.н., доцент каф. метрологии ВНУ им. В. Даля, Луганск

ФОРМООБРАЗОВАНИЕ ГЛОБИДНОГО СТАНОЧНОГО ЗАЦЕПЛЕНИЯ

В статье рассмотрены существующие глобидные зубчатые передачи, применяемые в различных областях машиностроения, предложено формообразование принципиально нового станочного зацепления квазиглобидного червяка с цилиндрическим колесом, что позволяет получить линейный контакт касания при любом передаточном отношении, и снижает себестоимость изготовления зубчатых колес.

Ключевые слова: формообразование, квазиглобидный червяк, передаточное отношение, станочное зацепление, глобидная передача.

© Н.Н. Кузьменко, 2014